



שאלון 35472 מועד ב' קייז תשפ"ב

מורים יקרים,
החל משנת 2022, נוספו סמלי שאלון המציגים את השאלונים לפי
התוכנית החדשה במתמטיקה.
להלן השינויים:

- שאלון 182 (801) שונה ל- 172
- שאלון 381 (802) שונה ל- 371
- שאלון 382 (803) שונה ל- 372
- שאלון 481 (804) שונה ל- 471
- שאלון 482 (805) שונה ל- 472
- שאלון 581 (806) שונה ל- 571
- שאלון 582 (807) שונה ל- 572

בהתאם לכך, מצורף פתרון בחינות בגרות לשאלון 35472 מועד ב'
קייז תשפ"ב.

תודה מיוחדת למר עפר ילין על כתיבת הפתרונות ועריכת קובץ זה.

א. בפירמידה המשולשת ABCD, הפאות ACD ו- ABD הן משולשים שווה צלעות.

נתון ש- $\underline{w} = \underline{v}$, ומכאן שאורכי כל הצלעות, בשתי הפאות האלו, הם 6.

כל הצלעות, במשולש שווה צלעות, שוות ל- 60° .

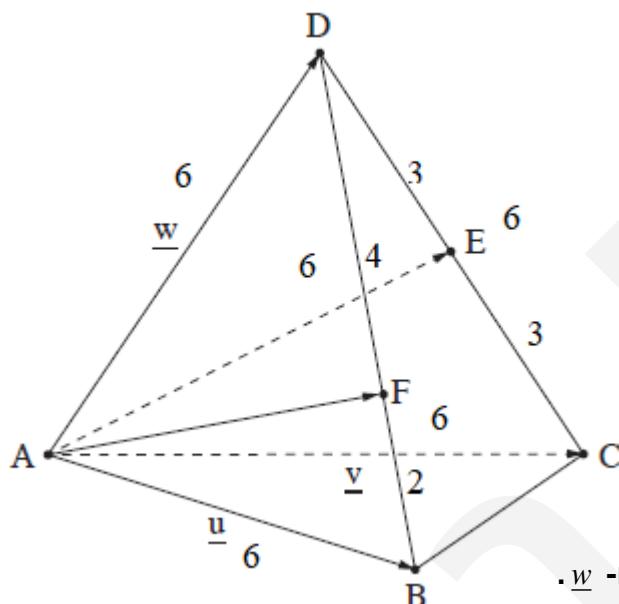
$$\Delta ABD: \underline{u} \cdot \underline{w} = |\underline{u}| \cdot |\underline{w}| \cdot \cos \angle DAB = 6 \cdot 6 \cdot \cos 60^\circ = 18$$

$$\Delta ACD: \underline{v} \cdot \underline{w} = |\underline{v}| \cdot |\underline{w}| \cdot \cos \angle DAC = 6 \cdot 6 \cdot \cos 60^\circ = 18$$

נתון ש- $\angle BAC = 45^\circ$ ובהתאם:

$$\Delta ABC: \underline{u} \cdot \underline{v} = |\underline{u}| \cdot |\underline{v}| \cdot \cos \angle BAC = 6 \cdot 6 \cdot \cos 45^\circ = 18\sqrt{2}$$

תשובה: $\underline{v} \cdot \underline{w} = 18$, $\underline{u} \cdot \underline{w} = 18$, $\underline{u} \cdot \underline{v} = 18\sqrt{2}$



ב. מה עוד ניתן ללמוד מהנתונים?

$$\overrightarrow{AB} = \underline{u} \quad |\underline{u}| = 6 \quad \underline{u}^2 = 36$$

$$\overrightarrow{AC} = \underline{v} \quad |\underline{v}| = 6 \quad \underline{v}^2 = 36$$

$$\overrightarrow{AD} = \underline{w} \quad |\underline{w}| = 6 \quad \underline{w}^2 = 36$$

$$\underline{u} \cdot \underline{v} = 18\sqrt{2}$$

$$\underline{u} \cdot \underline{w} = 18$$

$$\underline{v} \cdot \underline{w} = 18$$

$$\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AD}$$

$$\boxed{\overrightarrow{CD} = -\underline{v} + \underline{w}}$$

$$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AD}$$

$$\boxed{\overrightarrow{BD} = -\underline{u} + \underline{w}}$$

תשובה: $\overrightarrow{BD} = -\underline{u} + \underline{w}$, $\overrightarrow{CD} = -\underline{v} + \underline{w}$

(2) נביע את הווקטורים \vec{AF} ו- \vec{AE} , באמצעות \underline{u} , \underline{v} ו- \underline{w} .

