

הוצאת ספרים יואל גבע

עובדת קיא לתלמידים

העלים לכיתה י' –

5 ייחידות

קובץ זה כולל שאלות המסכימות את החומר שנלמד במתמטיקה בחטיבת הביניים. כדי לעזור לתלמידים והتلמידות להכין את עצםם באופן מיטבי ללימודים המתמטיקה בתיכון, הדגשנו את הכלים החשובים לרמת 5 ייחידות בכיתה י', על פי תכנית הלימודים החדשה.

הנושאים שנכללים בקובץ :

טכנייה אלגברית, גאומטריה, פונקציה קוית (קו ישר),
פונקציה ריבועית (פרבולה), קדם אנליזה.

ברצוננו להזות מkrab לעפר ילין על היוזמה, הייעוץ הפגוגי לשאלות,
על בדיקת השאלות, על ההערות וההארות המצוינות
ועל תמיכה בלתי מסווגת.

יואל גבע אריך דזילדי

טכנית אלגברית

תזכורת לנוסחאות המכפל המקוצר:

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

פתרו את המשוואות הבאות (מצאו את ערכו של x):

$$\frac{2}{3}(x+1) - \frac{3}{7}(x+2) = 1 \quad .2$$

$$\frac{4(5x-2)}{3} - \frac{6(3x+2)}{7} = 42 - \frac{5(7x-4)}{4} \quad .1$$

$$(3x+5)^2 = 9(x+2)(x-2) \quad .4$$

$$(x-5)^2 = x(x+15) \quad .3$$

עבור המשוואות הבאות: א. מצאו את תחום הצבה של המשווה.

ב. פתרו את המשווה ובדקו את תשובה.

$$\frac{4x+6}{x+1} = \frac{2}{x+1} + 4 \quad .6$$

$$\frac{8}{x-3} - \frac{7}{x+2} = \frac{42}{(x-3)(x+2)} \quad .5$$

פתרו את מערכות המשוואות הבאות בדרך שתבחרו:

$$5x + 3y = 29 \quad .8$$

$$y = -4x + 17 \quad .7$$

$$7x - 5y = 13$$

$$y = 3x + 5$$

$$\frac{2x-3}{2} + \frac{y+1}{8} = 4 \quad .10$$

$$3(2y-5) = 6+x \quad .9$$

$$\frac{x+1}{3} + \frac{3y-1}{4} = 4$$

$$2(3x-4) = 4x-2$$

פתרו את המשוואות הריבועיות הבאות:

$$-3x^2 + 300 = 0 \quad .12$$

$$x^2 + 8x + 12 = 0 \quad .11$$

$$x(1-5x) = 3 \quad .14$$

$$9x^2 = 4(3x-1) \quad .13$$

$$(x+1)^2 = 1 - x^2 \quad .16$$

$$(x+4)(x+7) = 70 \quad .15$$

$$2(3-x) - \frac{(x-2)^2}{3} + \frac{1}{3} = 0 \quad .18$$

$$-2(x-5)^2 = (2x+1)^2 - 57 \quad .17$$

פתרו את המשוואות הבאות. במידת הצורך, היעזרו בפירוק לגורמים. התיחסו גם לתחומי הצבה:

$$\frac{6}{x^2 + 8x} = \frac{x+1}{2x+16} \quad .20$$

$$\frac{x^2}{x+5} = \frac{25}{x+5} \quad .19$$

$$\frac{1}{x^2 - 6x + 9} + \frac{4}{x^2 - 3x} = \frac{2}{x-3} \quad .22$$

$$\frac{2x+1}{2x-3} - \frac{7x}{4x^2 - 9} = 1 + \frac{x-4}{2x+3} \quad .21$$

$$\frac{8}{x^2 - 3x - 10} + 1 = \frac{8}{x+2} - \frac{1}{5-x} \quad .24$$

$$\frac{18}{x^2 - x - 12} + \frac{3x - 25}{4x^2 + 12x} = 0 \quad .23$$

$$\frac{5}{x^2 + 2x - 3} + \frac{45}{x^2 + 10x + 21} = \frac{18}{x^2 + 6x - 7} \quad .26$$

$$\frac{3x}{x^2 + 5x + 6} = \frac{2x + 2}{x^2 + 6x + 9} \quad .25$$

צמצמו את השברים הבאים (במידת הצורך, הייעזרו בפירוק לגורמים) :

$$\frac{x^2 - 4x + 3}{2x - 2} \quad .28$$

$$\frac{x^2 - 4}{x^2 + 2x} \quad .27$$

כפלו את השברים הבאים (צמצמו במידה האפשר) :

$$\frac{a^2 - 5a - 6}{a^2 - 1} \cdot \frac{5a - 5}{4a - 24} \quad .30$$

$$\frac{a^2 - 8a + 16}{a^2} \cdot \frac{3a}{a - 4} \quad .29$$

חלקו את השברים הבאים (צמצמו במידה האפשר) :

$$\frac{a^2 + 2a - 15}{2a^2 - 50} : \frac{a^2 - 6a + 9}{4a - 12} \quad .32$$

$$\frac{2a + 10}{9a^2 - 6a + 1} : \frac{3a + 15}{9a - 3} \quad .31$$

פתרו את מערכות המשוואות הבאות :

$$y = x^2 + 2x - 8 \quad .34$$

$$y = x^2 - 8 \quad .33$$

$$y = -x^2 + 6x - 10$$

$$y = 2x$$

$$(x - 4)(y + 9) = 209 \quad .36$$

$$3x^2 + 5xy - 4y^2 = 38 \quad .35$$

$$xy = 150$$

$$x - y = 2$$

$$5x^2 + 4y^2 = 56 \quad .38$$

$$\frac{10}{x} + \frac{12}{y} = 5 \quad .37$$

$$7x^2 + 3y^2 = 55$$

$$\frac{25}{x} - \frac{8}{y} = 3$$

תשובות:

$$. (4;3) .8 .(1\frac{5}{7};10\frac{1}{7}) .7 .x \neq -1 .\text{ב} .x \neq -1 .\text{א} .7 .5 .\text{ב} .x \neq -2 , x \neq 3 .\text{א} .5 .-2\frac{1}{30}.4 .1 .3 .5 .2 .4 .1$$

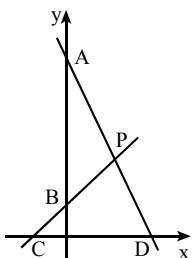
$$.0 ,-1 .16 .3 ,-14 .15 .14 .\text{אין פתרון} .\frac{2}{3} .13 .-\frac{1}{3} , \frac{1}{3} .12 .-2 ,-6 .11 .(5;3) .10 .(3;4) .9$$

$$.1 ,-4 .25 .6 .24 .-6\frac{2}{3} ,-5 .23 .3 ,-4 .22 .0 ,6 .21 .-4 ,3 .20 .5 .19 .-5 ,3 .18 .3 ,-\frac{1}{3} .17$$

$$.(-2;-4) ,(4;8) .33 .\frac{2}{a-5} .32 .\frac{2}{3a-1} .31 .\frac{5}{4} .30 .\frac{3(a-4)}{a} .29 .\frac{x-3}{2} .28 .\frac{x-2}{x} .27 .2 .26$$

$$.(-2;-3) ,(-2;3) ,(2;-3) ,(2;3) .38 .(5;4) .37 .(15;10) ,(-4\frac{4}{9};-33.75) .36 .(3;1) ,(-4.5;-6.5) .35 .(1;-5) .34$$

פונקציה קבועה



.1. הישרים AD ו- BC הם הגרפים של הפונקציות

$$f(x) = -2x + 22 \quad \text{ו-} \quad g(x) = x + 4$$

בהתאם.

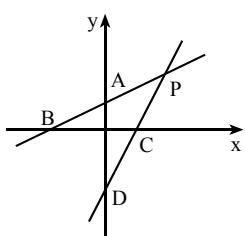
א. מצאו את שיעורי הנקודות:

$$P, D, C, B, A$$

ב. חשבו את שטח המשולש PCD

ג. חשבו את שטח המשולש PAB

ד. לאילו ערכי x מתקיימים $f(x) > g(x)$?



.2. הישרים AB ו- CD הם הגרפים של

$$g(x) = 2x - 3 \quad \text{ו-} \quad f(x) = \frac{1}{2}x + 1$$

P היא נקודת החיתוך של שני הישרים.

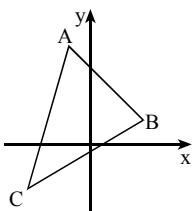
א. מצאו את שיעורי הנקודות:

$$P, D, C, B, A$$

ב. חשבו את שטח המשולש PBC

ג. חשבו את שטח המשולש PAD

ד. לאילו ערכי x מתקיימים $f(x) > g(x)$?



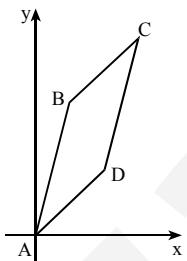
.3. קדקודי משולש ABC הם:

$$C(-3; -2), B(2; 1), A(-1; 4)$$

א. מצאו את שיפוע הישר AB .

ב. מצאו את משוואת הצלע AB .

ג. מצאו את משוואת הצלע AC .



.4. קדקודי המרובע $ABCD$ הם:

$$D(2; 2), C(3; 6), B(1; 4), A(0; 0)$$

א. חשבו את שיפועי צלעות המרובע.

ב. הסבירו מדוע $AB \parallel DC$ ו- $BC \parallel AD$.

ג. הוכיחו שהמרובע הוא מקבילית.

ד. הסבירו מדוע $BC = AD$ ו- $AB = DC$.

תשובות:

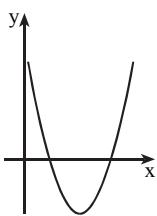
.1. א. $x < 11$. ב. $P(6; 10)$, $D(11; 0)$, $C(-4; 0)$, $B(0; 4)$, $A(0; 22)$. ג. 75 . ד. 54

.2. א. $x < 2\frac{2}{3}$. ב. $P(2\frac{2}{3}; 2\frac{1}{3})$, $D(0; -3)$, $C(1\frac{1}{2}; 0)$, $B(-2; 0)$, $A(0; 1)$. ג. $4\frac{1}{12}$. ד. $5\frac{1}{3}$

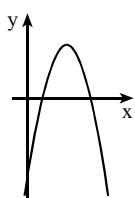
.3. א. -1 . ב. $y = -x + 3$. ג. $y = 3x + 7$

.4. א. 4 , 1 , 4 , 1 . ב. כל שתי צלעות נגדיות במקבילית שוות זו לזו.

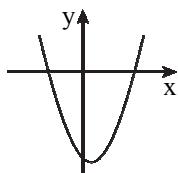
פונקציה ריבועית – פרבולה



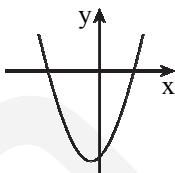
- .1. בציור משורטטו גראף הפונקציה $y = x^2 - 8x + 12$.
- מצאו את שיעורי נקודת המינימום של הפונקציה.
 - מהם תחומי העלילה והירידה של הפונקציה?
 - מהו ערך המינימלי של הפונקציה?
 - מצאו את נקודות האפס של הפונקציה.
 - רשמו את התחום שבו הפונקציה חיובית.
 - רשמו את התחום שבו הפונקציה שלילית.
 - בכמה נקודות חותך הישר $y = -2$ את גראף הפונקציה?
 - ענו על פי השרטוט, ככלمر ללא חישובים.



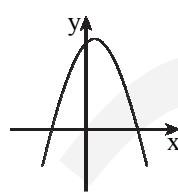
- .2. לפניכם גראף הפונקציה $f(x) = -x^2 + 10x - 16$.
- עבור אילו ערכי x הפונקציה הנתונה חיובית?
 - האם הערך הגדול ביותר של הפונקציה הוא 9 או 5? הסבירו.
 - מהו תחום הערכים שהפונקציה (x) יכולה לקבל?
 - עבור אילו ערכי x הפונקציה עולה?
 - עבור אילו ערכים של k , הישר $y = k$:
 - חותך את גראף הפונקציה בנקודה אחת?
 - חותך את גראף הפונקציה בשתי נקודות?
 - אינו חותך את גראף הפונקציה?



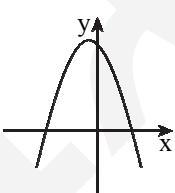
(2)



(1)



(4)



(3)

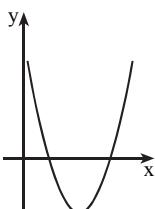
- .3. נתונות מושואות של ארבע פונקציות : (1) $f(x) = -x^2 + x + 6$
 (2) $g(x) = x^2 + x - 6$
 (3) $h(x) = x^2 - x - 6$
 (4) $k(x) = -x^2 - x + 6$

לפניכם גראפים של ארבע פונקציות.
 התאימו לכל פונקציה את הגראף
 המתאים לה על פי מיצiat נקודות
 האפס, ובהתאם למקדם של x^2 .

- .4. נתונה הפונקציה $f(x) = (x+4)(x-2)$.
- מצאו את נקודות החיתוך של גראף הפונקציה עם הצירים.
 - מצאו את נקודות הקיצון של הפונקציה וקבעו את סוג הקיצון.
 - שרטו סקיצה של גראף הפונקציה.
 - עבור אילו ערכי x הפונקציה $f(x)$ יורדת וחובבית?
 - עבור אילו ערכי x הפונקציה עולה ושלילית?
 - מהו תחום הערכים שהפונקציה (x) יכולה לקבל?
 - לאילו ערכי k , הישר $y = k$ חותך את גראף הפונקציה בנקודה אחת?

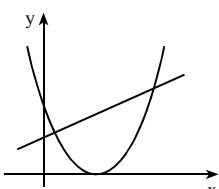
5.

- נתונה הפונקציה $y = (x-5)^2 - 16$.
- מצאו את שיעורי נקודת קדקוד הפרבולה.
 - מצאו את נקודות האפס של הפונקציה.
 - מהי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה עם ציר ה- x ?
 - שרטו סקיצה של גרף הפונקציה במערכת צירים.
 - מצאו לאילו ערכי x הפונקציה עולה ושלילית.
 - מצאו לאילו ערכי x הפונקציה יורדת וחיבובית.
 - קבעו נסogn או לא נכון:
 - לכל ערך של x ערך הפונקציה גדול מ-16.
 - לכל ערך של x ערך הפונקציה גדול או שווה ל-16.
 - נקו, ללא חישובים, מדוע הפרבולה אינה מעברת בנקודה $(4; -17)$.



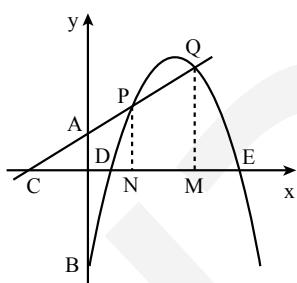
6.

- לפניכם גרף הפרבולה $y = x^2 - 8x + 12$.
- מצאו את נקודות החיתוך של הפרבולה עם ציר ה- x .
 - כתבו את תחומי השיליליות של הפרבולה.
 - היעזרו בגרף ובתשובתכם לסעיף ב', ופתרו את אי-השווון $x^2 - 8x + 12 < 0$.
 - מצאו לאילו ערכים של x מתקיים $0 > y$.
 - היעזרו בגרף ובתשובתכם לסעיף ד', ופתרו את אי-השווון $x^2 - 8x + 12 > 0$.
 - פתרו את אי-השווון $x^2 - 8x + 12 \leq 0$.
 - פתרו את אי-השווון $x^2 - 8x + 12 \geq 0$.



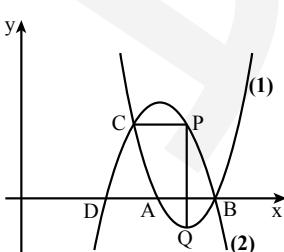
7.

- בציור משורטטים הגрафים של הפונקציות:
- $$f(x) = x^2 - 6x + 9$$
- $$g(x) = x + 3$$
- לאילו ערכי x מתקיים $f(x) = g(x)$?
 - לאילו ערכי x מתקיים $f(x) > g(x)$?
 - לאילו ערכי x מתקיים $f(x) < g(x)$?



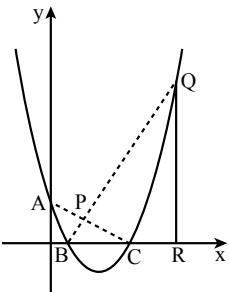
8.

- הפרבולה והישר הם הגрафים של הפונקציות
- $$(1) y = -x^2 + 8x - 7$$
- $$(2) y = x + 3$$
- מצאו את שיעורי הנקודות: $A, B, C, D, E, P, Q, M, N$.
 - מנקודות P ו- Q הורידו אנכים לציר ה- x בנקודות N ו- M . מצאו את שטח הטרפז $PQMN$ ואת שטח המשולש CQM .
 - האם ערך הפונקציה (1) יכול להיות 11?
 - האם ערך הפונקציה (1) יכול להיות 8.75?



9.

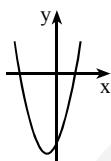
- הפרבולות (1) ו-(2) הן הגрафים של הפונקציות
- $$(1) y = x^2 - 12x + 35$$
- $$(2) y = -x^2 + 10x - 21$$
- מצאו איזה גרף מתאים לפונקציה (1), ואיזה - מתאים לפונקציה (2).
 - חשבו את שיעורי הנקודות A, B, C, D .
 - דרך הנקודה C העבירו מקביל לציר ה- x החותך את פרבולה (2) בנקודה P .
 - מנקודה P הורידו אנך לציר ה- x , החותך את פרבולה (1) בנקודה Q .
 - מצאו את אורך הקטע PQ , והוכיח שהנקודה Q היא קדקוד הפרבולה (1).



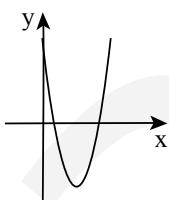
- .10. היפרbole ABC היא גרפ' הפונקציה $y = x^2 - 6x + 5$
 מאונך לציר ה- x ואורכו
 שווה ל- 21 יחידות.
 P היא נקודת המפגש של הישרים AC ו- BQ .
 א. מצאו את שיעורי הנקודה P.
 ב. מצאו את משוואת הישר BQ.
 ג. מצאו את שיעורי הנקודה R.

תשובות:

- .1. א. $(6;0)$. ב. עלייה: $x > 4$. ז. $x < 4$: ירידה: $x > 4$. ג. $x < 4$
 ה. $x > 6$ או $2 < x < 6$. ו. $x < 2$. ז. בשתי נקודות.
 .2. א. $x < 5$. ב. $9 \leq f(x) \leq 10$. ג. $2 < x < 8$. ד. $f(x) \leq 9$
 ה. $k > 9$ (3) . $k < 9$ (2) . $k = 9$ (1).
- .3. $(3) - k(x)$, $(2) - h(x)$, $(1) - g(x)$, $(4) - f(x)$. א.



- .4. א. $(-4;0)$, $(2;0)$, $(0;-8)$. ב. מינימום: $(-1;-9)$.
 ז. $-1 < x < 2$. ה. $x < -4$.
 ו. $k = -9$. ג. $f(x) \geq -9$.



- .5. א. $(0;9)$. ג. $(1;0)$, $(9;0)$. ב. $(5;-16)$.
 ה. $5 < x < 9$.
 ו. $x < 1$.
 ז. (1) לא נכון. (2) נכון.

.6. א. $x < 2$ $x > 6$. ב. $2 < x < 6$. ג. $2 < x < 6$ או $x > 6$. ד. $(6;0)$, $(2;0)$

.ה. $x \leq 2$ או $x \geq 6$. ו. $2 \leq x \leq 6$. ג. $x < 2$ או $x > 6$

.ז. $1 < x < 6$. ג. $x < 1$ או $x > 6$. ב. $x = 6$, $x = 1$. א.

.8. א. $Q(5;8)$, $P(2;5)$, $E(7;0)$, $D(1;0)$, $C(-3;0)$, $B(0;-7)$, $A(0;3)$. ב.

.ג. לא. ד. כן. . 32 , 19.5 .

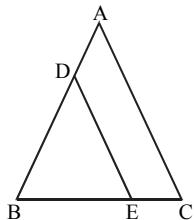
.9. א. (1) מתאים ל-(II), (2) מתאים ל-(I).

.ב. $Q(6;-1)$. ג. 4 יחידות, $D(3;0)$, $C(4;3)$, $B(7;0)$, $A(5;0)$.

.א. $P(2;3)$. ג. $y = 3x - 3$. נ. $Q(8;21)$.

גאומטריה

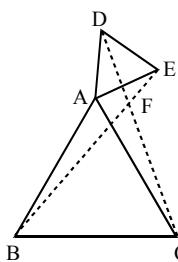
שאלות עם משולשים



- .1. המשולש ABC הוא שווה-שוקיים ($AB = AC$) .
נתון : $DE \parallel AC$.

א. הוכחו : $DB = DE$.

ב. הוכחו : חוץה הזווית של $\triangle ADE$ מקביל לבסיס BC .



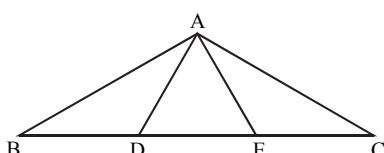
- .2. המשולשים ABC ו- ADE הם משולשים
שווים-צלעות. הקטעים CD ו- BE
נחתכים בנקודה F .

א. הוכחו : $\triangle ACD \cong \triangle ABE$.

ב. הוכחו : $BE = CD$.

ג. הוכחו : $\triangle ACD = \triangle ABE$.

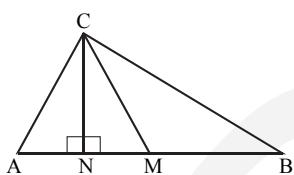
ד. חשבו את הזווית BFC . הדרכה : סמנו $\angle ACD = \alpha$.



- .3. D ו- E הן נקודות על הצלע BC
, $BD = DE = EC$. נתון : ABC .
 $AB \perp AE$, $AD \perp AC$

א. הוכחו : המשולש ADE הוא שווה-צלעות.

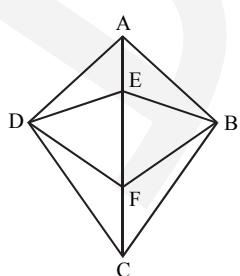
ב. הוכחו : $S_{\triangle ABD} = S_{\triangle ADE} = S_{\triangle AEC}$.



- .4. המשולש ABC הוא ישר-זווית ($AC \perp BC$) .
מ- N הם נקודות על היתר AB כך
ש- $BC = 2CN$, $AM = MB$, $CN \perp AB$. נתון :
א. הסבירו מדוע $\angle B = 30^\circ$.

ב. הוכחו כיגובה CN והתקיון CM מחלקים
את הזווית ACB לשולש זוויות שות.

שאלות עם מרובעים



- .5. בדלתון $(BC = DC, AB = AD)$ $ABCD$ הנקודות E ו- F נמצאות על האלכסון AC .

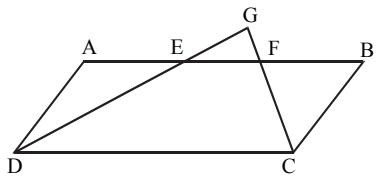
א. הוכחו שהמרובע $BEDF$ הוא דלתון.

ב. הוכחו שהמרובע $CBFD$ הוא דלתון.

ג. נתון : $\angle FDC = 2x - 5^\circ$, $\angle FBC = x + 10^\circ$.

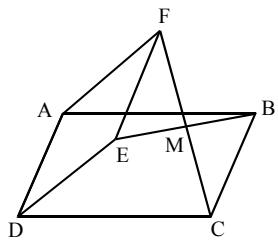
מצאו את הערך של x .

.6



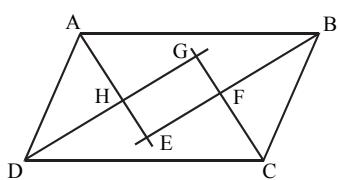
- הנקודות E ו- F נמצאות על הצלע AB של מקבילית ABCD . המשכי הקטועים DE ו- CF נפגשים בנקודה G .
נתון : $AD = AE = BF$
הוכיחו : $DG \perp CG$

.7



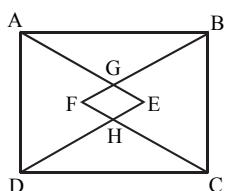
- המרובעים AFED ו- ABCD הם מקביליות .
הקטעים FC ו- EB נחתכים בנקודה M .
הוכיחו : $FM = MC$

.8



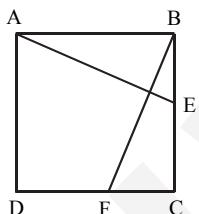
- המרובע ABCD הוא מקבילית .
הקטעים AE , BE , DG , CG חוצים את הזרויות הפנימיות של המקבילית (ראה ציור) .
א. הוכיחו : $\angle BFC = 90^\circ$.
ב. הוכיחו : המרובע EFGH הוא מלבן .
ג. הוכיחו : $GE = HF$.

.9



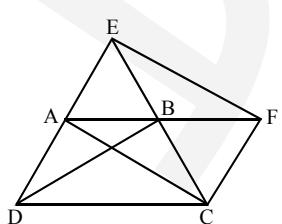
- על הצלעות AD ו- BC של מלבן ABCD בננו משולשים שוו-צלעות ADE ו- BCF AE ו- BF נחתכים בנקודה G .
הוכיחו : המרובע EGFH הוא מעוין .

.10

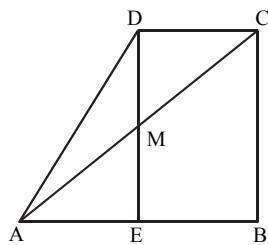


- בריבוע ABCD הנקודות E ו- F נמצאות על הצלעות BC ו- CD בהתאם .
נתון : $BE = CF$.
א. הוכיחו : $\Delta ABE \cong \Delta BCF$.
ב. הסבירו מדוע $\angle AEB = \angle BFC$.
ג. הוכיחו : $AE \perp BF$.
הדרך : סמנו $\angle BFC = \alpha$

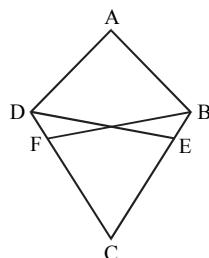
.11



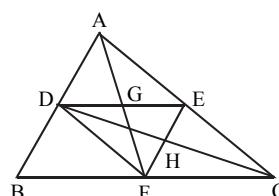
- בתוך משולש שווה-צלעות EDC חסום טרפז שווה-שוקיים (AB||DC) ABCD .
הנקודה F נמצאת על המשך הצלע AB .
נתון : $BC = CF$.
א. הוכיחו : $\Delta ECF \cong \Delta DCB$.
ב. הוכיחו : $AC = EF$.



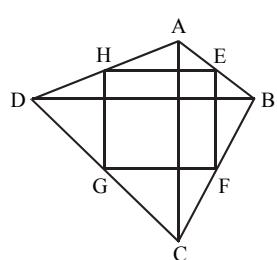
- .12 ABCD הוא טרפז ישר זוויות ($\angle B = 90^\circ$).
האלכסון AC חותך את גובה הטרפז DE
בנקודה M (ראה ציור). נתון: $DM = ME$.
א. הוכיחו כי $AE = EB$.
ב. האנך מ- B לאלכסון AC בנקודה G.
הוכיחו כי $GE = EB$.



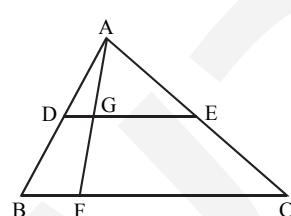
- .13 המרובע ABCD הוא דלתון ($BC = DC$, $AB = AD$).
DE חוצה את הזווית ABC
ו- BF חוצה את הזווית ADC .
א. הוכיחו: $BE = DF$.
ב. הוכיחו: המרובע BDFE
הוא טרפז שווה-שוקיים.



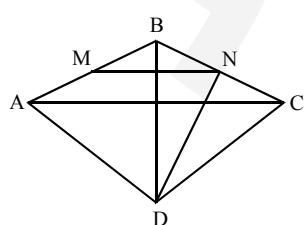
- .14 במשולש ABC, הנקודות D, E ו- F הן
בתאמה אמצעי הצלעות BC, AC, AB ו-
DECF, ADFE ו- DECF הם מקביליות.
א. הוכיחו: המרובעים ADGF ו-
BDFE הם מקבילים.
ב. הוכיחו: $AC = 4GH$.



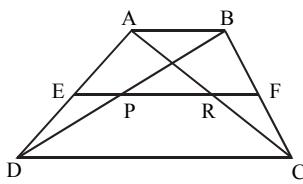
- .15 במרובע ABCD, האלכסונים AC ו- BD
ማונכים זה לזה. הנקודות F, E, G
ו- H הן אמצעי הצלעות AB, CD, BC
ו- AD בתאמה.
הוכיחו: המרובע EFGH הוא מלבן.



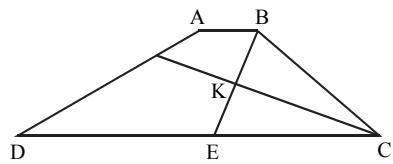
- .16 DE הוא קטע אמצעים במשולש ABC
הנקודה F נמצאת על הצלע BC.
הקטע AF חותך את DE בנקודה G.
א. הוכיחו: DG הוא קטע אמצעים
במשולש ABF.
ב. נתון: $BC = 4 \cdot BF$. הוכיחו: $GE = 3 \cdot DG$.



- .17 נקודת D נמצאת מחוץ למשולש ABC ($\angle ABC > 90^\circ$).
כך ש- $AD = BD = CD$. הנקודה N מונחת על הצלע BC
כך ש- $ND \perp BC$. הנקודה M היא אמצע הצלע AB.
א. הוכיח: $MN \parallel AC$.
ב. נתון גם: $BD \perp AC$. הוכיח כי
המשולש ABC הוא שווה-שוקיים.
ג. BD ו- AC נחתכים בנקודה K.
נתון: $8 \text{ ס"מ} = AB$. חשב אורך הקטע MK. נמק.

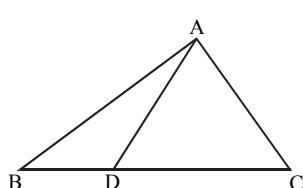


- .18 EF הוא קטע אמצעים בטרפז ABCD .
EF חותך את האלכסונים AC ו- BD
בנקודות R ו- P בהתאמה.
א. הוכח : EP = RF .
ב. הוכח : $PR = \frac{DC - AB}{2}$

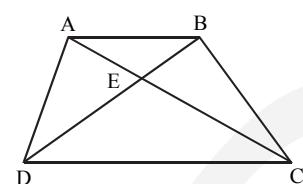


- .19 בטרפז ABCD ($AB \parallel DC$) חוצה-זווית ABC חותך את חוצה-זווית BCD בנקודה K ,
ואת הבסיס DC בנקודה E .
א. הוכח : $\angle BKC = 90^\circ$.
ב. דרך הנקודה K מעבירים מקביל
לבסיסי הטרפז. הוכח כי המקביל
הוא קטע אמצעים בטרפז ABCD .
ג. נתון : 6 ס"מ = BC , 2 ס"מ = AB , 8 ס"מ = DE .
חשב את האורך של קטע האמצעים בטרפז ABCD . נמק .

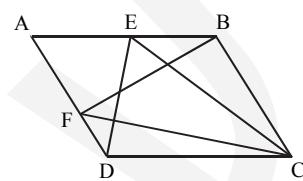
שאלות עם חישובי שטחים



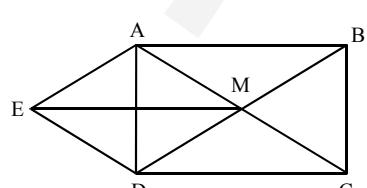
- .20 הוכחו : התיכון לצלע במשולש מחלק את המשולש לשני משולשים שווים שטח .
הנקודה D נמצאת על הצלע BC . נתון : $DC = 3 \cdot BD$.
א. הוכחו : $\frac{S_{ADC}}{S_{ABD}} = 3$.
ב. הוכחו : $S_{ABD} = \frac{1}{4} S_{ABC}$.



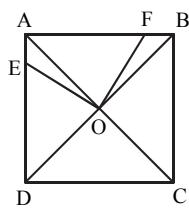
- .21 המרובע ABCD הוא טרפז ($AB \parallel DC$) .
שאלכסוניו נחתכים בנקודה E .
א. הוכחו : $S_{ADC} = S_{BDC}$.
ב. הוכחו : $S_{ABC} = S_{BAD}$.
ג. הוכחו : $S_{AED} = S_{BEC}$.



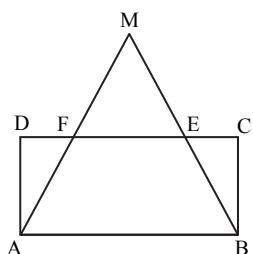
- .22 הנקודות E ו- F נמצאות
על הצלעות AB ו- AD .
א. הוכחו : $S_{ADCE} = S_{BDC}$.
ב. הוכחו : $S_{AED} = S_{BEC}$.



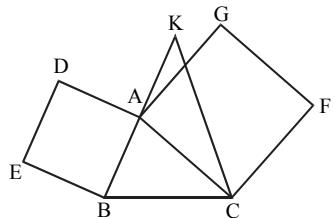
- .23 המרובע EMCD הוא מלבן
בנקודה M . E היא נקודה מחוץ למלבן .
א. הוכחו : המרובע AMDE הוא מוקבלי .
ב. נתון : שטח המלבן ABCD הוא 32 סמ"ר .
הו 2 סמ"ר . חשבו את שטח המוקבלי AMDE .



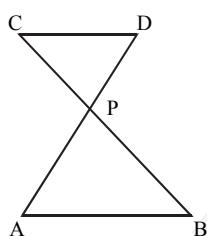
- .25 המרובע $ABCD$ הוא ריבוע. אלכסוני הריבוע נפגשים בנקודה O . הנקודה F נמצאת על הצלע AB והנקודה E נמצאת על הצלע AD . נתון: $FO \perp EO$:
א. הוכחו: $\Delta AOE \cong \Delta BOF$.
ב. נתון גם: $1.5 \text{ ס"מ} = FB$, $81 \text{ סמ"ר} = S_{ABCD}$.
חשבו את שטח המשולש BOF .



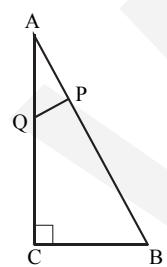
- .26 על הצלע AB של המלבן $ABCD$ בנו משולש שווה-שוקיים AMB ($AM = BM$) ו- $MB = MA$. (הנקודות F ו- E בהתאמה. חוטכים את DC בנקודות F ו- E בהתאמה. EF הוא קטע אמצעים במשולש AMB .
א. הוכחו: $DF = EC$.
ב. הוכחו: היחס בין שטח המשולש ADE לשטח הטרפז $ABCE$ הוא $3:5$.



- .27 על AB ועל AC , צלעות המשולש ABC בנו ריבועים כמתואר. הנקודה K נמצאת על המשך הצלע AB , ומתקיים: $AB = AK$.
א. הוכחו: $\Delta DAG \cong \Delta KAC$ (1)
. $S_{ABC} = S_{DAG}$ (2)
ב. נתון: $\angle ACB = 45^\circ$
. הוכחו: $S_{ABC} = S_{BCF}$



שאלות עם דמיון משולשים



- .28 בציור שלפניך נתון: $CD \parallel AB$.
א. הוכחו: $\Delta PAB \sim \Delta PDC$.
ב. נתון: $20 \text{ ס"מ} = AP$, $25 \text{ ס"מ} = AB$, $13 \text{ ס"מ} = PD$, $14.3 \text{ ס"מ} = CP$.
חשבו את אורך הקטעים BP ו- CD .

- .29 המשולש ABC הוא ישר-זווית ($\angle C = 90^\circ$).
נתון: $PQ \perp AB$.
א. הוכחו: $\Delta APQ \sim \Delta ACB$.
ב. נתון: $21 \text{ ס"מ} = AC$, $4 \text{ ס"מ} = PQ$, $12 \text{ ס"מ} = CB$.
(1) חשבו את אורך הקטע AP .
(2) חשבו את אורך הקטע AQ .

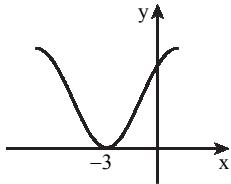
תשובות:

2. ד. 60° . ג. 5° . ג. $x = 15^\circ$. 17. ג. 4 ס"מ. 19. ג. 8 ס"מ. 24. ב. 16 סמ"ר.
25. ב. $\frac{3}{8} \text{ סמ"ר}$. 28. ב. 22 ס"מ, 16.25 ס"מ. 29. ב. (1) 7 ס"מ. (2) $\sqrt{65}$ ס"מ.

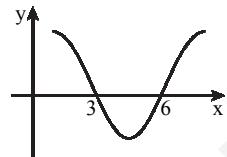
פונקציות - קדמ אנלייז

לפניכם סקיצות של גרפים וביהם מסומנות נקודות החיתוך של הפונקציה עם ציר ה- x (נקודות האפס של הפונקציה).
היעזרו בשרטוט ורשמו את תחומי החיביות ואת תחומי השיליות של כל אחת מן הפונקציות.

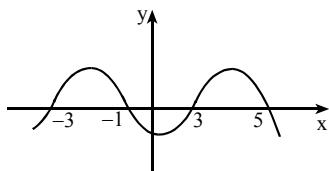
.2.



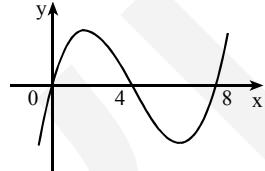
.1.



.4.



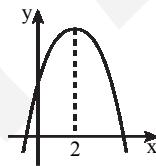
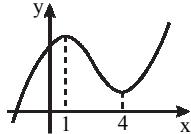
.3.



בכל אחד מהסעיפים הבאים מתואר גרף של פונקציה עליו מסומנים שיעורי x של נקודות הקיצון של הפונקציה.

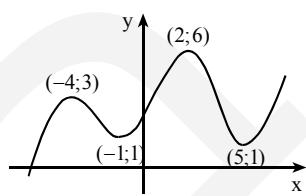
- (1). קבעו עבור כל נקודת הקיצון האם היא מסווג מינימום או מקסימום.
- (2). רשמו את תחומי העלייה ואת תחומי הירידה של הפונקציה.

.5. ב.

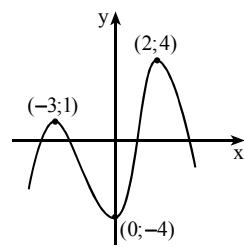


בכל אחד מהגרפים שלפניכם מסומנות נקודות הקיצון של הפונקציה.
היעזרו בשרטוט וכתבו את ערכי x שעבורם הפונקציה עולה
ואת ערכי x שעבורם הפונקציה יורדת.

.6. ב.



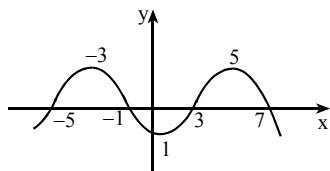
.6. א.



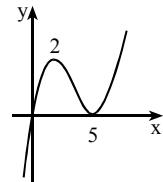
בסעיפים הבאים מתואר גרף של פונקציה עליו מסומנים נקודות האפס ומסומנים שיעורי x של נקודות הקיצון של הפונקציה. מצאו :

- (1). את תחומי העלייה ואת תחומי הירידה של הפונקציה.
- (2). את תחומי החיביות ואת תחומי השיליות של הפונקציה.

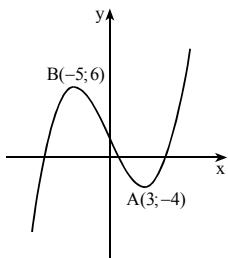
.7. ב.



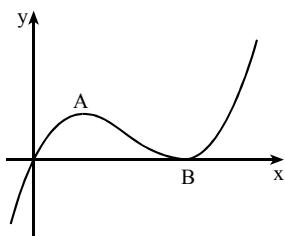
.7. א.



8.

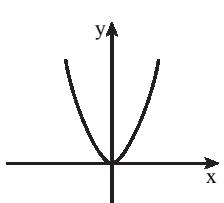


- בציר מתואר גраф של פונקציה (x) .
 לפונקציה מינימום מקומי בנקודה (-4) , $A(3; -4)$
 ומקסימום מקומי בנקודה $(-5; 6)$. $B(5; 6)$.
 היעזרו בגרף וקבעו בכמה נקודות חותך
 כל אחד מהישרים הבאים את גраф
 הפונקציה:
 א. $y = -8$. ב. $y = 6$. ג. $y = -1$.



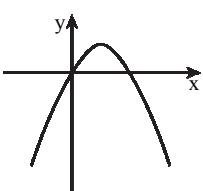
- לפונקציה (x) , שהgraf שלה מתואר לפניכם,
 יש מקסימום ב- $A(2; 2)$ ומינימום ב- $B(0; 5)$.
 עבור אילו ערכים של k , הימר $y = k$:
 א. חותך את גראף הפונקציה בנקודה אחת?
 ב. חותך את גראף הפונקציה בשתי נקודות?
 ג. חותך את גראף הפונקציה בשלוש נקודות?

9.



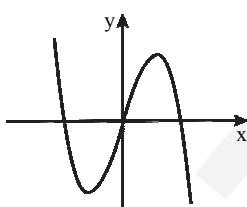
- לפניכם גראף הפונקציה הריבועית $f(x) = 2x^2$.
 הפונקציה (x) מקיימת $g(x) = f(x) + 4$.
 א. רשמו את (x) כפונקציה ריבועית באמצעות x .
 ב. השלימו: כדי לשרטט את הגראף של (x) , ניקח
 את הגראף של $f(x)$ ונזיז אותו --- כלפי ---.
 ג. הוסיפו לשרטוט את הגראף של (x) .

10.

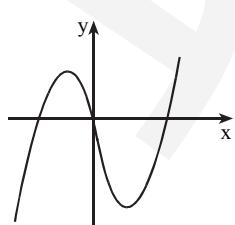


- לפניכם גראף הפונקציה הריבועית $f(x) = -x^2 + 2x$.
 מזיזים את גראף הפונקציה (x) ב- 5 יחידות
 כלפי מטה, ומקבלים את גראף הפונקציה (x) .
 א. הוסיפו לשרטוט את הגראף של (x) .
 ב. הבינו את (x) באמצעות $f(x)$.

11.



- לפניכם גראף של פונקציה $f(x)$, שנקודות הקיצון
 שלה הן: $(2; 4)$ מקסימום, $(-4; -2)$ מינימום.
 גראף הפונקציה (x) הוזז למעלה
 ב- 2 יחידות, והתקבל הפונקציה (x) .
 א. בטאו את הפונקציה (x) באמצעות $f(x)$.
 ב. מצאו את נקודות המינימום והמקסימום של $h(x)$.
 ג. הוסיפו למערכת הצירים את הגראף של הפונקציה (x) .
 ד. כמה נקודות חיתוך יש לגראף הפונקציה (x) h עם כל אחד מהישרים
 הבאים: (1) הימר $y = 3$. (2) הימר $y = -20$. (3) הימר $y = -6$.



- בציר שלפניכם מתואר גראף של פונקציה (x) .
 נקודות הקיצון של הפונקציה (ראו ציור)
 הן: $(4; -12)$ מינימום, $(-1; 5)$ מקסימום.
 נתון כי הפונקציה (x) מקיימת: $g(x) = f(x) + k$.
 המרחק בין נקודת המקסימום של (x)
 לנקודת המקסימום של (x) הוא 3.
 א. מצאו את נקודת המקסימום של הפונקציה (x) .
 ב. רשמו את שתי האפשרויות.
 ב. מצאו את נקודת המינימום של הפונקציה (x) .
 כתבו את שתי האפשרויות.

13.

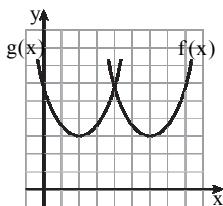
14.

בסעיפים הבאים מתוארים גרפים של שתי פונקציות: (x) ו- $(x) f$.
 הגרפים מתוארים במערכת צירים שבה כל משבצת היא יחידה אחת.
 נתנו כי גраф הפונקציה $(x) g$ מתבל על ידי הזזה אופקית של גраф
 הפונקציה $(x) f$.

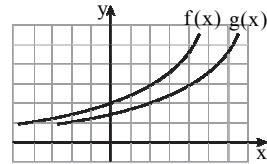
(1). בכמה יחידות ולאיזה כיוון יש להזיז את גраф הפונקציה $(x) f$?

כדי לקבל את גраф הפונקציה $(x) g$?

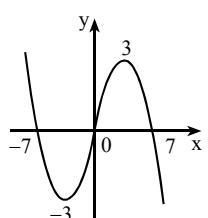
(2). הביעו את $(x) g$ באמצעות $(x) f$.



ב.



א.

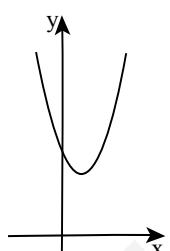


לграф הפונקציה $(x) f$, המתוואר בציור,
 יש נקודות קיצון כאשר $x = -3$ וכאשר $x = 3$,
 ונקודות חיתוך עם ציר ה- x
 כאשר $x = 0$, $x = 7$ ו- $x = -7$.
 הפונקציה $(x) g$ מקיימת $(x+4) = f(x)$.
 א. מהם שיעורי נקודות החיתוך של גראַפְּ
 הפונקציה $(x) g$ עם ציר ה- x ?

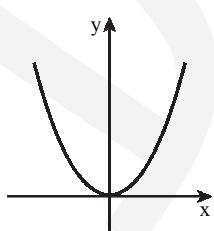
ב. רשמו את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $(x) g$.
 וקבעו את סוג הקיצון.

ג. שרטטו סקיצה של גראַפְּ הפונקציה $(x) g$.

ד. מצאו את תחומי החיביות והשליליות של הפונקציה $(x) g$.
 ה. דותן טען שהזזה אופקית אינה משנה את נקודות האפס,
 ואת תחומי החיביות והשליליות של פונקציה.
 האם הוא צודק?



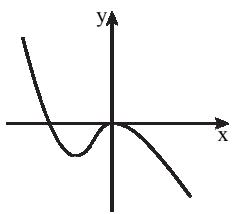
לפניכם גראַפְּ הפונקציה $y = (x-1)^2 + 4$.
 א. בכמה יחידות (זההם למעלה או למטה)
 יש להזיז את גראַפְּ הפונקציה $y = (x-1)^2$?
 כדי לקבל את גראַפְּ של הפונקציה הנתונה?
 ב. השלימו: כדי לקבל את גראַפְּ הפונקציה הנתונה
 $y = (x-1)^2 + 4$, יש להזיז את גראַפְּ הפונקציה $y = x^2$ ייחידות ימינה ו- ייחידות למעלה.



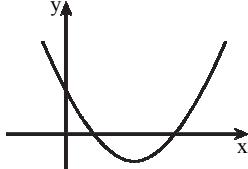
לפניכם גראַפְּ הפונקציה $f(x) = x^2$.
 מגדרים פונקציה חדשה $(x) g$, המקיימת $(x) g(x) = 3 \cdot f(x)$.
 א. מהי המשווה של הפונקציה $(x) g$?
 ב. הוסיפו למערכת הצירים סקיצה של גראַפְּ הפונקציה $(x) g$.
 ג. שרטטו למערכת הצירים אחרית סקיצה של $(x) f$,
 ושל הפונקציה $(x) h$, המקיימת $(x) h(x) = \frac{1}{3} \cdot f(x)$.

