

מתמטיקה

4 יחידות לימוד – שאלון ראשון

הוראות לנבחן

א. מישר הבחינה: שלוש שעות וחצי.

ב. מבנה השאלון ופתחה הערכה: בשאלון זה שלושה פרקים.

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית,

הסתברות	נקודות	40	—	20×2	—
פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה	20	—	20×1	—	נקודות במשור
פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי ואיינטגרלי של פולינומים, של פונקציות רציניות ושל פונקציות שורש	40	—	20×2	—	נקודות סה"כ – 100 נקודות

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכננות במחשבון הנitin לתכונות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכננות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
 (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.
 הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.
 (3) לטיפות יש להשתמש במחברת הבחינה או בדף שקיבלת מן המশגיחים. שימוש בטיפות אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוטחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

/המשך מעבר לדף/

השאלה

שים לב! הסביר את כל פעולותין, כולל חישובים, בפירות ובאזורת ברורה.
חוור פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון — אלגברה, גאומטריה אנגליתית, הסתברות (40 נקודות)

ענה על שתיים מן השאלות 1-3 (לכל שאלה – 20 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. אלונה ואריאל יצאו, כל אחד במכוניתו, מעיר A באותו השעה.



ואילו אריאל נסע מעיר A לעיר C.

המרחק בין עיר A לעיר B הוא 60 ק"מ.

מהירות הנסיעה של אלונה הייתה כבוהה פי 5. מהירות הנסיעה של אריאל,

שניהם נסעו כל הדרכן במהירות קבועה.

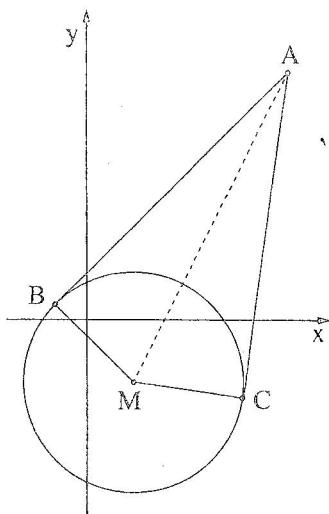
כאשר הגיעו אלונה לעיר B, עבר אריאל 40% מן המרחק בין עיר A לעיר C.

א. מהו המרחק בין עיר A לעיר C?

ב. אריאל הגיע לעיר C שעה לאחר שהגיעו אלונה לעיר B.

מה הייתה מהירות הנסיעה של אריאל?

/המשך בעמוד 3/



.2. הנקודות $(10, -5)$ ו- $(-2, 1)$ ו- $C(10, -5)$

מצאות על מעגל שמרכזו $M(3, -4)$.

מן הנקודה A , שהחוץ למעגל, יוצאים שני קטעים המשיקים למעגל בנקודות B ו- C , כמפורט בציור.

א. (1) מצא את משוואות הישרים AB ו- AC .

(2) מצא את שיעורי הנקודה A .

ב. (1) מצא את אורך הקטע AM .

(2) מצא את משוואות המנגנון החוסם את המשולש ABM .

(3) האם הנקודה C נמצאת על המנגנון?

שאת משווואתו מוצאת? נמק את קביעתך.

.3. במשחק מזל כל משתתף מטיל קובייה פעמיים. הקובייה היא קוביית משחק חזנת.

בכל אחת מן ההצלחות, אם המספר שלל הקובייה הוא 3, המשתתף מקבל 5 נקודות,

אם המספר גדול מ- 3 המשתתף מקבל 10 נקודות, ואם המספר קטן מ- 3 המשתתף אינו מקבל נקודות.

א. מהי ההסתברות שמשתתף המשחק יצבר 15 נקודות לפחות?

ב. ידוע שאחד המשתתפים כבר 15 נקודות לפחות. מהי ההסתברות שבשתי ההצלחות שלו

היה המספר על הקובייה גדול מ- 3?

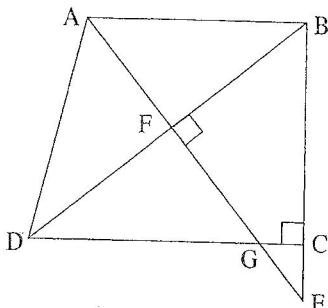
ג. ארבעה משתתפים משחקים המשחק.

מהי ההסתברות שבדיווק שניים מהם יצברו כל אחד 15 נקודות לפחות?

/המשך בעמוד 4/

פרק שג' — גאומטריה וטיריגונומטריה במשור (20 נקודות)ענה על אתה מן השאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

. 4. $\angle BCD = 90^\circ$, $AB \parallel DC$ ($\angle BCD = 90^\circ$).