הנקודה E היא אמצע המקצוע CD.

$$\vec{AE} = \frac{1}{2}\vec{AC} + \frac{1}{2}\vec{AD}$$

$$\boxed{\vec{AE} = \frac{1}{2}\underline{v} + \frac{1}{2}\underline{w}}$$

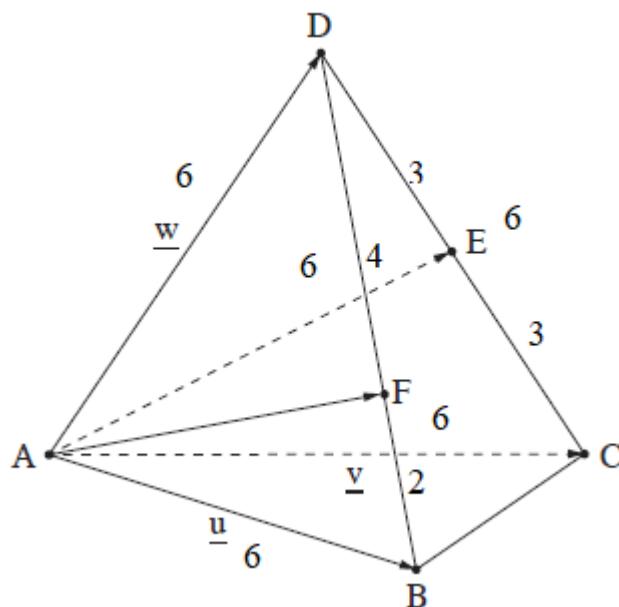
או לפחות יותר:

$$\vec{AE} = \vec{AD} + \frac{1}{2}\vec{DC}$$

$$\vec{AE} = \vec{AD} + \frac{1}{2}(\vec{DA} + \vec{AC})$$

$$\vec{AE} = \underline{w} - \frac{1}{2}\underline{w} + \frac{1}{2}\underline{v}$$

$$\boxed{\vec{AE} = \frac{1}{2}\underline{v} + \frac{1}{2}\underline{w}}$$



. הנקודה F נמצאת על המקצוע BD, כך ש- $BF : FD = 1 : 2$

$$\vec{AF} = \frac{2}{3}\vec{AB} + \frac{1}{3}\vec{AD}$$

$$\boxed{\vec{AF} = \frac{2}{3}\underline{u} + \frac{1}{3}\underline{w}}$$

או לפחות יותר:

$$\vec{AF} = \vec{AD} + \frac{2}{3}\vec{DB}$$

$$\vec{AF} = \vec{AD} + \frac{2}{3}(\vec{DA} + \vec{AB})$$

$$\vec{AF} = \underline{w} - \frac{2}{3}\underline{w} + \frac{2}{3}\underline{u}$$

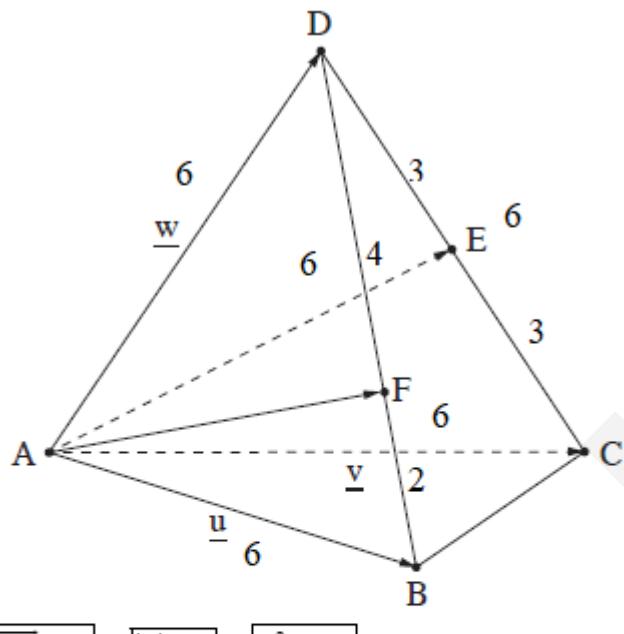
$$\boxed{\vec{AF} = \frac{2}{3}\underline{u} + \frac{1}{3}\underline{w}}$$

$$\vec{AF} = \frac{2}{3}\underline{u} + \frac{1}{3}\underline{w}, \vec{AE} = \frac{1}{2}\underline{v} + \frac{1}{2}\underline{w}$$

ג. נבדוק את שלוש הטענות.

(1) טענה: " \overrightarrow{CD} מאונך ל- \overrightarrow{AE} ".

נשים לב שב- ΔACD הוא תיכון לצלע CD , ומכיוון שהוא משולש שווה צלעות, הרי שהתיכון מתלכד עם הגובה, ולכן \overrightarrow{CD} מאונך ל- \overrightarrow{CE} , והטענה נכונה.
או, שלאט יותר:



$$\begin{array}{lll} \boxed{\overline{AB} = \underline{u}} & \boxed{|\underline{u}| = 6} & \boxed{\underline{u}^2 = 36} \\ \boxed{\overline{AC} = \underline{v}} & \boxed{|\underline{v}| = 6} & \boxed{\underline{v}^2 = 36} \\ \boxed{\overline{AD} = \underline{w}} & \boxed{|\underline{w}| = 6} & \boxed{\underline{w}^2 = 36} \end{array}$$

$$\underline{u} \cdot \underline{v} = 18\sqrt{2}$$

$$\underline{u} \cdot \underline{w} = 18$$

$$\underline{v} \cdot \underline{w} = 18$$

$$\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{CD} = \left(\frac{1}{2}\underline{v} + \frac{1}{2}\underline{w} \right) \cdot (-\underline{v} + \underline{w})$$

$$\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{CD} = -\frac{1}{2} \cdot \underline{v}^2 + \frac{1}{2}\underline{v}\underline{w} - \frac{1}{2}\underline{v}\underline{w} + \frac{1}{2}\underline{w}^2$$

$$\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{CD} = -\frac{1}{2} \cdot 36 + \frac{1}{2} \cdot 36$$

$$\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{CD} = 0 \rightarrow \boxed{\overrightarrow{AE} \perp \overrightarrow{CD}}$$

תשובה: הטענה נכונה, \overrightarrow{AE} מאונך ל- \overrightarrow{CD} .

(2) טענה: " \overrightarrow{AF} מאונך ל- \overrightarrow{CD} ".

$$\overrightarrow{AF} \cdot \overrightarrow{CD} = \left(\frac{2}{3}\underline{u} + \frac{1}{3}\underline{w} \right) \cdot (-\underline{v} + \underline{w})$$

$$\overrightarrow{AF} \cdot \overrightarrow{CD} = -\frac{2}{3}\underline{u}\underline{v} + \frac{2}{3}\underline{u}\underline{w} - \frac{1}{3}\underline{v}\underline{w} + \frac{1}{3}\underline{w}^2$$

$$\overrightarrow{AF} \cdot \overrightarrow{CD} = -\frac{2}{3} \cdot 18\sqrt{2} + \frac{2}{3} \cdot 18 - \frac{1}{3} \cdot 18 + \frac{1}{3} \cdot 36$$

$$\overrightarrow{AF} \cdot \overrightarrow{CD} \neq 0 \rightarrow \boxed{\overrightarrow{AF} \not\perp \overrightarrow{CD}}$$

תשובה: הטענה אינה נכונה, \overrightarrow{CD} אינו מאונך ל- \overrightarrow{AF} .

(3) טענה: " \overrightarrow{CD} מאונך למשור EAF ".

כאשר וקטור מאונך למשור, אז הוא מאונך לכל וקטור במשור.

כיוון, שהראינו כי \overrightarrow{CD} אינו מאונך ל- \overrightarrow{AF} שנמצא במשור EAF , הרי ש- \overrightarrow{CD} אינו מאונך למשור זה.

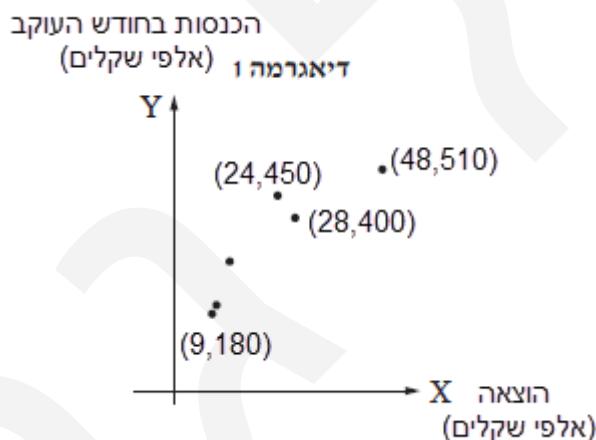
תשובה: הטענה אינה נכונה, \overrightarrow{CD} אינו מאונך למשור EAF .

א. מנהל החברה בדק את הקשר בין ההוצאה החודשית של החברה על פרסום מוצריה (x), ובין הכנסות מן המכירות שלה בחודש שלאחר מכן (y). הנתונים הם באלפי שקלים.

האוכטוסייה שנבדקה היא נתונים מכמה חודשים נוספים רצופים.

הוצאה על פרסום (x)	הכנסות מכירות בחודש שלאחר מכן (y)
48	28
24	13
10	9
510	400
450	300
200	180

התוצאות שהתקבלו הן: ממוצע הוצאות לחודש על פרסום $\bar{x} = 22$, עם סטיית תקן של $S_x = 13.6$, ממוצע המכירות לחודש הוא $\bar{y} = 340$, עם סטיית תקן של $S_y = 123.4$, דיאגרמה (1) מתאימה לנתונים שבבלה (שיעור נקודות הוסף לציר להמחשה), שמראים כי כאשר הוצאה קטנה, גדלות גם הכנסות בחודש שלאחר מכן (למעט חריגה אחת).



תשובה: דיאגרמה (1) מתרת את הקשר בין שני המשתנים.

ב. כפי שאמרנו, ניתן לראות שקיים מתגמה של עלייה, ולכן נצפה לראות מקדם מתאם חיובי. ניתן גם לראות שאין קו ישר, שעליו תהינה כל הנקודות (יש גם חודש שבו הייתה ירידה), ולכן מקדם המתאים אינו דטרמיניסטי ($r=1$), ומකדם מתאם $r=0.9$ נראה מתאים ביותר. תשובה: $r=0.9$ הוא מקדם מתאם, שנראה כי מתאים לנתונים.

ג. נמצא את משווהת קו הרגרסיה לנביי הרכנסה בחודש העוקב y , על פי הוצאה על פרסום x .

$$m = r \cdot \frac{s_y}{s_x} = 0.9 \cdot \frac{123.4}{13.6} \approx 8.166$$

נמצא תחילה את שיפוע קו הרגרסיה, שעובר בנקודת הממוצעים (22, 340) :

$$\begin{aligned} y - \bar{y} &= m(x - \bar{x}) \\ y - 340 &= 8.166(x - 22) \\ y - 340 &= 8.166x - 179.652 \\ y &= 8.166x + 160.348 \end{aligned}$$

תשובה: משווהת קו הרגרסיה, לנביי הרכנסות ממכירות, כתלות בהוצאה על פרסום, היא $8.166x + 160.348$.

ד. נמצא מרבי הרכנסה (y) המשוערת (באלפי שקלים), בהתאם להוצאה של 19,000 שקלים.

נשים לב שנתנו של 19 הוא בתחום של נתוני הוצאה שנמדדו, ולכן ניתן להעריך את הרכנסה. נציב $x = 19$, במשווהת קו הרגרסיה: $315.502 \approx 315.5 \approx 315.502 = 315.5 + 160.348 = 8.166 \cdot 19 + 160.348$.

תשובה: ההערכה להכנסות ממכירות, בעבור הוצאה של 19,000 שקלים לחודש על פרסום, היא בערך 315.5 אלפי שקלים.

ה. החברה המירה את הוצאות והכנסות ב שקלים להוצאות והכנסות ב דולרים, כאשר המשמעות היא שקל הנטו נטול שבטללה קטן בערך פי 3.

(1) חילוק פי מספר קבוע, לכל אחד מן הנתונים, מקטינה את הממוצע בדיק פ' אותו קבוע.

תשובה: ממוצע הוצאות לפרסום ירד פי 3 (והגיע ל- $\bar{x} = 7 \frac{1}{3}$).

(2) החילוק קבוע, של כל אחד מן הנתונים, מקטינה את הפיזור של האוכלוסייה פ' אותו קבוע.

תשובה: $S_x = 4 \frac{8}{15}$, סטיית התקן של הוצאה לפרסום קטנה פי 3.

(3) מקדם המתאם שווה לממוצע מכפלות ציוני התקן.

$$r = \frac{1}{N \cdot S_x \cdot S_y} ((x_1 - \bar{x})(y_1 - \bar{y}) + \dots + (x_N - \bar{x})(y_N - \bar{y}))$$

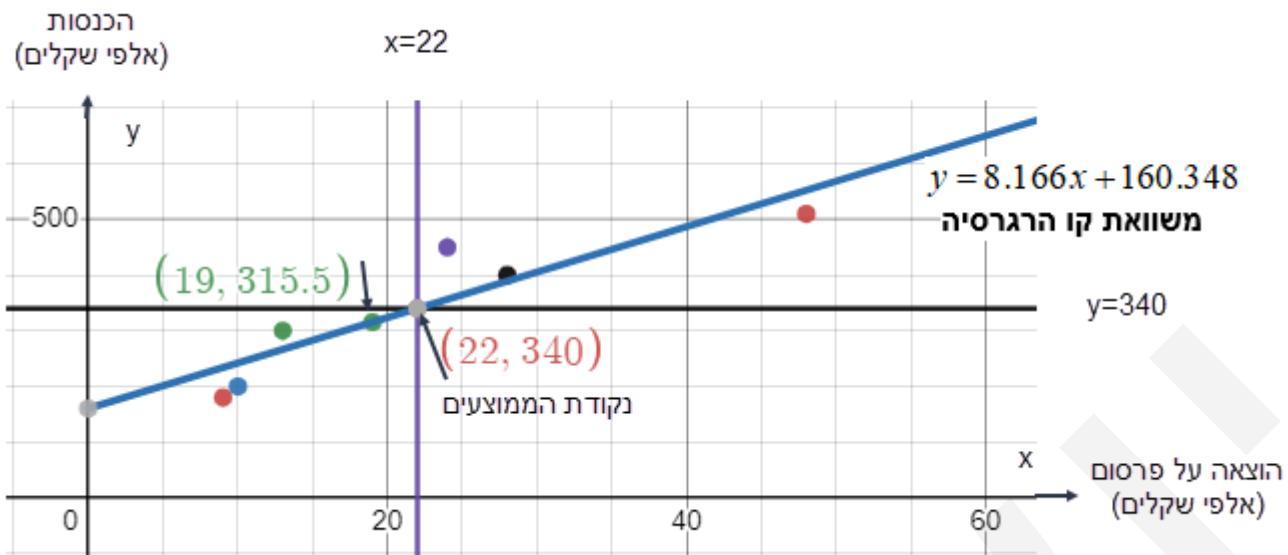
עם השינוי בשיטת הרישום, קטנו גם הסטייה מהממוצע, של $(y_N - \bar{y})$ ו- $(x_N - \bar{x})$ פ' 3,

ובמקביל קטנו גם שתי סטיות התקן פ' 3, ולכן הן המונה והן המכנה קטנו פי 9,

ומקדם המתאם (r) נותר ללא שינוי.

תשובה: r , מקדם המתאם, לא השתנה ($r = 0.9$).

העשרה



א. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{x^2}{e^x}$

e^x חיובי לכל x , ולכן המכנה חיובי ואינו מתאפס.

(נשים לב ש- $0 \geq f(x)$ לכל x).

תשובה: תחום ההגדרה הוא כל x .

ב. בנקודות חיתוך עם ציר ה- x מתקיים $y = 0$.

$$\begin{aligned} \frac{x^2}{e^x} &= 0 \\ x^2 &= 0 \rightarrow x = 0 \rightarrow (0, 0) \end{aligned}$$

תשובה: שיעורי נקודות החיתוך, של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x , הם $(0, 0)$.

ג. נמצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגן.

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{x^2}{e^x} \\ f'(x) &= \frac{2xe^x - x^2e^x}{e^{2x}} \\ f'(x) &= \frac{e^x(2x - x^2)}{e^{2x}} \\ f'(x) &= \frac{2x - x^2}{e^x} \end{aligned}$$

$$2x - x^2 = 0$$

$$x(2 - x) = 0$$

$$x = 0 \rightarrow (0, 0)$$

$$x = 2 \rightarrow \left(2, \frac{4}{e^2}\right)$$

$$\left. \begin{array}{l} f'(-1) < 0 \\ f'(1) > 0 \end{array} \right\} (0, 0), \min$$

$$\left. \begin{array}{l} f'(1) > 0 \\ f'(3) < 0 \end{array} \right\} \left(2, \frac{4}{e^2}\right), \max$$

תשובה: שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ הם מקסימום, $(0, 0)$ מינימום.

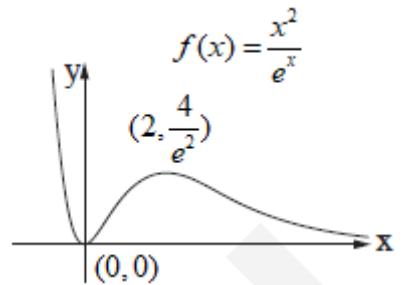
ד. נרשם את תחומי העלייה והירידה של $f(x)$, המוגדרת לכל x , בהתאם לסוג נקודות הקיצון.

תשובה: $f(x)$ עולה בתחום $0 < x < 2$, יורדת בתחום $x > 2$ או $x < 0$.

ה. שתי הצבות, מימין ומשמאל, למציאת אסימפטוטות אופקיות, אם ישן.

כאשר $\infty \rightarrow x$, למשל $0^+ \rightarrow f(10) = +4.5 \cdot 10^{-3} \rightarrow y$, והישר $0 = y$ אסימפטוטה אופקית לيمין.

כאשר $\infty \rightarrow -x$, למשל $\infty \rightarrow f(-10) = 2,220,646 \rightarrow y$, ואין אסימפטוטה אופקית לשמאלי.



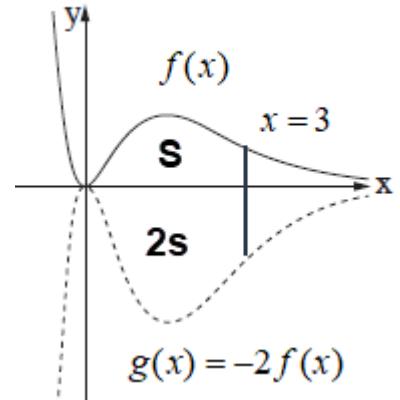
תשובה: הסקיצה מעל.

ו. נתונה הפונקציה $(x) g$, המקיים $g(x) = -2f(x)$ לכל x .

זו טרנספורמציה של $f(x)$ לאור ההכפלה פי (-2) של $f(x)$.
הפונקציה הופכת להיות אי-奇偶性, כלומר $g(x) \leq 0$.

בנוסף, מתחלפים תחומי עלייה וירידה, וסוג הקיצון משתנה
ניתן לראות זאת, גם לפי הנגזרת: $(x)' g = -2 \cdot f'(x)$,

כאשר תחומי עלייה וירידה מתחלפים, וסוג הקיצון משתנה, עברו אותו שיעור x שבו מתאפסת הנגזרת.
ההכפלה פי (-2) גם מרחקיקה פי 2 את גרף הפונקציה מציר ה- x , למעט כמובן ההשכה בראשית הצירים.



תשובה: הסקיצה מעל (כולל סימון מתאים לסעיף ז').

ז. השטח בין $(x) f$ ציר ה- x , והישר $3 = x$, שגודלו S מסומן בציור.

השטח בין $(x) g$ ציר ה- x , והישר $3 = x$, כפול (עקב ההכפלה פי (-2)) ולכן הוא $2S$.
מכאן, שהשטח בין שתי הפונקציות שווה ל- $-3S$.

תשובה: השטח המבוקש, בין שתי הפונקציות והישר $3 = x$, שווה ל- $-3S$.

או בדרך נוספת, כאשר S_1 הינו השטח המבוקש להבעה באמצעות S בסעיף זה:

$$S = \int_0^3 [f(x)] dx$$

$$S_1 = \int_0^3 [f(x) - g(x)] dx = \int_0^3 [f(x) - (-2f(x))] dx = \int_0^3 [3f(x)] dx = 3 \cdot \int_0^3 [f(x)] dx = 3S$$

א. נתונה הפונקציה $f(x) = a + (\ln x)^2$

בתחום ההגדרה הביטוי שבתוך הפונקציהelogarithmic צ"ל חיובי.
תשובה: תחום ההגדרה הוא $x > 0$.

ב. נמצא את שיעור נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, ונקבע את סוגה.

$$f'(x) = \frac{2\ln x}{x}$$

$$\ln x = 0 \rightarrow x = 1 \rightarrow (1, a)$$

$$\left. \begin{array}{l} f'(0.5) < 0 \\ f'(2) > 0 \end{array} \right\} (1, a), \min$$

תשובה: $(1, a)$ מינימום.

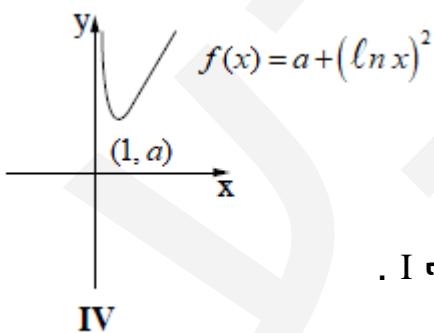
ג. נתונה הפונקציה $g(x) = 1 + \ln x$, המוגדרת גם היא בתחום $x > 0$.

נמצא את תחומי העלייה והירידה שלה.

כיון שהפונקציה $x \ln$ עולה לכל $x > 0$, ו- $g(x)$ היא הדזה אנכית 1 יחידה כלפי מעלה של $x \ln$, אז גם $g(x)$ עולה תמיד בתחום $x > 0$.

אפשר גם, כמובן, על ידי הנגזרת $g'(x) = \frac{1}{x} > 0$. ולכן $g(x)$ עולה.

תשובה: $g(x)$ עולה בתחום $x > 0$, ו יורדת לאף x .

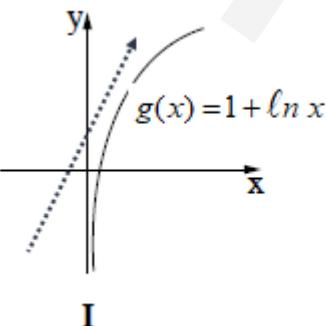


ד. לפונקציה $f(x) = a + (\ln x)^2$ יש נקודת מינימום $(1, a)$.

כיון שנanton כי $a > 0$, הרי שנקודות המינימום היא ברביע הראשון, והגרף המתאים הוא גרף IV.

הfonקציה $x \ln$ עולה לכל $x > 0$, ולכן הגרף המתאים הוא גרף I.

תשובה: גרף IV מתאר את $f(x)$ וגרף I מתאר את $g(x)$.



ה. הגרפים של הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ נחתכים בשתי נקודות, כאשר $e = x$, הוא שיעור ה- x באחלה מהן.

(1) נמצא את a .

ולכן $(e, 2)$ היא אחות מנוקדות החיתוך.

$$f(e) = 2 \rightarrow 2 = a + (\ln e)^2 \rightarrow 2 = a + 1 \rightarrow \boxed{a = 1}$$

תשובה: $a = 1$.

. $g(x)$ ו- $f(x)$ נמצאת נקודה החיתוך האחרת של הגרפים של הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$.

$$1 + (\ln x)^2 = 1 + \ln x$$

$$(\ln x)^2 - \ln x = 0$$

$$\ln x(\ln x - 1) = 0$$

$$\ln x = 0 \rightarrow x = 1 \rightarrow \boxed{(1, 1)}$$

תשובה: נקודה החיתוך האחרת, של שני הגרפים, היא $(1, 1)$.

(3) נציב $x = 2$, שהוא בתחום $e < x < 1$ שבין שתי נקודות החיתוך,

כדי לראות כיצד פונקציה מעלה לשנייה בתחום זה.

$$\left. \begin{array}{l} g(2) = 1 + \ln 2 = 1.693 \\ f(2) = 1 + (\ln 2)^2 = 1.48 \end{array} \right\} g(2) > f(2)$$

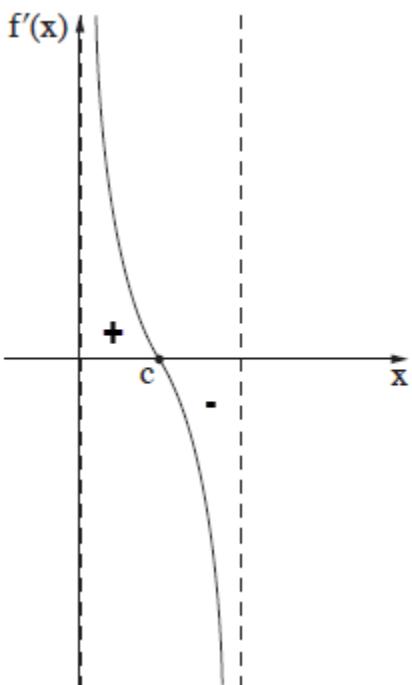
ומכאן ש- $f(x) < g(x)$ בתחום זה בלבד, כי יש רק שתי נקודות חיתוך בין שני הגרפים.

תשובה: $f(x) < g(x)$ בתחום $1 < x < e$.

א. משMAL הגרף של $f'(x)$.

בנוקודה שבה $c = x$, פונקציית הנגזרת עוברת מחזיביות לשיליות,
ולכן $c = x$ הוא שיעור המקיים של נקודת הקיצון היחידה של $f(x)$.

תשובה: $c = x$, מקסימום.



ב. נתון: $f(x) = \ell n(4x - x^2)$.

בתוחם ההגדרה, הביטוי שבתוֹר הפונקציה הלוגריתמית צ"ל חיובי.

$$4x - x^2 > 0$$

$$4x - x^2 = 0$$

$$x(4 - x) = 0$$

$$x = 0, x = 4$$

הביטוי $4x - x^2$ הוא של פרבולה הפוכה ("בוכה"),

והוא חיובי בתחום $x < 4$.

תשובה: תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$ הוא $0 < x < 4$.

ג. נמצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x .

בנקודות החיתוך עם ציר ה- x מתקיים $y = 0$.

$$\ell n(4x - x^2) = 0$$

$$4x - x^2 = 1$$

$$0 = x^2 - 4x + 1$$

$$x = 3.732 \rightarrow (3.732, 0)$$

$$x = 0.268 \rightarrow (0.268, 0)$$

אין נקודות חיתוך עם ציר ה- y , לאור תחום ההגדרה.

תשובה: $(0.268, 0), (3.732, 0)$.

ד. נמצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, ונמצא את ערכו של c .

זיכרון $c = x$ מקסימום, וישנה רק נקודת קיצון אחת.

$$f(x) = \ln(4x - x^2)$$

$$f'(x) = \frac{4 - 2x}{4x - x^2}$$

$$4 - 2x = 0$$

$$-2x = -4$$

$$x = 2 \rightarrow [c = 2]$$

$$f(2) = \ln 4 \rightarrow (2, \ln 4)$$

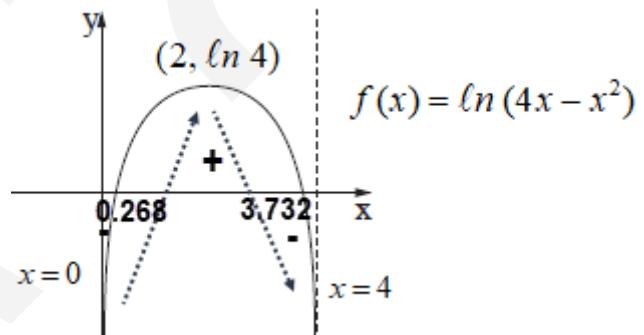
תשובה: $c = 2, (2, \ln 4)$

ה. נסרטט סקיצה של $f(x)$.

שתי הצבות, קרוב לתחום ההגדרה, למציאת אסימפטוטות אנכיות, אם ישן.

כאשר $x \rightarrow 0^+$, למשל $\infty \rightarrow f(0.00001) = -10 \rightarrow x = 0$ אסימפטוטה אנכית.

כאשר $x \rightarrow 4^-$, למשל $\infty \rightarrow f(3.99999) = -10 \rightarrow x = 4$ אסימפטוטה אנכית.



תשובה: הסרטו מלמעלה (כולל הסברים לסעיף).

ו. נתונה הפונקציה $g(x) = f(x) \cdot f'(x)$.

ולכן $g(x)$ חיובית, כאשר $f(x)$ חיובית ועולה, או שלילית יורדת.

תשובה: $g(x)$ חיובית עבור $4 < x < 2$ או $0.268 < x < 3.732$.

העשרה

אם לפונקציה $h(x) = 4x - x^2$ יש גרף של פרבולה בעלת מקסימום, עם קודקוד $(2, 4)$,

اذ לפונקציה $f(x) = \ln h(x)$ יש, בתחום ההגדרה, מקסימום בנקודת $(2, \ln 4)$.

תחום ההגדרה הוא, כמובן, תחום החיבור של $h(x)$ שהוא $0 < x < 4$,

כאשר $f'(x) = \frac{h'(x)}{h(x)}$, ותחומי העלייה והירידה זהים במגבילות תחום ההגדרה.