בכל אחד מהתרגילים הבאים מtauר גרף של פונקציה $f(x)$. שרטטו את גרף הפונקציה $-f(x)$.

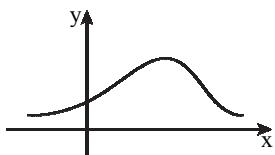
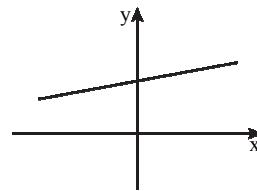
.20.



.19.



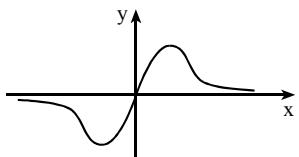
.18.



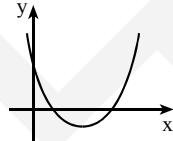
- .21. נקודת הקיצון היחידה של הפונקציה $f(x)$, שהגרף שלה לפניכם, היא $(3;2)$ מקסימום.
א. (1) שרטטו סקיצה של הפונקציה $-f(x)$.
ב. (2) מצאו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $-f(x)+6$.
ב. (1) שרטטו סקיצה של הפונקציה $f(x)+6$.
ב. (2) מצאו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $-f(x)+6$.

בכל אחד מהתרגילים הבאים מצור גраф של פונקציה $f(x)$.
שרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $|f(x)|$.

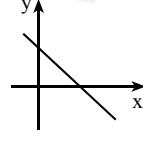
.24.



.23.



.22.



תשובות:

1. חיוביות: $x > 6$ או $x < 3$, שליליות: $3 < x < 6$.
2. חיוביות: $-3 < x < 0$ או $x < -3$ (אפשר כתוב גם $x \neq -3$), שליליות: אין.
3. חיוביות: $0 < x < 2$ או $-2 < x < 0$, שליליות: $x < -2$ או $x > 2$.
4. חיוביות: $-3 < x < 3$ או $x > 5$, שליליות: $x < -1$ או $x > 3$.
5. ב. (1) מינימום. (2) עליה: $x < 2$, ירידה: $x > 2$.
ג. (1) מינימום $x=1$, מינימום $x=4$. (2) עליה: $x < 1$ או $x > 4$, ירידה: $x=4$.
6. א. עולה: $x < 0$ או $x > 2$. יורדת: $x < 0$ או $x > 2$.
ב. עולה: $x < -4$ או $x > 5$. יורדת: $x < -4$ או $x > 5$.
7. א. (1) עליה: $x > 5$ או $x < 2$. יורדה: $x > 5$ או $x < 2$. (2) חיוביות: $x < 5$, $x > 2$. שליליות: $x > 5$, $x < 2$.
ב. (1) עליה: $x < -3$ או $x > 1$. יורדה: $x < -3$ או $x > 1$.
(2) חיוביות: $-5 < x < -1$ או $3 < x < 7$. שליליות: $x < -5$ או $x > 7$.
8. א. נקודת אחת. ב. 2 נקודות. ג. 3 נקודות.
9. א. $k > 2$ או $k < 0$. ב. $k=2$ או $k=0$. ג. $0 < k < 2$.

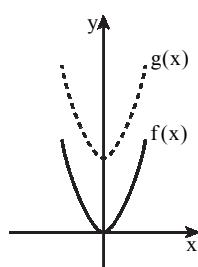
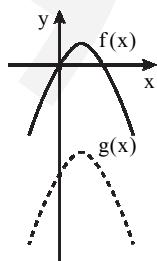
$$\text{. } g(x) = f(x) - 5$$

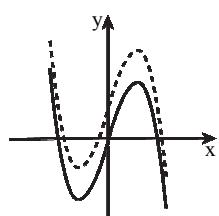
.11. ב.

$$\text{. } g(x) = 2x^2 + 4$$

ב. 4 ייחדות כלפי מעלה.

ג.



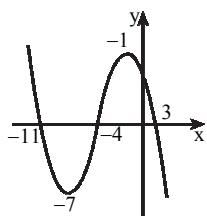


.5.

- . א. $h(x) = f(x) + 2$
 ב. (2;6) מקסימום, (-2;-2) מינימום.
 ג. (1) שלוש נקודות.
 ד. (2) שתי נקודות.
 (3) נקודה אחת.

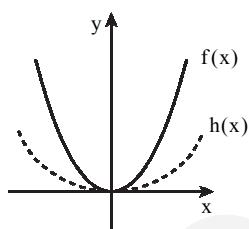
- .13. א. (8;-1) מקסימום, (-1;2) מינימום.
 ב. (-9;4) מינימום, (-15;4) מקסימום.

- .14. א. (1) 2 ייחדות לכיוון ימין.
 ב. (2) $g(x) = f(x+4)$ (2).
 ג. $g(x) = f(x-2)$ (2).

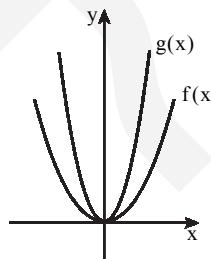


- .15. א. $x = -1$ מקסימום, $x = -7$ מינימום.
 ב. חיוביות: $-4 < x < 3$ או $x < -11$,
 שליליות: $-11 < x < -4$ או $x > -3$.
 ג. (-11;0), (-4;0), (3;0).
 ד. דותן לא צודק.

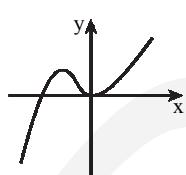
- .16. א. 4 ייחדות כלפי מעלה. ב. 1 ייחדות ימינה ו-4 ייחדות כלפי מעלה.



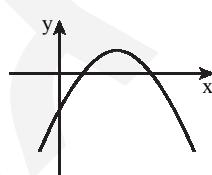
.6.



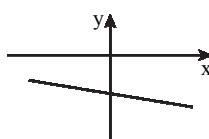
- .17. א. $g(x) = 3 \cdot x^2$. ב. .



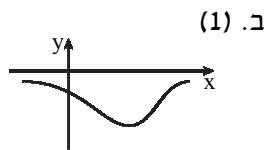
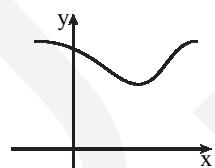
.20



.19



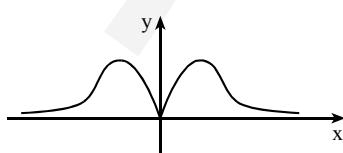
.18



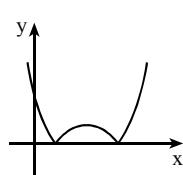
- .21. א. (1)

ב. (3;4) (2) מינימום.

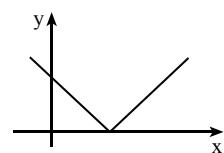
.21. א. (3;-2) (2) מינימום.



.24



.23



.22