E היא נקודת על המשך הצלע BC

כך שהקטע AE מאונך לאלכסון BD

וחוטך אותו בנקודת F.

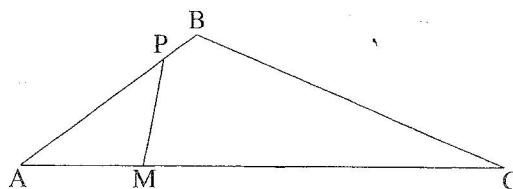
חוטך AE את הקטע DC בנקודת G,

כמפורט בציור.

א. הוכחה: $\angle AEB = \angle BDC$ נתון כי $DC = BE$ ב. הוכחה: $\triangle DCB \cong \triangle EBA$ נתון כי $CB = 4CE$ ג. (1) הוכחה: $\triangle GCE \sim \triangle ABE$ (2) מצא את היחס $\frac{GC}{AB}$

/המשר בעמוד 5/

5. במשולש ABC הנקודה P נמצאת על הצלע AB, והנקודה M נמצאת על הצלע AC (ראה ציור).



נסמן:

$$AP = x$$

נתון כי:

$$PM = 0.6x$$

$$\angleAMP = 100^\circ, \quad \angleABC = 120^\circ$$

$$MC = 12 \text{ ס"מ} \quad AM = 4 \text{ ס"מ}$$

א. (1) חשב את הזווית PAM .ב. (2) חשב את אורך הצלע BC .ג. חשב את אורך הקטע BM .

$$\text{מצא אתיחס שטחיהם} \frac{S_{\Delta AMB}}{S_{\Delta BMC}}. \quad \text{נמק את תשובתך.}$$

פרק שלישי — חישובו דיפרנציאלי ואינטגרלי של פולינומים,
של פונקציות רציניות ושל פונקציות שורש (40 נקודות)

עונה על שתיים מן השאלות 6-8 (לכל שאלה — 20 נקודות).
 שיט לבן אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

6. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{2x^2 + 4}{x^2 - a}$ הוא פרמטר.

עונה על סעיף א. הביע את תשובותיך באמצעות a במידת הצורך.

א. (1) מצא את תחום הגדרה של הפונקציה (x) .

(2) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גורף הפונקציה (x) עם הצירים (אם יש כאלה).

(3) מצא את האסימפטוטה האופקית של הפונקציה (x) .

לפונקציה (x) f יש אסימפטוטה אנכית $x = 1$.

ב. מצא את a .

הציב את a שמצאת בסעיף ב ועונה על הסעיפים ג-ה.

ג. (1) האם לפונקציה (x) f יש אסימפטוטה אנכית נוספת? אם כן — מהי? אם לא — נמק.

(2) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (x) וקבע את סוגה.

(3) מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה (x) .

ד. סרטט סקיצה של גורף הפונקציה (x) .

ה. עבור אילו ערכים של k אין פתרון למשוואת $f(x) = k$? נמק.

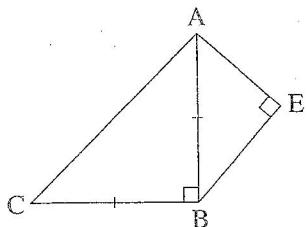
$$f(x) = \frac{4}{\sqrt{x+16}} \quad .7$$

- א. (1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
- (2) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גורף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).
- (3) מצא את האסימפטוטה האנכית של הפונקציה $f(x)$.
- (4) מצא את תועמי העלייה והירידה של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה).
- (5) סרטט סקיצה של גורף הפונקציה $f(x)$ בתחום $0 \leq x$.

נתונה הפונקציה $g(x) = f(x) - 2$.

- ב. (1) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גורף הפונקציה $g(x)$ עם הצירים.
- (2) סרטט סקיצה של גורף הפונקציה $g(x)$ בתחום $0 \leq x$.
- ג. מצא את השטח המוגבל בין גורף הפונקציה $g(x)$ ובין הצירים.

.8 ABC הוא משולש ישר זווית ושווה שוקיים ($\angle A = 90^\circ$).



על הצלע AB בנו משולש ישר זווית AEB

כך שר AB הוא היתר של המשולש AEB, כמתואר בציור.

נתון כי סכום אורכי הניצבים של המשולש AEB הוא 6 ס"מ.

נסמן את אורך הצלע AE ב- x.

א. הבע באמצעות x את שטח המשולש ABC.

ב. עבור أيזה ערך של x שטח המרובע AEBC הוא מינימלי?

בהתוצאות

זכות היוצרים שמורה למדיות ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך