

פתרונות הבדיקה

במתמטיקה

קיץ תשפ"ה, 2025, שאלון 35571, מועד א, נרשה 06:

מונASH ע"י צוות מורי המתמטיקה של "יואל גבע"

ההזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עליה



.1. ענו על שניים מארבעת הסעיפים א-ד שלפניכם. אם תענו על יותר משני סעיפים, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתכם.

א. (1) הוכיחו באינדוקציה מתמטית, או בכל דרך אחרת, כי לכל n טבעי:

$$2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + (2n)^2 = \frac{2n(2n+1)(n+1)}{3}$$

(2) חשבו את הערך של הסכום: $4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + 90^2$

רמזון מס' רקורסיה נרמזון נרמזון (1)

$$(2 \cdot 1)^2 = \frac{2 \cdot 1 \cdot (2 \cdot 1 + 1)(1 + 1)}{3}$$

$$2^2 = \frac{2 \cdot 3 \cdot 2}{3}$$

$$4 = 4 \quad \checkmark$$

נראה רקורסיה נרמזון נרמזון $n=1$

רעיון מס' רקורסיה נרמזון נרמזון (2)

$$2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + (2k)^2 = \frac{2k \cdot (2k+1) \cdot (k+1)}{3}$$

לידים מס' רקורסיה נרמזון נרמזון (3)

$$2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + (2k)^2 + (2 \cdot (k+1))^2 = \frac{2(k+1) \cdot (2(k+1)+1) \cdot (k+1+1)}{3}$$

$$\underbrace{2k(2k+1)(k+1)}_{\text{מכניקה}} + 4 \cdot (k+1)^2 = \frac{2(k+1)(2k+3)(k+2)}{3}$$

$$2k(2k+1)(k+1) + 12(k+1)^2 = 2(k+1)(2k+3)(k+2) \quad | : k+1 \neq 0$$

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עליה 

$$2k(2k+1) + 12(k+1) = 2(2k+3)(k+2)$$

$$4k^2 + 2k + 12k + 12 = 2 \cdot (2k^2 + 4k + 3k + 6)$$

$$4k^2 + 14k + 12 = 4k^2 + 8k + 6k + 12$$

$$0 = 0$$

הנ以此 נסuder וקנו

הארתית סת' הדריך וקנו כ' k מז'

בנוסף ל- $2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + 90^2$, $n = k$ \Rightarrow $k = 45$.

(2) חשבו את הערך של הסכום: $4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + 90^2$

$$2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + (2n)^2 = \frac{2n(2n+1)(n+1)}{3}$$

לעתותם ה

$$(2n)^2 = 90^2 \Rightarrow n = 45$$

$$n = 45$$

$$2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + 90^2 = \frac{2 \cdot 45 \cdot (2 \cdot 45 + 1) \cdot (45 + 1)}{3}$$

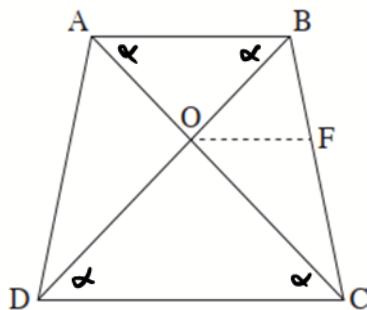
$$2^2 + 4^2 + 6^2 + \dots + 90^2 = 125,580$$

הסכום הוא $125,580$

125,580

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה





. ב. בסרטוט שלפניכם טרפז $(ABCD)$ $AB \parallel CD$.

הנקודה O היא מפגש אלכסוני הטרפז.

נתון: $\angle BAO = \angle CDO = \alpha$.

(1) הוכיחו כי הטרפז $ABCD$ הוא שווה שוקיים.

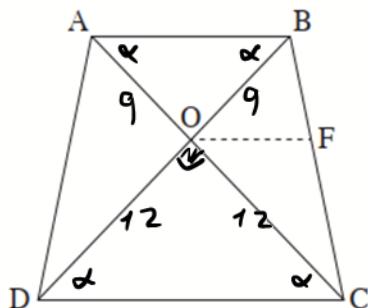
הנקודה F נמצאת על הצלע BC כך שהקטע OF מקביל לבסיסי הטרפז.

נתון כי אלכסוני הטרפז מאונכים זה לזה, $BO = 9$, $DO = 12$.

(2) מצאו את אורך הקטע OF .

| ל' מ' ת | ל' מ' ר | ל' מ' ה |
|--|-------------------|---------|
| ל' מ' 1 | $AB \parallel CD$ | 1 |
| ל' מ' 2 $\angle BAO = \angle CDO = \alpha$ | | 2 |
| ל' מ' 3 $\angle BAO = \angle DCO = \alpha$ | | 3 |
| ל' מ' 4 $\angle CDO = \angle ABO = \alpha$ | | 4 |
| (3) $ABO \cong CDO$ (ולaws) | $OA = OB$ | 5 |
| (4) $CDO \cong BOC$ (ולaws) | $OC = OD$ | 6 |
| מ'ג'ר (3) $\Delta OAC \cong \Delta OBD$ | $AC = BD$ | 7 |
| $AC = AO + OC$ | | |
| $BD = BO + OD$ | | |
| ולכן $AC = BD$ | | 8 |
| ולכן $ABCD$ שווה שוקיים | | |
| (2) $k = ?$ | | |

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



ב. בסרטוט ש לפניכם טרפז $(AB \parallel CD)$ $ABCD$.

הנקודה O היא מפגש אלכסוני הטרפז.

נתון: $\angle BAO = \angle CDO$.

(1) הוכיחו כי הטרפז $ABCD$ הוא שווה שוקיים.

הנקודה F נמצאת על הצלע BC כך שהקטע OF מקביל לבסיסי הטרפז.

נתון כי אלכסוני הטרפז מאונכים זה לזה, $BO = 9$, $DO = 12$.

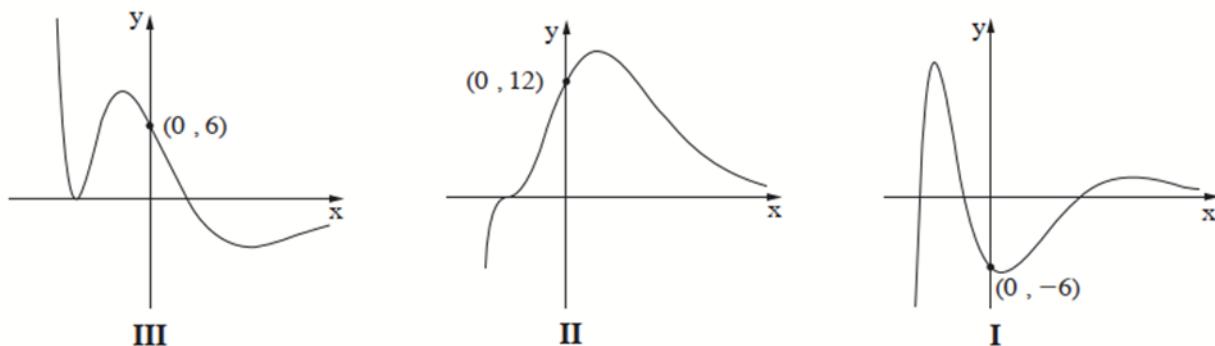
(2) מצאו את אורך הקטע OF .

| ל' מ' ת' | ל' מ' ת' | (2) |
|--|--|-----|
| ר' 11 | $OF \parallel AB \parallel DC$ | 9 |
| ר' 10 | $AC \perp BD$ | 10 |
| ר' 11 | $BO = 9$, $DO = 12$ | 11 |
| 6-11 | $OD = OC = 12$ | 12 |
| (10) DOC כמ"ס (2) ארכ' DC כמ"ס (2) ארכ' DC | $DC^2 = 12^2 + 12^2$ | 13 |
| | $DC = 12\sqrt{2}$ | |
| (11) ק' מ' (2) ארכ' BD | $BD = 21$ | 14 |
| (9) ק' מ' (2) ארכ' OF | $\frac{OF}{DC} = \frac{BO}{BD}$ | 15 |
| | $\frac{OF}{12\sqrt{2}} = \frac{9}{21} = \frac{3}{7}$ | |
| | $OF = \frac{36\sqrt{2}}{7}$ | |

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



ג. הפונקציה $(x)f$, פונקציית הנגזרת שלה $(x)f'$ ופונקציית הנגזרת השנייה $(x)f''$ מוגדרות לכל x .
לפניכם שלושה גרפים I–III. אחד מן הגרפים מתאר את הפונקציה $(x)f$, אחד את פונקציית הנגזרת $(x)f'$ ואחד את פונקציית הנגזרת השנייה $(x)f''$.
בכל אחד מן הגרפים מופיעות כל נקודות הקיצון וכל נקודות החיתוך שלו עם ציר ה- x .
על כל אחד מן הגרפים כתובים שיעורי נקודת החיתוך עם ציר ה- y .



