

סוג הבחינה: בגרות  
מועד הבחינה: קיץ תשע"ט, 2019  
מספר השאלה: 035482  
דף נוסחאות ל-4 יחידות: נספח:

## **מתמטיקה**

### **4 ייחדות לימוד — שאלון שני**

#### **הוראות לנבחן**

- א. משך הבחינה: שעה וארבעים וחמש דקות.
- ב. מבנה השאלה ופתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.  
פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה מרחב  
פרק שני – גדרה וודיצה, חשבון דיפרנציאלי וrintegral של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה –  $2 \times \frac{1}{3} = 33\frac{1}{3}$  נק' סה"כ – 100 נק'
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
- (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:
- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשות במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מthesbar את בפועל, כולל חישובים, פירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתב במחברת הבחינה בלבד. רשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

**הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.**

**בהצלחה!**

## השאלות

**שים לב:** הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

### **פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב**

ענה על אחד מן השאלות 1-2.

**שים לב:** אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

#### סדרות

1.  $a_n$  היא סדרה חשבונית שהאיבר הראשון שלה הוא  $a_1$  וההפרש שלה הוא 4.

$$b_n \text{ היא סדרה המוגדרת כך: } b_n = a_n + 8n$$

א. הוכח כי  $b_n$  היא סדרה חשבונית ומצא את ההפרש שלה.

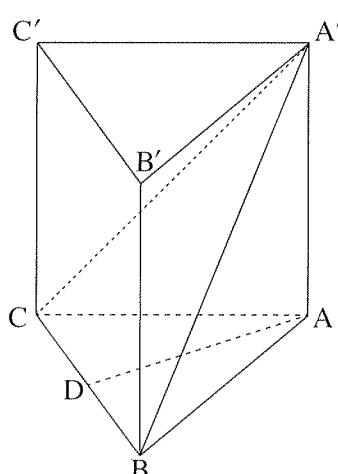
$$c_n \text{ היא סדרה המוגדרת כך: } c_n = a_n + b_n$$

ב. הוכח כי  $c_n$  היא סדרה חשבונית.

$$\text{נתון: } a_1 = \frac{1}{2}$$

ג. (1) מצא את  $c_1$ .

(2) מצא את סכום 20 האיברים הראשונים בסדרה  $c_n$ .



#### טריגונומטריה במרחב

2.  $ABCA'B'C'$  היא מנסרה משולשת ישרה.

בסיסה הוא משולש שווה שוקיים ( $AC = AB$ ).

הנקודה  $D$  היא אמצע הקטע  $CB$  (ראה ציור).

$$\text{נתון: } AD = 12, \angle CAB = 40^\circ$$

א. חשב את אורך הצלע  $CB$ .

ב. הסבר מדוע המשולש  $CA'B'$  הוא משולש שווה שוקיים.

נתון כי שטח המשולש  $B'C'A'$  הוא  $80$ .

ג. חשב את גודל הזווית שבין הקטע  $DA'$  ובין בסיס המנסרה,  $ABC$ .

ד. חשב את נפח המנסרה  $'C'A'B'C'$ .

**פרק שני – גדרה ודעיכה, חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי**  
**של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות**  
**ופונקציות חזקה ( $\frac{2}{3}$  נקודות)**

ענה על שתיים מן השאלות 3-5 (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).

**שים לב:** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

.3. הפונקציה  $f(x)$  מוגדרת בתחום  $0 \leq x \leq \pi$ .

$$\text{נתנו: } f(0) = 0.75, \quad f'(x) = -3 \sin 2x$$

פונקציית הנגזרת,  $(f'(x))$ , מוגדרת גם היא בתחום  $0 \leq x \leq \pi$ .

a. מצא ביטוי אלגברי לפונקציה  $f(x)$ .

b. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה  $f(x)$  עם ציר ה- $x$ .

c. מצא את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$  בתחום הנתון, וקבע את סוגן.

d. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .

ה. חשב את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה  $f(x)$  ועל ידי ציר ה- $x$  בתחום שבין נקודות החיתוך שמצאת

בסעיף b.

.4. נתונה הפונקציה  $f(x) = -3e^x(2e^x - 4)$ .

a. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .

b. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה  $f(x)$  עם הצירים.

c. מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבע את סוגה.

d. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .

e. נתונה הפונקציה  $g(x) = -\frac{1}{2}f(x)$ .

(1) כתוב מה הם שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה  $g(x)$ , וקבע את סוגה.

(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $g(x)$ .

- .5. נתונה הפונקציה  $f(x) = \ln(-x^2 + ax)$  .  $0 < x < a$  הוא פרמטר. ידוע כי לפונקציה  $f(x)$  יש נקודת קיצון.
- א. הראה כי שיעור ה-  $x$  של נקודת הקיצון של הפונקציה  $f(x)$  הוא  $\frac{a}{2}$ .
- נתון כי שיעור ה-  $y$  של נקודת הקיצון של הפונקציה  $f(x)$  הוא  $\ln\left(2\frac{1}{4}\right)$ .
- ב. מצא את  $a$ .
- הצב  $3 = a$  במשוואת הפונקציה  $f(x)$  ובתחום ההגדרה שלה, וענה על הסעיפים ג-ד.
- ג. קבע את הסוג של נקודת הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ .
- ד. (1) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה  $f(x)$  עם ציר ה-  $x$ . בתשובהך השאר 2 ספירות אחרי הנקודה העשרונית.
- (2) מצא את משוואות האסימפטוטות של הפונקציה  $f(x)$  המאונכות לציר ה-  $x$ .
- (3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .

## בdziיה!

זכות היוצרים שכורה למדינת ישראל  
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך