

סוג הבדיקה: בגרות  
מועד הבדיקה: קיץ תשפ"ד, 2024, **מועד ב**  
מספר השאלה: 35482  
נספח: דפי נוסחאות ל-4 יחידות לימוד

**משמעותו של ביצוע הבדיקה:**  
בבוחן יזמין בדעתו מילויים מושלמים.  
יש לענות על שאלות על פי הנחיות אלה.

## מתמטיקה

### 4 יחידות לימוד – שאלון שני

#### הוראות

א. **משך הבדיקה:** שעתיים וחצי.

ב. **מבנה השאלה וنمط הבדיקה:** בשאלון זה שני פרקים, בהם חמישה שאלות.  
פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב  
פרק שני – גאומטריה, חישובים דיפרנציאלי ואינטגרלי של פונקציות טריגונומטריות,  
פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה  
יש לענות על שלוש שאלות לבחירתכם –  $\frac{1}{3} \times 3 = 100$  נקודות.

ג. **חומר עזר מותר בשימוש:**

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון שיש בו אפשרות תכנוט.  
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.  
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. **הוראות מיוחדות:**

- (1) אין להעתיק את השאלה; יש לסמן את מספורה בלבד.  
(2) יש להתחיל כל שאלה בעמוד חדש. יש לרשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרה מחשבון.  
יש להסביר את כל הפעולות, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

יש לכתוב במחברת הבדיקה בלבד. יש לרשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה.  
כתבת טיוטה בדף שאינו במחברת הבדיקה עלולה לגרום לפסילת הבדיקה.

**השאלות בשאלון זה מנוסחות בלשון רבים, אף על פי כן על כל תלמידה וכל תלמיד להשיב עליהם באופן אישי.**

**בהצלחה!**

## השאלות

ענו על שלוש מן השאלות 1–5 (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).

**シימו לב:** אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתכם.

### פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

#### סדרות

1. נתונה סדרה חשבונית A שאיבריה הם: ... ,  $a_3$ ,  $a_2$ ,  $a_1$  ובה 25 איברים.

נתון:  $20 = a_{13}$ , הפרש הסדרה הוא 6.

א. מצאו את  $a_1$ .

ב. מצאו את סכום האיברים שנמצאים במקומות האיזוגיים בסדרה.

נתונה סדרה חשבונית B שאיבריה הם: ... ,  $b_1$ ,  $b_2$ ,  $b_3$  וגם בה 25 איברים. האיבר הראשון בסדרה הוא 2.

נסמן את הפרש הסדרה B ב- $d$ .

מכל איברי הסדרות A ו- B בונים סדרה חשבונית חדשה שאיבריה הם: ... ,  $a_1 + b_1$ ,  $a_2 + b_2$ ,  $a_3 + b_3$  , ... .

ג. (1) מצאו את האיבר הראשון של הסדרה החדשה.

(2) הבינו באמצעות  $d$  את הפרש הסדרה החדשה.

(3) נתון כי סכום כל האיברים בסדרה החדשה הוא 3,250.

מצאו את  $d$ .

#### טריגונומטריה במרחב

2. בשרטוט שלפניכם תיבה  $'D'C'B'A'$  שבסיסה  $ABCD$  הוא ריבוע. אלכסוני הבסיס  $ABCD$  נפגשים בנקודה O. נתון כי גובה התיבה שווה לאלכסון הבסיס. א. מצאו את גודל הזווית שבין הקטע  $'OC$  לבין הבסיס  $ABCD$ . נתון כי אורך הקטע  $'OC$  הוא  $\sqrt{125}$ . ב. (1) חשבו את שטח המשולש  $D'C'$ .  
(2) חשבו את שטח המעטפת של התיבה. ג. הנקודה M היא אמצע הקטע  $A'D'$ , והנקודה P היא אמצע הקטע AD. (1) חשבו את אורך הקטע BP.  
(2) מצאו את גודל הזווית שבין הקטע BM לבין הבסיס ABCD.

**פרק שני – גדרה ודעיכה, חישוב דיפרנציאלי ואינטגרלי**  
**של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות**  
**ופונקציות חזקה**

.3 נתונה הפונקציה  $f(x) = (\cos x)^2 - 2 \sin x - 2$ , המוגדרת בתחום  $0 \leq x \leq 2\pi$ .

- א. מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבעו את סוגן.
- ב. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .
- ג. מצאו את תחום החיבור של פונקציית הנגזרת  $f'(x)$ .
- ד. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x) - 1$ .

נתונה הפונקציה  $g(x) = -f(x) - 1$ .

- ה. קבעו כמה נקודות חיתוך יש לגרף הפונקציה  $g(x)$  עם ציר ה- $x$ . נמקו את קביעתכם.

.4 נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{e^{(ax-1)}}{x^2}$ ,  $a$  הוא פרמטר.

- א. (1) מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .
- (2) מצאו את משוואת האסימפטוטה של הפונקציה  $f(x)$  המאונכת לציר ה- $x$ .
- (3) הסבירו מדוע הפונקציה  $f(x)$  חיובית, עבור כל  $x$  בתחום ההגדרה שלה.

נתון כי הנקודה  $\left(-1, \frac{1}{e^3}\right)$  נמצאת על גרף הפונקציה  $f(x)$ .

- ב. מצאו את הערך של  $a$ .

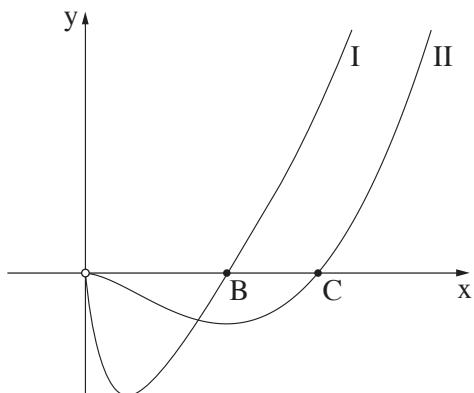
הציבו  $a = 2$  בפונקציה  $f(x)$ , וענו על הסעיפים ג-ד.

- ג. (1) מצאו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבעו את סוגה.
- (2) סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .

נתונה הפונקציה  $g(x) = f(x) + k$ ,  $k$  הוא פרמטר.

נתון כי לישר  $y = 4e^{-x} - 4$  ולגרף הפונקציה  $g(x)$  יש בדיקות שתי נקודות משותפות.

- ד. מצאו את הערך של  $k$ .



.5

בנרטוט שלפניכם מתוארים שני גרפים, I ו- II.

אחד מן הגרפים מתאר את הפונקציה  $(x)f$ , והאחר מתאר את פונקציית הנגזרת  $(x)f'$ .א. קבעו איזה מן הגרפים I, II מתאר את גраф פונקציית הנגזרת  $(x)f'$ . נמקו את קביעתכם.נתון:  $f(x) = x^2 \cdot (2\ln(x) - 1)$ .ב. (1) מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה  $(x)f$ .(2) מצאו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה  $(x)f$ , וקבעו את סוגה על פי הgraf.

הנקודה B היא נקודת החיתוך של גראף I עם ציר ה- x,

והנקודה C היא נקודת החיתוך של גראף II עם ציר ה- x.

ג. מצאו את אורך הקטע BC.

דרך הנקודה C העבירו ישר המקביל לציר ה- y.

ד. מצאו את השטח המוגבל על ידי גראף I, על ידי הישר המקביל לציר ה- y ועל ידי ציר ה- x (השטח שברביע הראשון).

**בצלחה!**