- (1) התאימו לכל אחת מן הפונקציות $(x)f$, $(x)f'$ ו- $(x)f''$ את הגרף המתואר אותה. נמכו את תשובהכם.
- (2) כמה נקודות פיתול יש לפונקציה $(x)f$? נמכו את תשובהכם.
שיעור נקודת המקסימום של הפונקציה $(x)f$ הם (a, 15).
- (3) מצאו את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $(x)f'$, על ידי גרף הפונקציה $(x)f''$, על ידי הישר $x = a$ ועל ידי ציר ה- y .

1(2)

$f(x)$ – III $f'(x)$ – II $f''(x)$ – I

לקיים חיתוך ב- f ב- I גם ב- x (ר Zweig)
המגדיר סיבע) נרוויה נור איזה ה- חסן, ר Zweig
הקיים ב- II (וילן ארוויה נור ר Zweig חסן
ב- f''). ו/or צורה קביצה והחיאזס ב- II
גרואה נור איזה קביצה והחיאזס ב- III.
בדר – ב- II I הנו נור גראד – ב- II.

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



לזכור כתישן של ה- f ו- f'' אסוציאת סדרות יז'יון
של ה- f ו- f'' ונקוט הפעם אמצע כ- x אסוציאת
גרונטיה של מינימום וטס צואלה רג'יז'ון.
- $f'' = I$, $f' = III$, $f = II$ ו-
 $f''' = I$, $f'' = III$, $f' = II$

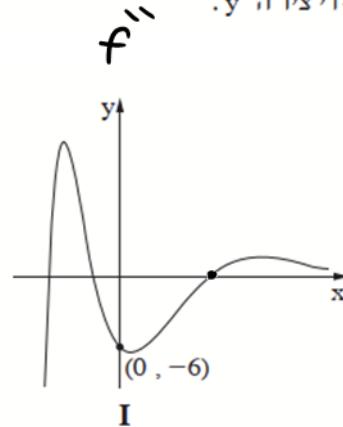
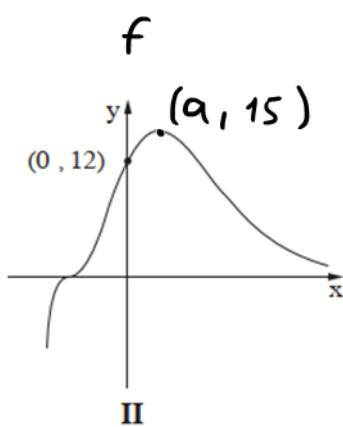
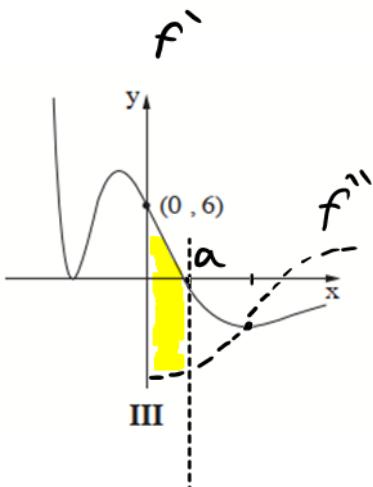
רואהם כירוי. (2)

$f'(x) \neq f''(x)$ רואם דיאגרם של $f(x)$ בזווית יז'יון
ולבדין דיאגרם $f''(x)$ אסוציאת סימן
כ- $f'''(x)$ קורא זיכר f כירוי.
 $f(x)$ רואם כירוי.

הזהמתה לעתודה יש פעם חיים. אל תתפשו עלייה 

שיעור נקודת המקסימום של הפונקציה $f(x)$ הם $(a, 15)$.

(3) מצאו את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f'(x)$, על ידי גרף הפונקציה $f''(x)$, על ידי הישר $x = a$ ועל ידי ציר ה- y .



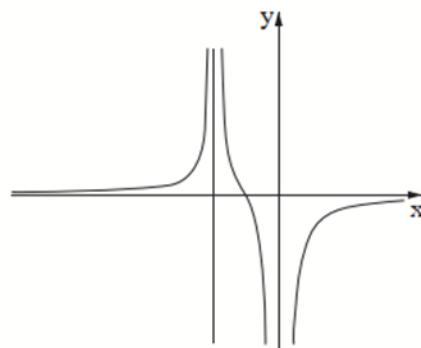
(3) ↗

$$\begin{aligned}
 S &= \int_0^a (f'(x) - f''(x)) dx = [f(x) - f'(x)] \Big|_0^a \\
 &= (f(a) - f'(a)) - (f(0) - f'(0)) = \\
 &= (15 - 0) - (12 - 6) = 15 - 6 = 9
 \end{aligned}$$

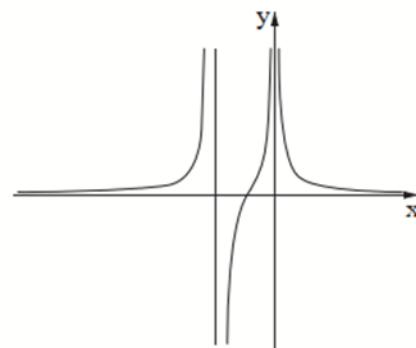
$S = 9$

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפשו עלייה

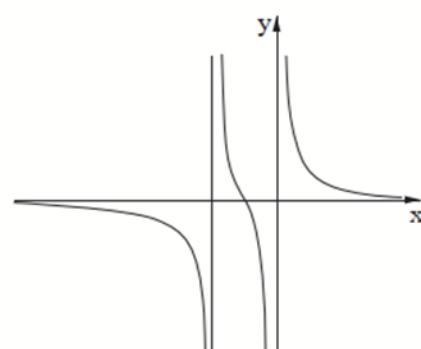
7. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{2(x+1)}{(x^2+2x)^2}$. $x \neq -2, x \neq 0$, המוגדרת בתחום $x \in \mathbb{R} \setminus \{-2, 0\}$.
- (1) מצאו את תחומי החייבות של הפונקציה $f(x)$.
 - (2) קבעו איזה מן הגרפים I–IV שלפניכם מתאר את הפונקציה $f(x)$. נמקו את קביעותכם.
 - (3) חשבו את השטח הכלוא על ידי גוף הפונקציה $f(x)$, על ידי ציר ה- x ועל ידי הישרים $x = 1$ ו- $x = 3$.



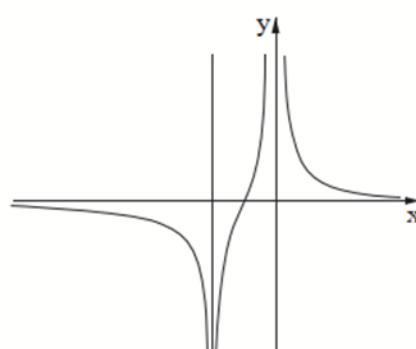
II



I



IV



III

$$f(x) = \frac{2(x+1)}{(x^2+2x)^2}, \quad x \neq 0, x \neq -2 \quad (1) \top$$

$$\frac{2(x+1)}{(x^2+2x)^2} = 0$$

$$x = -1$$

| | | | | | |
|-----|---|------|------|---|----|
| x | - | -2 | -1 | 0 | + |
| f | - | // | 0 | + | // |

הצורה, צייר

$-1 < x < 0, \quad x > 0$

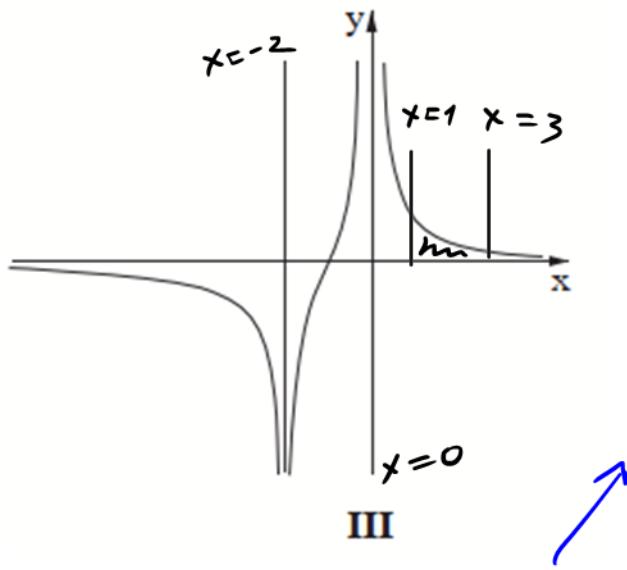
הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה

היתרן צירxis מינימום מינימום

III T

(2) T

(3) חשבו את השטח הכלוא על ידי גורף הפונקציה $f(x)$, על ידי ציר ה- x ועל ידי הישרים $x=1$ ו- $x=3$.



$$S = \int_1^3 \frac{2(x+1)}{(x^2+2x)^2} dx \quad (3) T$$

$$= \int_1^3 (2x+2)(x^2+2x)^{-2} dx$$

$$= \left[\frac{(x^2+2x)^{-1}}{-1} \right] \Big|_1^3$$

$$\int (\vec{f}(x)) \cdot (f(x))^n dx = \frac{(f(x))^{n+1}}{n+1} + C$$

$$= \frac{-1}{x^2+2x} \Big|_1^3$$

$$= \frac{-1}{9+6} - \frac{-1}{1+2}$$

$$= -\frac{1}{15} + \frac{1}{3} = \frac{4}{15}$$

$$S = \frac{4}{15}$$

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה

. 2. נתונה סדרה הנדסית אינ-סופית A שאיבריה הם ... a_1, a_2, a_3, \dots .

$$\text{נתון: } \frac{a_4}{a_2} = 4, 2a_2 + 8 = a_4.$$

א. מצאו את הערך של a_3 (מצאו את שתי האפשרויות).

נתון כי הסדרה A לא עולה ולא יורדת.

בונים מאיברי הסדרה A סדרה אינ-סופית חדשה B.

נתון כי איברי הסדרה B מקיימים $\frac{1}{a_n \cdot a_{n+1}} = b$ לכל n טבעי.

ב. הוכיחו כי הסדרה B היא סדרה הנדסית, ומצאו את המנה שלה.

בונים מאיברי הסדרה A סדרה הנדסית אינ-סופית נוספת C.

איברי הסדרה C הם: $\dots, \frac{k}{a_1 \cdot a_2}, \frac{k}{a_3 \cdot a_4}, \frac{k}{a_5 \cdot a_6}$ והוא פרמטר.

ג. (1) מצאו את מנת הסדרה C.

(2) מצאו בעבר אילו ערכים של k הסדרה C עולה. נמקו את תשובתכם.

נסמן ב- S_B את סכום הסדרה B, וב- S_C את סכום הסדרה C.

$$\text{נתון: } S_C = 12 \cdot S_B.$$

ד. מצאו את הערך של k .

. 3. נתונה סדרה הנדסית אינ-סופית A שאיבריה הם ... a_1, a_2, a_3, \dots .

$$\text{נתון: } \frac{a_4}{a_2} = 4, 2a_2 + 8 = a_4.$$

א. מצאו את הערך של a_3 (מצאו את שתי האפשרויות).

$$\text{I} \quad 2a_2 + 8 = a_4 \rightarrow 2a_1q + 8 = a_1q^3 \rightarrow 8 = a_1q(q^2 - 2)$$

$$\text{II} \quad \frac{a_4}{a_2} = 4 \rightarrow \frac{a_1q^3}{a_1q} = 4 \rightarrow q^2 = 4 \begin{cases} q=2 \\ q=-2 \end{cases} \begin{cases} a_1=2 \\ a_1=-2 \end{cases}$$

$$a_3 = a_1q^2 \rightarrow a_3 = \pm 8$$

הзадמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפשו עלייה

נתון כי הסדרה A לא עולה ולא יורדת.

בונים מאיברי הסדרה A סדרה אין-סופית חדשה B.

נתון כי איברי הסדרה B מקיימים $b_n = \frac{1}{a_n \cdot a_{n+1}}$ לכל n טבעי.

ב. הוכיחו כי הסדרה B היא סדרה הנדסית, ומצאו את המנה שלה.

נайдנו כי סדרה A עלייה אינטגרלית ישרה פולינומיאלית.

כ88 רצואן אם $\frac{b_{n+1}}{b_n}$ קבוצה.

$$\frac{b_{n+1}}{b_n} = \frac{\frac{1}{a_{n+1} \cdot a_{n+2}}}{\frac{1}{a_n \cdot a_{n+1}}} = \frac{a_n \cdot a_{n+1}}{a_{n+1} \cdot a_{n+2}} = \frac{1}{q^2} = \boxed{\frac{1}{4}} = Q_b$$

בונים מאיברי הסדרה A סדרה הנדסית אין-סופית נוספת C.

איברי הסדרה C הם: ..., $\frac{k}{a_1 \cdot a_2}, \frac{k}{a_3 \cdot a_4}, \frac{k}{a_5 \cdot a_6}, \dots$

ג. (1) מצאו את מנת הסדרה C.

$$Q_c = \frac{C_2}{C_1} = \frac{\frac{k}{a_3 \cdot a_4}}{\frac{k}{a_1 \cdot a_2}} = \frac{a_1 \cdot a_2}{a_3 \cdot a_4} = \frac{1}{q^2} \cdot \frac{1}{q^2} = \frac{1}{q^4} = \boxed{\frac{1}{16}} = Q_c$$

(2) מצאו בעבר אילו ערכי k של הסדרה C עליה. נמקו את תשובתכם.

נайдנו כי סדרה C כפולה 1, רצף גם ישר. גורם גורם גורם. כ1<0 ו C>0. כלומר חישבי גסירה גורם. רצף:

$$\frac{k}{a_1 \cdot a_2} < 0 \rightarrow \frac{k}{-2 \cdot 4} < 0 \rightarrow \boxed{k > 0}$$

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



נסמן ב- S_B את סכום הסדרה B, וב- S_C את סכום הסדרה C.

$$\text{נתון: } S_C = 12 \cdot S_B$$

7. מצאו את הערך של k .

$$S_C = 12S_B$$

$$\frac{-k}{\frac{8}{1 - \frac{1}{16}}} = 12 \cdot \frac{\frac{-1}{8}}{1 - \frac{1}{4}}$$

$$\frac{-k}{\frac{15}{16}} = \frac{-12}{8}$$

$$\frac{-16k}{15 \cdot 8} = -\frac{12 \cdot 4}{8 \cdot 3}$$

$$\frac{2k}{15} = 2$$

$$k = 15$$

| C | B | A, כר. I |
|----------------|--|----------|
| $\frac{-k}{8}$ | $\frac{1}{a_1 \cdot a_2} = -\frac{1}{8}$ | |
| $\frac{1}{16}$ | $\frac{1}{4}$ | ✓✓✓ |

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



3. במדינה גדולה התקיימו בחירות. המצביעים בבחירה אלה יכולים להצביע למפלגה א' או למפלגה ב' בלבד. נסמן ב- P את ההסתברות שמעביע שנבחר באקראי הצביע למפלגה א' ($0 < P < 1$).
בוחרים באקראי 3 מצביעים.
נתון כי ההסתברות שבדוק אחד מהם הצביע למפלגה א' גדולה פי 2 מהתוצאות שלושתם הצביעו למפלגה ב'.
א. מצאו את הערך של P .
בוחרים באקראי 4 מצביעים.
ב. ידוע כי ארבעתם הצביעו לאוთה המפלגה. מהי ההסתברות שהם הצביעו למפלגה א'?
חלק מן המצביעים הם מבוגרים והשאר צעירים.
נתון כי 49% מן המצביעים המבוגרים הצביעו למפלגה ב' ו- 18% מן המצביעים הצעירים הצביעו למפלגה א'.
ג. מהי ההסתברות לבחור באקראי מצביע צער אחד מבין כל המצביעים?
לאחר הבחרות נערכ סקר טלפון בקרוב המצביעים. דני, אחד הסופרים, התקשר באקראי למצביעים צעירים בלבד.
הוא התקשר אליהם בזאת והוא הפסיק מיד לאחר שריאין צער אחד שהצביע למפלגה אחת וצער נוסף
שהצביע למפלגה אחרת.
ד. מהי ההסתברות שדני התקשר ל- 5 צעירים בדיק?

3(א)

$$P_3 = p^3(1-p)^2 = (4p)^3$$

$$\binom{3}{1} p(1-p)^2 = 2(1-p)^3 \quad | : (1-p)^2 \neq 0 \quad 0 < p < 1$$

$$3p = 2(1-p)$$

$$3p = 2 - 2p$$

$$5p = 2 \rightarrow p = \frac{2}{5} \rightarrow p = 0.4$$

3(ב)

$$\begin{aligned} & P(\text{צער אחד}) = \frac{1}{5} \quad P(\text{צער שני}) = \frac{4}{5} \\ & P(\text{צער אחד וצער שני}) = \frac{1}{5} \times \frac{4}{5} = \frac{4}{25} \\ & P(\text{צער אחד או צער שני}) = \frac{1}{5} + \frac{4}{5} = \frac{5}{5} = 1 \end{aligned}$$

ההזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



$$P(A \cap B) = \frac{16}{97}$$

6(2)

(26.1.2)

A - נסיגת אבג'ם מילוי

\bar{A} - נסיגת אבג'ם מילוי

B - נסיגת אבג'ם ורשות

\bar{B} - נסיגת אבג'ם כבשיג

$$P(\bar{A}/B) = 0.49$$

$$\frac{P(\bar{A} \cap B)}{P(B)} = 0.49$$

$$P(A/\bar{B}) = 0.18$$

$$\frac{P(A \cap \bar{B})}{P(\bar{B})} = 0.18$$

$$P(B) = x \quad (26.1.2)$$

$$P(\bar{B}) = 1 - x \quad \rightarrow P(\bar{A} \cap B) = 0.49x$$

$$P(A \cap \bar{B}) = 0.18(1-x)$$

$$P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0.6 - 0.49x$$

$$P(\bar{B}) = P(\bar{A} \cap \bar{B}) + P(A \cap \bar{B})$$

| | \bar{A} | A | |
|-----------|-----------|-------------|--------------|
| \bar{B} | $0.49x$ | | $P(\bar{B})$ |
| B | | $0.18(1-x)$ | $P(B)$ |
| \bar{B} | 0.6 | 0.4 | |
| B | | | |
| \bar{A} | | | |

הזהירות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה 



$$1 - x = 0.6 - 0.18x + 0.18 \cdot - 0.18x$$

$$0.22 = 0.33x$$

$$x = \frac{2}{3}$$

3(ב) $P(\bar{B}) = \frac{1}{3}$

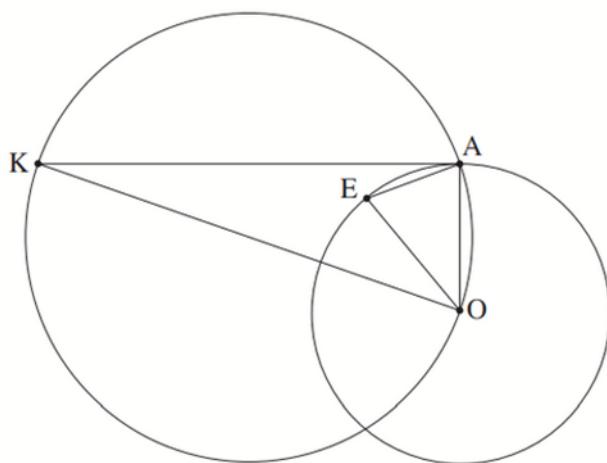
3(ג)

הסתברות של גיור
בנוסף ל-0.18
שנובע מ-0.82
היא 0.82
ולא כ-0.83
בנוסף ל-0.18
בנוסף ל-0.82
היא 0.82

| | | A | B | אנו נזק |
|--|--|---------------|------------------|-----------------|
| | | $\frac{2}{3}$ | $\frac{1}{50}$ | $\frac{17}{50}$ |
| | | $\frac{1}{3}$ | $\frac{41}{150}$ | $\frac{3}{50}$ |
| | | \perp | 0.6 | 0.4 |

$P(\text{չ-גיאון}) = 0.18 \cdot 0.82 + 0.82 \cdot 0.18 = 0.08224$

הזהירות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



.4. בסרטוט ש滥פניכם מעגל גדול שרדיוסו R ומעגל קטן שמרכזו בנקודה O ורדיוסו r .

הנקודה O נמצאת על המעגל הגדל.

הנקודה A היא אחת מנקודות החיתוך של שני המעגלים, כמפורט בסרטוט.

דרך הנקודה A העבירו משיק למעגל הקטן. המשיק חותך את המעגל הגדל בנקודה K .

הנקודה E נמצאת על המעגל הקטן בתוך המשולש KAO .

א. הוכחו כי $\angle KAE = 2 \angle KAO$.

המשך הקטע AE חותך את הקטע OK בנקודה M .

נתון כי הנקודה M היא אמצע הקטע OK .

ב. הוכחו כי הנקודה M היא מרכז המעגל הגדל.

ג. הוכחו כי $\triangle MOA \sim \triangle OEA$.

נתון: $R = 1.5r$.

נסמן ב- S את שטח המשולש OEA .

ד. הבינו באמצעות S את שטח המשולש OKA .

פתרון: (עינון חם ג' ממערך ג'.)

| העדר | הסבר | העדר |
|----------------------------------|-------------------------|------|
| לנין (ט') | 0 מילימטר (ט') | ① |
| לט' (ט') | AK מילימטר (ט') | ② |
| רט' (ט') | EA מילימטר (ט') | ③ |
| רט' (ט') | A רט' מילימטר (ט') | ④ |
| ט. ט' | OA מילימטר (ט') | ⑤ |
| ט' מילימטר (ט') | $\angle KAO = 90^\circ$ | ⑥ |
| ט' מילימטר (ט') השנה. ג'. 5,2 | | |

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



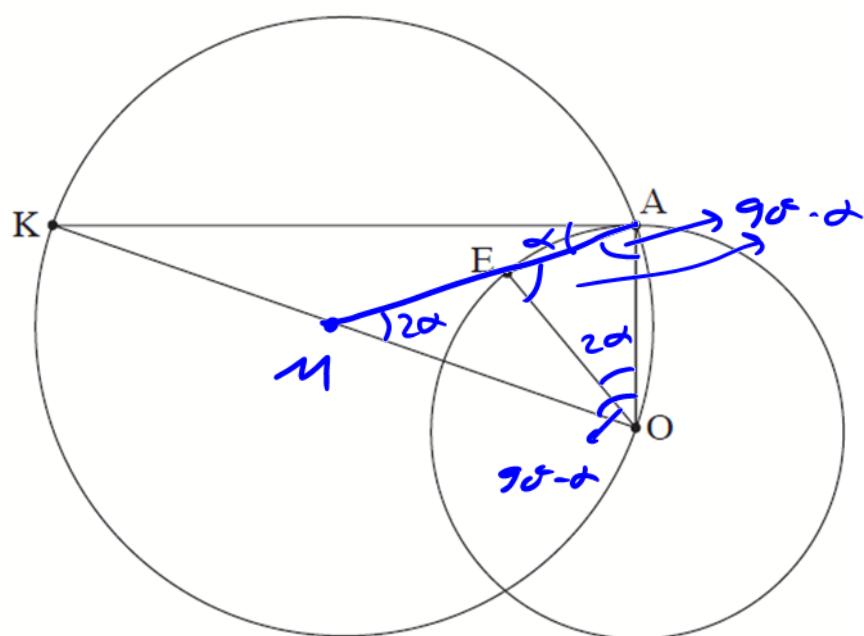
| סעיפים | הypothesis | רשות |
|--|--|--------------|
| 7, 6 . אט. זווית כפולה ב- 180° | $\angle KAG = \alpha$ | (7) |
| 5, 3 . אט. זווית כפולה ב- 180° | $\angle EAO = 90^\circ - \alpha$ | (8) |
| 8. צבירות זווית כפולה ב- 180° בזווית כפולה ב- 180° . זווית כפולה ב- 180° 9, 8 . אט. | $E_0 = A_0$ $\angle ACE = 90^\circ - \alpha$ | (9) (10) |
| AEO זווית כפולה ב- 180° 10, 8 . אט. 11, 7 . אט. | $\angle AOE = 2\alpha$ $\angle AOC = 2\angle KAE$ | (11) (12) |
| | ל.ג. צ.א.נ | |
| 11, 7 . אט. | ל.ג. אט. זווית כפולה ב- 180° | (13) |
| OK גודל גודל מ 11, 7 . אט. | $KM = OM$ | (14) |
| 5. צבירות זווית כפולה ב- 180° בזווית כפולה ב- 180° 6 . אט. | ל.ג. OK ל.ג. צ.א.נ | (15) |
| 1. גודל גודל מ 11, 7 . אט. 75, 74 . אט. צבירות זווית כפולה ב- 180° | ל.ג. ס.ס. גודל גודל מ ל.ג. צ.א.נ | (16) |
| | ל.ג. צ.א.נ | |

הוזמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסו עלייה

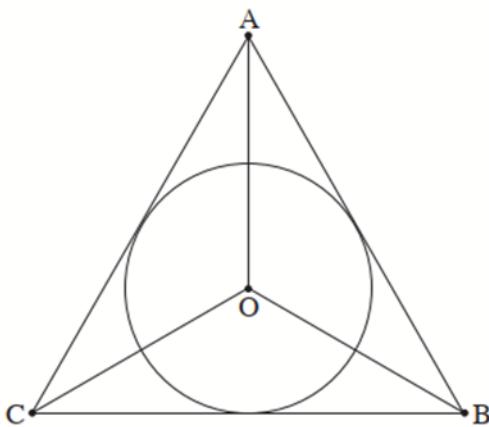
| השאלה | השאלה | השאלה |
|---|--|---|
| 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100 | $\angle AOB = \angle EOD = 90^\circ - \alpha$ $AM = OM = R$ $\angle AOM = \angle MAO = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$ $\angle AOM = \angle AEO = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$ $SMOA \approx SOEA$ $R = 1.5r$ $S_{\Delta AEO} = \frac{1}{2}$ $\frac{MO}{OE} = \frac{MA}{OA} = \frac{OA}{EA}$ $MO = R = 1.5r$ $\frac{MO}{OE} = \frac{1.5r}{r} = 1.5$ $\frac{SMOA}{SOEA} = 1.5^2 = 2.25$ $S_{OEA} + S_{MOA} = S_{MOA}$ | (17) (18) (19) (20) (21) (22) (23) (24) (25) (26) (27) (28) |
| 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100 | $AM = OM = R$ $\angle AOM = \angle MAO = 90^\circ - \alpha$ $SMOA \approx SOEA$ $R = 1.5r$ $S_{\Delta AEO} = \frac{1}{2}$ $\frac{MO}{OE} = \frac{MA}{OA} = \frac{OA}{EA}$ $MO = R = 1.5r$ $\frac{MO}{OE} = \frac{1.5r}{r} = 1.5$ $\frac{SMOA}{SOEA} = 1.5^2 = 2.25$ $S_{OEA} + S_{MOA} = S_{MOA}$ | (17) (18) (19) (20) (21) (22) (23) (24) (25) (26) (27) (28) |

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה!

| ל'ג'ר' | סִפְרֵי | גָּנוּכָּה |
|--|------------------------|------------|
| 28, 27, 23, 8, 8, 23, 27, 29 | $S_{OEA} = 0.8 \Delta$ | (29) |
| 29, 23, 27, 23, 29, 23, 27, 23, 29 | $S_{MOA} = 1.8 \Delta$ | (30) |
| גָּנוּכָּה קָרְבָּן תָּמִיד וְבָזָר אַדְּלָה וְבָזָר מִלְּמָדָה וְבָזָר אַדְּלָה וְבָזָר מִלְּמָדָה וְבָזָר אַדְּלָה וְבָזָר | $S_{OKA} = 3.6 \Delta$ | (31) |
| $S_{AMK} = S_{MOA} = 1.8 \Delta$ | $S_{OKA} = 3.6 \Delta$ | (32) |
| חֲדָקָה כְּבָשָׂנָה | 13 כ.מ. ~ | (33) |



הזהירות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה 



5. במשולש שווה שוקיים ABC ($AC = AB$) חסום מעגל שמרכזו בנקודה O ורדיוסו r (ראו סרטוט).
נסמן: $\angle ACB = 2\alpha$.

א. (1) הביעו באמצעות r ו- α את אורך הקטע CO .

(2) הביעו באמצעות r ו- α את אורך הצלע AC .

נתון כי אורך הצלע AC גדול פי $\sqrt{3}$ מאשר אורך הקטע CO .

ב. מצאו את הערך של α .

הציבו $\alpha = 30^\circ$ וענו על השיעיפים ג-ד.

המעגל חותך את הקטע BO בנקודה K .

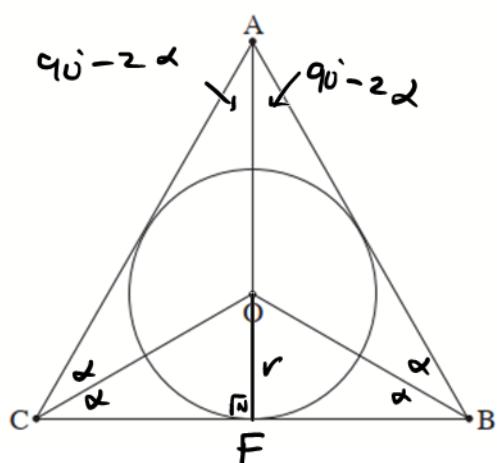
נתון כי אורך הקטע CK הוא $\sqrt{63}$.

ג. מצאו את הערך של r .

הנקודה E נמצאת על הצלע CB .

נתון כי שטח המשולש CKE הוא 6.

ד. חשבו את אורך הקטע BE .



: ABC כיריך

$$\angle BAC = 180 - 4\alpha$$

$$\angle BAO = \angle CAO = 90 - 2\alpha$$

ΔCOF :

$$\frac{r}{CO} = \sin \alpha$$

כיוון והוויל גאניג BC מרכז תיכון.

$$CO = \frac{r}{\sin \alpha}$$

(1)c

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפשו עלייה

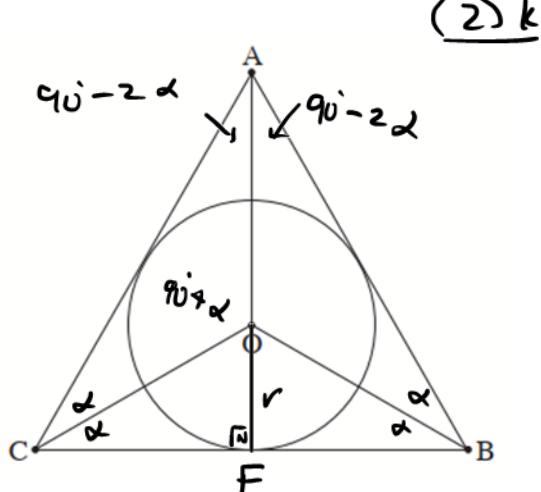
$$\triangle ACO: \angle AOC = 180 - (90 - 2\alpha) - \alpha \\ = 90 + \alpha$$

$$\frac{AC}{\sin(90+\alpha)} = \frac{CO}{\sin(90-2\alpha)} \\ = \cos 2\alpha$$

$$AC \cdot \cos 2\alpha = CO \cdot \cos \alpha$$

$$AC = \frac{\cos \alpha}{\cos 2\alpha} \cdot CO$$

$$AC = \frac{\cos \alpha}{\cos 2\alpha} \cdot \frac{r}{\sin \alpha}$$



$$AC = \frac{r \cdot \cos \alpha}{\sin \alpha \cdot \cos 2\alpha}$$

$$AC = \sqrt{3} \cdot CO$$

נתון כי אורך הצלע AC גדול פי $\sqrt{3}$ מאריך הקטע CO .
ב. מצאו את הערך של α .

$$\frac{r \cdot \cos \alpha}{\sin \alpha \cdot \cos 2\alpha} = \frac{\sqrt{3} \cdot r}{\sin \alpha} \quad | : \frac{r}{\sin \alpha}$$

$$\frac{\cos \alpha}{\cos 2\alpha} = \sqrt{3} \quad t = \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = \sqrt{3} \cdot \cos 2\alpha$$

$$\cos \alpha = \sqrt{3} (2 \cos^2 \alpha - 1) \quad \cos \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{3} \quad \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

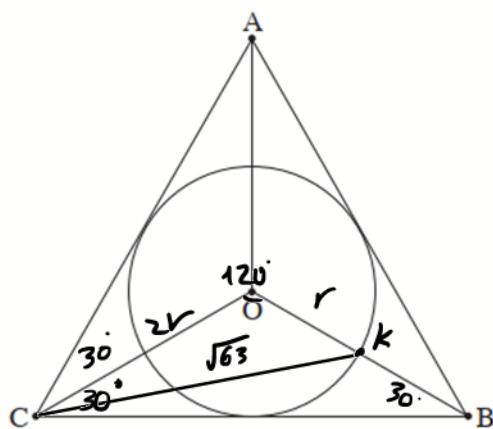
$$t = 2\sqrt{3}t^2 - \sqrt{3} \quad \Rightarrow \quad \alpha = 125.3^\circ \\ 0 = 2\sqrt{3}t^2 - t - \sqrt{3} \quad \therefore, 0 < \alpha < 180^\circ$$

$$t_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad t_2 = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה





הציבו $\alpha = 30^\circ$ וענו על הסעיפים ג-ד.

המעגל חותר את הקטע BO בנקודה K.

נתון כי אורך הקטע CK הוא $\sqrt{63}$.

ג. מצאו את הערך של r .

$$CO = \frac{r}{\sin 30^\circ} = 2r$$

$$\triangle CKO: \angle KOC = 180^\circ - 2\alpha = 120^\circ$$

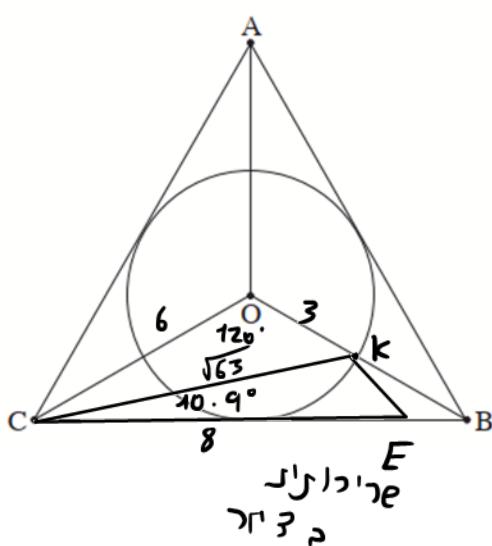
$$\sqrt{63}^2 = r^2 + (2r)^2 - 2 \cdot r \cdot 2r \cdot \cos 120^\circ$$

$$63 = 5r^2 - 4r^2 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = 5r^2 + 2r^2 = 7r^2$$

$$7r^2 = 63 \\ r^2 = 9$$

$$r = 3$$

הנקודה E נמצאת על הצלע CB.
נתון כי שטח המשולש CKE הוא 6.
ד. חשבו את אורך הקטע BE.



$$\triangle KCE: \frac{3}{\sin 120^\circ} = \frac{\sqrt{63}}{\sin 10.9^\circ}$$

$$\sin 10.9^\circ = \frac{3 \sin 120^\circ}{\sqrt{63}}$$

$$\angle OCK = 19.1^\circ$$

$$\angle KCB = 30^\circ - 19.1^\circ = 10.9^\circ$$

ולכן $\angle B = 30^\circ - 10.9^\circ = 19.1^\circ$

$$\triangle CKE: \frac{\sqrt{63} \cdot CE \cdot \sin 10.9^\circ}{2} = 6$$

$$CE = \frac{12}{\sqrt{63} \sin 10.9^\circ} = 8$$

$$BC = AC = \frac{3 \cos 30^\circ}{\sin 30^\circ \cdot \cos 60^\circ}$$

$$BC = 6\sqrt{3} = 10.39$$

$$BE = 6\sqrt{3} - 8 = 2.39$$

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה!



6. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 - a^2}}$.
ענו על הטעיפים א–ו. הבינו את תשובותיכם באמצעות a , אם יש צורך.
 א. (1) מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
 (2) מצאו את משוואות האסימפטוטות המאונכות לצירים של הפונקציה (x) .
 ב. הוכיחו כי הפונקציה (x) היא אי-זוגית.
 ג. מצאו את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה).
 ד. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

6(1)

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 - a^2}}$$

$$x^2 - a^2 > 0 \quad \begin{array}{c} \text{---} \\ \diagup \quad \diagdown \\ -a \quad a \end{array} \rightarrow \boxed{-a < x \text{ ו } x > a} \quad \text{ר'}$$

6(2) **הנחות:** $x \neq 0$ ו $x \neq \pm a$
 $\boxed{x = a \text{ ו } x = -a}$ נורווגי $x \neq 0$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{x^2 - a^2}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{x^2 - a^2}{x}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1 - \frac{a^2}{x^2}}{1}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - 0}} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt{x^2 - a^2}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{x^2 - a^2}{x}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1 - \frac{a^2}{x^2}}{1}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - 0}} = 1$$

$$\boxed{y_+ = 1 \text{ ו } y_- = -1} \quad \text{נורווגי}$$

6(2)

$$-f(x) = f(-x)$$

$$-\frac{x}{\sqrt{x^2 - a^2}} = \frac{-x}{\sqrt{(-x)^2 - a^2}}$$

הזהירות לעתודה יש פעם חיום. אל תתפשו עלייה

$$-\frac{x}{\sqrt{x^2-a^2}} = -\frac{x}{\sqrt{x^2-a^2}}$$

ſ.e.d

62.

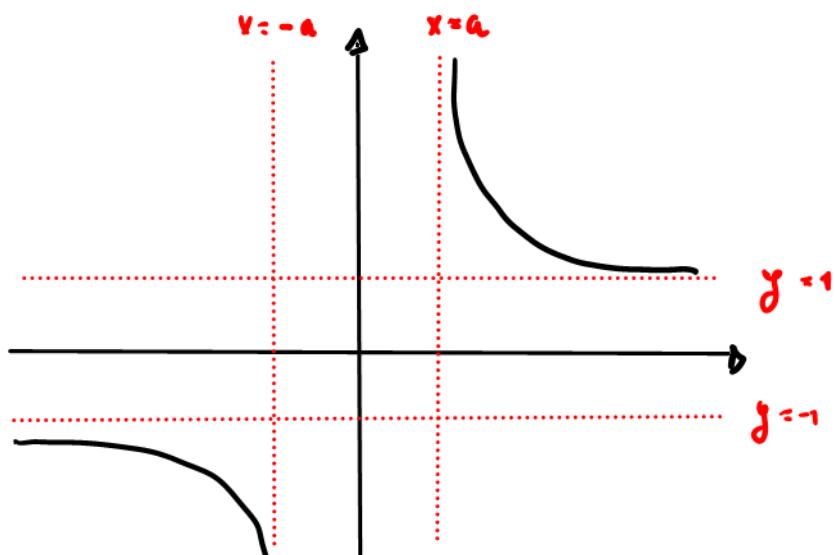
$$f'(x) = \frac{\frac{d(\sqrt{x^2-a^2})}{dx} - x \frac{2x}{2\sqrt{x^2-a^2}}}{x^2-a^2} \rightarrow \frac{\sqrt{x^2-a^2} - \frac{x^2}{\sqrt{x^2-a^2}}}{x^2-a^2}$$

$$f'(x) = \frac{-a^2}{\sqrt{x^2-a^2}(x^2-a^2)}$$

ג'ם נתקל בפונקציית שורש?
בנוסף לא נתקל בפונקציית שורש?

מבחן גראן טורי קומטרי וריאנטים וריאנטים
 גראן טורי קומטרי וריאנטים וריאנטים
 $-a < x \text{ or } x > a$

63.



הזהירות לעתודה יש פעם חיימ. אל תתפשו עלייה



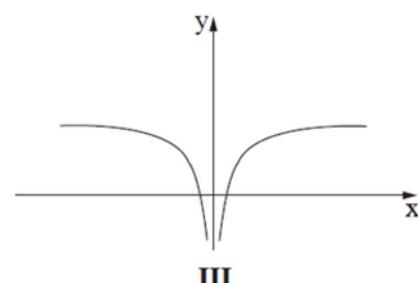
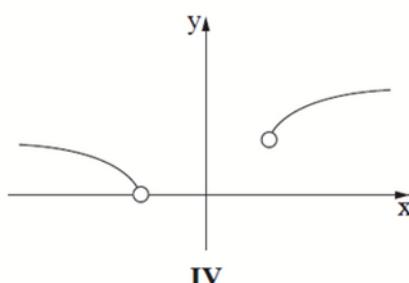
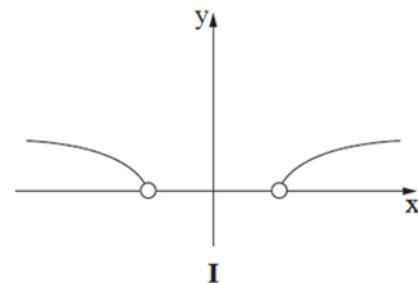
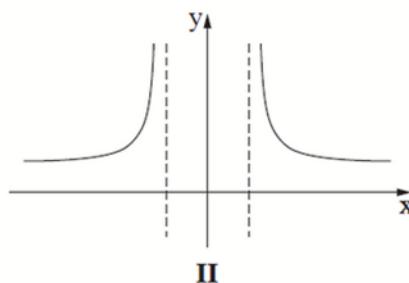
נתונה הפונקציה $g(x) = \frac{1}{(f(x))^2}$. תחום ההגדרה של הפונקציה $(x) g$ זהה לתחום ההגדרה של הפונקציה $(x) f$.

ה. (1) מצאו את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $(x) g$.

(2) קבעו איזה מני הגרפים I–IV שבסוף השאלה מתאר את הפונקציה $(x) g$. נמקו את קביעותכם.

נתון כי השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $(x) g$, על ידי ציר ה- x ועל ידי הישרים $x = 2a$ ו- $x = 3a$ הוא 2.5.

ג. מצאו את הערך של a .



6. ג)

$$g(x) = \frac{1}{(f(x))^2}$$

$$g'(x) = \frac{0 \cdot (f(x))^2 - 1 \cdot 2f(x)f'(x)}{(f(x))^4} \rightarrow g'(x) = \frac{-2f(x)f'(x)}{(f(x))^4}$$

הנימוק
בנימוק
בנימוק
בנימוק
בנימוק
בנימוק
בנימוק
בנימוק

הזדמנות לנתקודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה

הypothesis: $f'(x) > 0 : x > a$

$g'(x) > 0 \quad \text{for } f'(x) < 0$
 $-2 < 0$

hypothesis: $f'(x) < 0 : x < -a$

$g'(x) < 0 \quad \text{for } f'(x) < 0$
 $-2 < 0$

$x > a : g(x)$

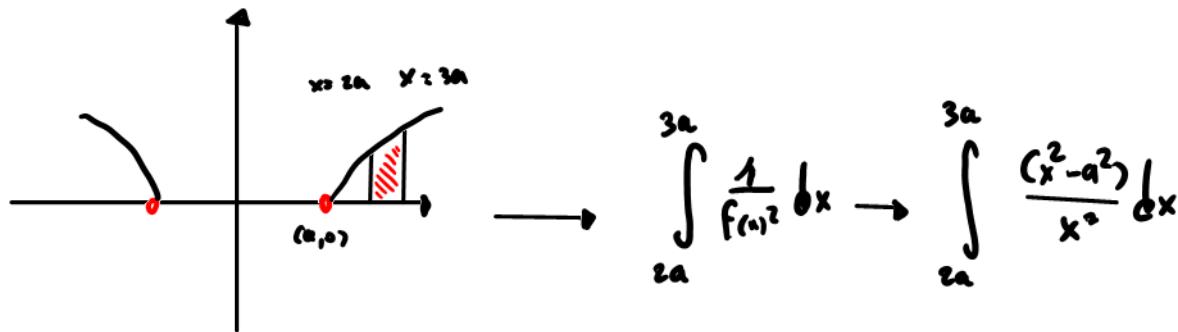
$x < -a : g(x)$

$$\frac{-2f(x)f'(x)}{[F(x)]^2} = 0 \rightarrow \begin{cases} f(x) = 0 \\ f'(x) = 0 \end{cases} \quad \text{no solution}$$

otherwise

6(1) $\int_{-a}^a f(x) dx$ $\int_{-a}^a g(x) dx$
 $\left(\lim_{x \rightarrow -a^+} \frac{1}{x} = 0\right) \cdot 0 - \int_{-a}^a g(x) dx = 0$
 $\int_{-a}^a g(x) dx = 0$ $\Rightarrow g(x) = 0$

6(1)



הזהירות לעתודה יש פעם חיימ. אל תתפשו עלייה

$$\int_{2a}^{3a} \left(1 - \frac{a^2}{x^2}\right) dx \rightarrow \int_{2a}^{3a} (1 - a^2 x^{-2}) dx \rightarrow \left[x - a^2 \cdot \frac{x^{-1}}{-1} \right]_{2a}^{3a}$$

$$x + \frac{a^2}{x} \Big|_{2a}^{3a} \rightarrow (3a + \frac{a^2}{3a}) - (2a + \frac{a^2}{2a}) = 2.5$$

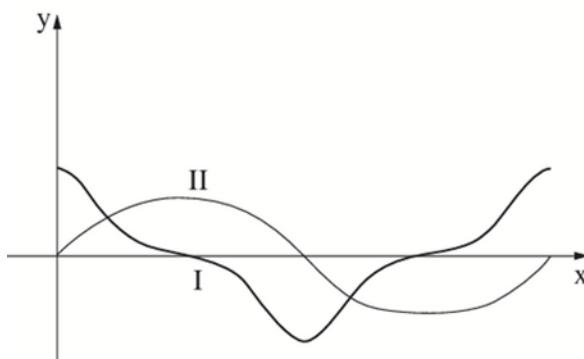
$$3a + \frac{a}{3} - 2a - \frac{a}{2} = 2.5$$

$$\frac{5}{6}a = 2.5$$

$$a = 3$$

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה





. 7. בסרטוט שלפניכם נתונים שני גרפים, I-II, בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$.

אחד מן הגרפים מתאר את הפונקציה $f(x)$,

ואחד מהם מתאר את פונקציית הנגזרת שלה $(f'(x))$.

הfonקציות $f(x)$ ו- $f'(x)$ מוגדרות לכל x בתחום הנתון.

a. קבעו איזה מן הגרפים I-II מתאר את הפונקציה $f(x)$.

נקטו את קביעותכם.

נתון כי $f(x) = \frac{\sin x}{1 + (\sin x)^2}$ מוגדרת בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$.

b. (1) מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x .

(2) מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבעו את סוגן.

נתונה הפונקציה $|f(x) - 0.4|$ המוגדרת בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$.

g. מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $|f(x) - 0.4|$ עם ציר ה- x .

d. (1) סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $|f(x) - 0.4|$.

(2) מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $|f(x) - 0.4|$, וקבעו את סוגן.

a. קבעו איזה מן הגרפים I-II מתאר את הפונקציה $f(x)$.

נקטו את קביעותכם.

לעת מזמין הayo אג ביל איה ויכא גודל גודל
(ח' ג' א' א' ג' א')

$f(x) - \text{II}$
 $f'(x) - \text{I}$

נתון כי $f(x) = \frac{\sin x}{1 + (\sin x)^2}$ מוגדרת בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$.

b. (1) מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x .

$$0 = \frac{\sin x}{1 + \sin^2 x} \rightarrow 0 = \sin x \rightarrow x = 0 + \pi k \rightarrow x = 0, \pi, 2\pi$$

$(2\pi, 0) \quad (\pi, 0) \quad (0, 0)$

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



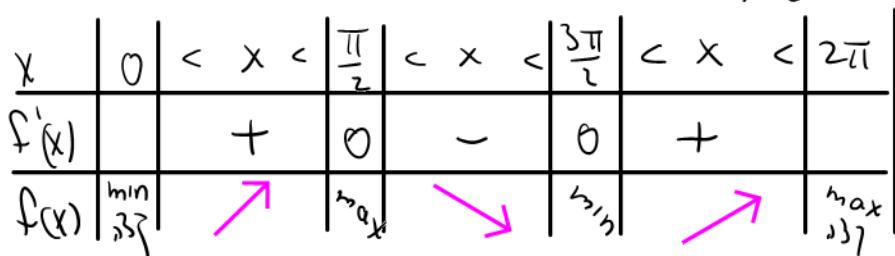
(2) מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבעו את סוגן.

$$f'(x) = \frac{\omega s x (1 + \sin^2 x) - 2 \sin x \cos x}{(1 + \sin^2 x)^2}$$

$$\begin{aligned} u &= \sin x & u' &= \cos x \\ v &= 1 + \sin^2 x & v' &= 2 \sin x \cos x \end{aligned}$$

$$f'(x) = \frac{\omega s x (1 + \sin^2 x) - 2 \sin x \cos x}{(1 + \sin^2 x)^2} = \frac{\cos x (1 - \sin^2 x)}{(1 + \sin^2 x)^2} = \frac{\cos^3 x}{(1 + \sin^2 x)^2} = 0$$

$$\cos x = 0 \rightarrow x = \frac{\pi}{2} + \pi k \rightarrow x = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}$$



לפיכך ניתן לומר. סימני הגרף מושגים בפער אינטגרלי.
לפיכך נאריך את הגרף.

$$(0,0)_{\min}, \left(\frac{\pi}{2}, \frac{1}{2}\right)_{\max}, \left(\frac{3\pi}{2}, -\frac{1}{2}\right)_{\min}, (2\pi, 0)_{\max}$$

נתונה הפונקציה $g(x) = |f(x) - 0.4|$ המוגדרת בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$.

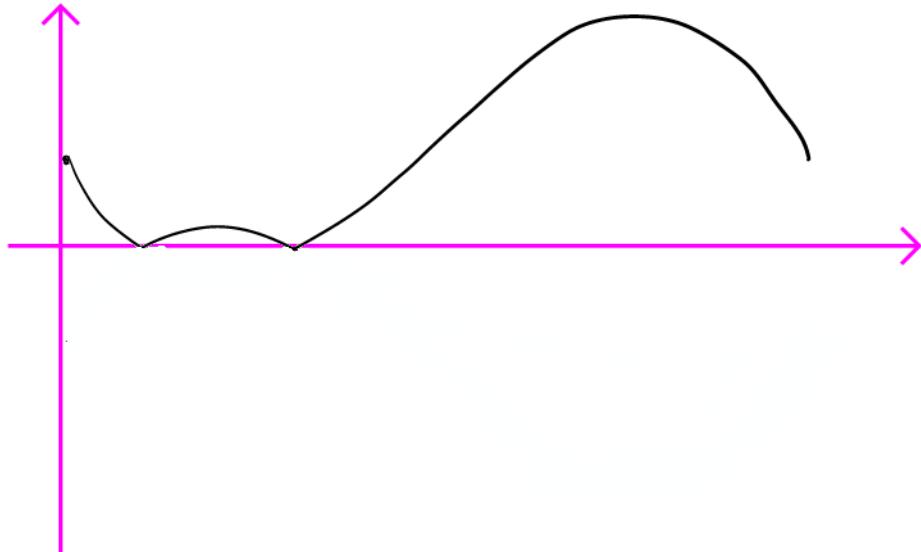
ג. מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $g(x)$ עם ציר x .

$$0 = |f(x) - 0.4| \rightarrow 0 = f(x) - 0.4 \rightarrow f(x) = 0.4 \rightarrow$$

$$\begin{aligned} \rightarrow \frac{\sin x}{1 + \sin^2 x} = 0.4 &\rightarrow \sin x = 0.4 + 0.4 \sin^2 x \rightarrow 0.4 \sin^2 x - \sin x + 0.4 = 0 \rightarrow \\ \rightarrow \sin x = 2 &, \quad \sin x = \frac{1}{2} \quad \begin{cases} x = \frac{\pi}{6} + 2\pi k \\ x = \frac{5\pi}{6} + 2\pi k \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \left(\frac{\pi}{6}, 0\right) \\ \left(\frac{5\pi}{6}, 0\right) \end{cases} \end{aligned}$$

הзадנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה

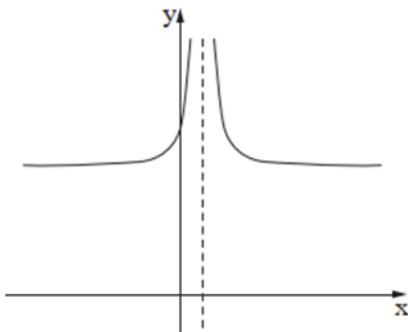
ד. (1) סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $g(x)$.



(2) מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $g(x)$, וקבעו את סוגן.

$$(0, 0.6) \text{ max}, \left(\frac{\pi}{6}, 0\right) \text{ min}, \left(\frac{\pi}{2}, 0.1\right) \text{ max}, \left(\frac{5\pi}{6}, 0\right) \text{ min}, \left(\frac{3\pi}{2}, 0.9\right) \text{ max}, (2\pi, 0.6) \text{ min}$$

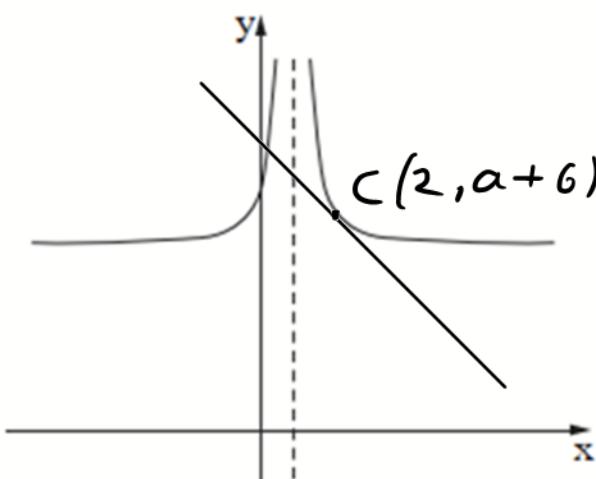
הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



- .8. בפרטוט שלפניכם מתואר גרף הפונקציה $f(x) = \frac{a}{(x-1)^2} + 6$.
- הfonקציה $f(x)$ מוגדרת בתחום $x \neq 1$. a הוא פרמטר חיובי.
- .א. מצאו את משוואות האסימפטוטות המאונכות לציריהם של הפונקציה $f(x)$.
- הנקודה C נמצאת על גרף הפונקציה $f(x)$, ושיעור ה- x שלה הוא 2.
- דרך הנקודה C העבירו משיק לגרף הפונקציה $f(x)$.
- .ב. הבינו באמצעות a את משוואת המשיק.
- המשיק חותך את ציר ה- x בנקודה A ואת הישר $x=1$ בנקודה B .
- D היא נקודה ששיעוריה הם $(1, 0)$.
- .ג. הבינו באמצעות a את שטח המשולש ADB .
- .ד. מצאו את הערך של a שבבעבורו שטח המשולש ADB הוא מינימלי.

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = 0 + 6$$

| | |
|---------|------------------|
| $x = 1$ | נקודות ארכימדיות |
| $y = 6$ | נקודות ארכימדיות |



$$y_c = f(2) = \frac{a}{(2-1)^2} + 6 = a + 6$$

$$f(x) = \frac{a}{(x-1)^2} + 6$$

$$f'(x) = \frac{a \cdot (x-1)^2 - a \cdot 2(x-1) \cdot 1}{((x-1)^2)^2}$$

$$f'(x) = -\frac{2a(x-1)}{(x-1)^4} = \frac{-2a}{(x-1)^3}$$

$$m = f'(2) = \frac{-2a}{1^3} = -2a$$

$$y - (a+6) = -2a(x-2)$$

$$y = -2ax + 4a + a + 6$$

האנטיגרָטִי – גְּדוֹלָה

| |
|---------------------|
| $y = -2ax + 5a + 6$ |
|---------------------|

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפסרו עלייה



המשיק חותך את ציר ה- x בנקודה A ו את הישר $1 = x$ בנקודה B.

D היא נקודה ששיעוריה הם $(1, 0)$.

ג. הביעו באמצעות a את שטח המשולש ADB.

$$y = -2ax + 5a + 6$$

$$x = 1 \rightarrow y = 3a + 6$$

$$\begin{aligned} y_B &= -2a \cdot 1 + 5a + 6 \\ &= 3a + 6 \end{aligned}$$

$$B(1, 3a+6)$$

$$0 = -2ax + 5a + 6 \quad x \rightarrow ?$$

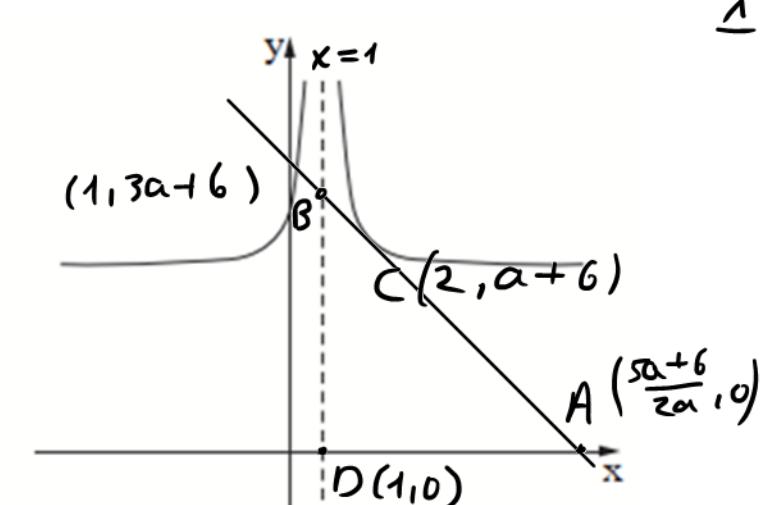
$$2ax = 5a + 6$$

$$x = \frac{5a+6}{2a}$$

$$A\left(\frac{5a+6}{2a}, 0\right)$$

$$BD = y_B - y_D = 3a + 6 - 0$$

$$BD = 3a + 6$$



$$AD = \frac{5a+6}{2a} - 1$$

$$AD = \frac{5a+6-2a}{2a}$$

$$AD = \frac{3a+6}{2a}$$

$$S_{\Delta ADB} = \frac{1}{2} \cdot BD \cdot AD = \frac{1}{2} \cdot (3a+6) \cdot \frac{3a+6}{2a} = \frac{3 \cdot (a+2) \cdot 3 \cdot (a+2)}{4a}$$

$$S_{\Delta ADB} = \frac{9}{4} \cdot \frac{(a+2)^2}{a} = \frac{9}{4} \cdot \frac{a^2+4a+4}{a} = \frac{9}{4} \cdot \left(a + 4 + \frac{4}{a}\right)$$

$$S_{\Delta ADB} = \frac{(3a+6)^2}{4a}$$

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תהפשו עלייה



7. מצאו את הערך של a שבעבורו שטח המשולש ADB הוא מינימלי.

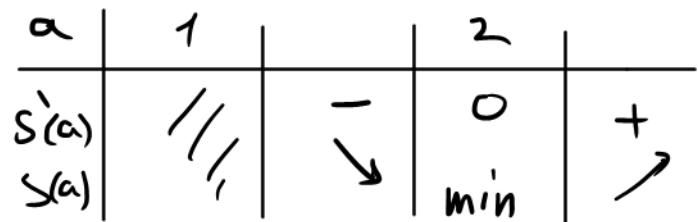
$$S_{\triangle ADB} = \frac{9}{4} \cdot \left(a + 4 + \frac{4}{a} \right)$$

$$S'(a) = \frac{9}{4} \left(1 - \frac{4}{a^2} \right) = 0$$

$$1 = \frac{4}{a^2}$$

$$a^2 = 4$$

$$a = 2$$



$$S'\left(\frac{3}{2}\right) = \frac{9}{4} \left(1 - \frac{4}{1.5^2} \right) = -$$

$$a = 2$$

$$S'\left(\frac{3}{2}\right) = \frac{9}{4} \left(1 - \frac{4}{3^2} \right) = +$$

הזדמנות לעתודה יש פעם חיים. אל תתפשו עלייה