

נוסחאות ונתונים בפיזיקה

נספח לבחינות הבגרות ברמה של 5 יחל'

לשאלונים מס' 654, 653, 652, 917553, 917554, 917555, 98, 36541, 917521, 917531

(החל בקץ תשס"ז)

תוכן העניינים

<u>עמוד</u>	<u>נתונים</u>	<u>עמוד</u>	<u>נוסחאות</u>
6	קבועים בסיסיים	2	מכניקה
7	פירוש קיצורי היחידות	3	אלקטرومגנטיות
7	קשרים בין היחידות	5	קרינה וחומר
7	נוסחאות מתמטיות	6	פעוליות מעבדה
8	נתונים הקשורים בשמש ובירח		
8	נתונים הקשורים בכוכבי הלכת		
8	הمسות של חלקיקים ואטומים אחדים		

מכניקה

עבודה של כוח הקבוע בגודלו ובכיוונו $W = F_x \Delta x = F \cos \theta \Delta s$, $\Delta s = \Delta x $	קינטיקה - תנועה לאורץ קו ישר
$E_k = \frac{1}{2}mv^2$ אנרגיה קינטית	מהירות רגעית $v = \frac{dx}{dt}$
אנרגיה פוטנציאלית כובדית (שדה אחד) $U_G = mgh$ ($U_G(h=0) = 0$)	תאוצה רגעית $a = \frac{dv}{dt}$
אנרגיה פוטנציאלית אלסטית $U_{sp} = \frac{1}{2}k(\Delta\ell)^2$ ($U_{sp}(x=0) = 0$)	תנועה שותת-תאוצה $v = v_0 + at$
משפט עבודה-אנרגייה $W_{\text{общ}} = \Delta E_k$ כולל	$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2}at^2$
עבודות שקול הכוחות הלא-משמרים (E – אנרגיה מכנית כוללת)	$x = x_0 + \frac{v_0 + v}{2}t$
$W_{\text{общ}} = \Delta E$ לא משמורים	$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$
$\bar{P} = \frac{\Delta W}{\Delta t}$ הספק ממוצע	מהירות של B ביחס ל-A $v_{B,A} = v_B - v_A$
מתוך ותנע	דינמיקה
$\vec{J} = \int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt$ מתוך של כוח משתנה	$w = mg$ משקל
$\vec{J} = \vec{F} \Delta t$ מתוך של כוח קבוע	$F = k \Delta\ell$ חוק הוק (גודל כוח אלסטי)
$\vec{p} = m\vec{v}$ תנוע	גודל כוח תיקון $f_s \leq \mu_s N$ סטטי
$\vec{\Delta p} = \Delta \vec{p}$ מיל' נוסחת מתוך-תנע	קינטי $f_k = \mu_k N$
$m_A \vec{v}_A + m_B \vec{v}_B = m_A \vec{u}_A + m_B \vec{u}_B$ שימור תנוע	החוק השני של ניוטון $\sum \vec{F} = m\vec{a}$
בהתגשות אלסטית חד-ממדית $\vec{v}_A - \vec{v}_B = -(\vec{u}_A - \vec{u}_B)$	צפיפות חומר $\rho = \frac{m}{V}$
מודל של גז אידיאלי	עבודה, אנרגיה והספק
האנרגיה הקינטית הממוצעת של מולקולה $E_k = \frac{3}{2}kT$ גז אידיאלי	עבודה הנעשית על גוף הנע לאורץ ציר x על ידי כוח F הקבוע בכיוונו $W = \int_{x_1}^{x_2} F_x dx$

$v = -\omega A \sin(\omega t + \phi)$	מהירות	$pV = NkT$		
$v = \pm \sqrt{A^2 - x^2}$		חוק הראשון של התרמודינמיקה		
$a = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$	תאוצה	$\Delta U = Q + W$		
$a = -\omega^2 x$				
$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{c}}$	זמן המחזור	תנועות מוחזירות		
$T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$	מטרוטלט פשוטה (מתמטית)	$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$		
כבידה				
$\left(\frac{\bar{T}_1}{\bar{T}_2}\right)^3 = \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^2$	החוק השלישי של קפלר	תנועה מעגלית		
$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$	גודל כוח הכבידה	מהירות זוויתית ממוצעת		
$U_G = -\frac{GMm}{r}$	אנרגייה פוטנציאלית כובדית $(U_G(r \rightarrow \infty) = 0)$	תאוצה מרכזייפטלית (רדיאלית)		
אנרגיות של לוין במסלול מעגלי				
$E_k = \frac{GMm}{2r} = -\frac{U_G}{2}$	קינטית	הקשר בין מהירות קוית ומהירות זוויתית $v = \omega r$		
$E = -\frac{GMm}{2r}$	כוללת	תנועה הרמוניית פשוטה		
טרנספורמציה שדה כבידה $\vec{g}_B = \vec{g}_A - \vec{a}_{B,A}$				
$-cx = ma$	משוואות התנועה			
$\omega = \sqrt{\frac{c}{m}}$				
$x = A \cos(\omega t + \phi)$	נוסחת מקום-זמן			

אלקטرومגנטיות

$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$	$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi k}$	גודל שדה חשמלי הנוצר על ידי לוח טעון
$V = k \frac{q}{r}$	$(U_E(r \rightarrow \infty) = 0)$	פוטנציאל חשמלי סביב מטען נקודתי
$U_E = qV$	נקודתי	אנרגייה פוטנציאלית חשמלית של מטען
$U = \frac{1}{2} QV$	אנרגייה של מוליך טעון	

אלקטростטיקה	
$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$	חוק קולון (בריק)
$k = \frac{1}{4\pi \epsilon_0}$	
$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$	שדה חשמלי
$E = k \frac{q}{r^2}$	גודל שדה חשמלי סביב מטען נקודתי

$V_c = \epsilon(1 - e^{-\frac{t}{RC}})$ מתח רגעי בטיענית קבל	הגדרת הקיבול $C = \frac{Q}{V}$
$V_c = V_0 e^{-\frac{t}{RC}}$ מתח רגעי בפריקט קבל	קיבול של קבל לוחות $C = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r A}{d}$
שדה מגנטי	מתח חשמלי $V_{AB} = V_A - V_B$
גודל כוח הפעול על מטען בשדה מגנטי $F = qvB \sin\alpha$	גודל השדה החשמלי בין לוחות קבל $E = \frac{V_{AB}}{d}$
גודל כוח הפעול על תיל נושא זרם בשדה מגנטי $F = I\ell B \sin\alpha$	אנרגיה של קבל טעון $U = \frac{1}{2} CV_{AB}^2$
גודל הכוח ליחידת אורך בין שני תילים $F = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi d}$ ארכוכים מקבילים $\frac{\mu_0}{2\pi} = 2 \cdot 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A}$	קיבול שקול $\frac{1}{C_T} = \sum \frac{1}{C_i}$ של קבלים המוחברים בטור $C_T = \Sigma C_i$ של קבלים המוחברים במקביל
גודל שדה מגנטי $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$ סביב תיל ישר ואורך	זרם חשמלי $i = \frac{dq}{dt}$ זרם רגעי
$B = \frac{\mu_0 NI}{2R}$ במרכז סליל מעגלי דק (בעל רדיוס R ו- N כירכחות)	חוק אום $V_{AB} = RI$
$B = \frac{\mu_0 NI}{L}$ בתוך סילונית ארוכה (בעל אורך L ו- N כירכחות)	התנגדות של תיל $R = \rho \frac{l}{A}$
כא"מ מושרה	התנגדות שcola $R_T = \Sigma R_i$ של נגדים המוחברים בטור
$\phi_B = BA \cos\alpha$ α – הזווית בין השדה לנורמל למישטח	$\frac{1}{R_T} = \sum \frac{1}{R_i}$ של נגדים המוחברים במקביל
$\epsilon = -N \frac{d\phi_B}{dt}$ כא"מ מושרה	עבודה הזרם החשמלי $W_{A \rightarrow B} = V_{AB} It$
כא"מ מושרה בתיל מוליך ℓ – היטל התיל על הכיוון הניצב למהירות	הספק $P = V_{AB} I$
$\epsilon = v\ell B_\perp$ B_\perp – רכיב השדה המגנטי בכיוון ניצב למישור התנועה	מתח הדקים $V_{AB} = \epsilon - IR$
כא"מ מושרה במחולל $\epsilon = -NBA\omega \cos(\omega t + \phi)$	מתח קירכהוף $\Sigma \epsilon = \Sigma IR \quad \Sigma I = 0$
$\frac{\epsilon_1}{\epsilon_2} = \frac{N_1}{N_2}$ שני איידאלי	מתח בין שתי נקודות במעגל חשמלי $V_{AB} = \Sigma IR - \Sigma \epsilon$
	זרם רגעי בטיענית קבל $i = I_0 e^{-\frac{t}{RC}}$ או בפריקטו

קרינה וחומר

$E_{ph} = E_k + B$	אפקט פוטואלקטרי	אופטיקה גאומטרית
האטום והగרעין		
$m_e v_n r_n = n \frac{h}{2\pi}$	הנחות בוهر	חוק סnell
$E_{ph} = E_f - E_i $		$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$
רמות אנרגיה באטום מימן $E_n = -\frac{R^*}{n^2}$ $(U_\infty = 0)$		הגדלה קוית $m = \frac{H_1}{H_0} = \frac{ v }{ u }$
$R^* = \frac{2\pi^2 k^2 m_e e^4}{h^2} = \frac{m_e e^4}{8\epsilon_0^2 h^2} = 13.6 \text{ eV}$		עוצמת עדשה $C = \frac{1}{f}$
רדיווי המסלולים המותרים של האלקטרון באטום המימן		
$r_n = r_i n^2$		גלים מכניים ואלקטרומגנטיים
$r_i = \frac{h^2}{4\pi^2 m_e k e^2} = 0.529 \text{ \AA}$		מהירות גל מחזורי $v = \lambda f$
$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{p}$	נוסחת דה-ברויי	חוק השבירה $\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2}$
$\Delta x \Delta p \geq \frac{h}{4\pi}$	עקרון אי-הוודאות	גל עומד בmiteר שקצוותיו קשורים $\ell = \frac{\lambda}{2}$
$\Delta E = \Delta mc^2$	שקלות מסה-אנרגיה	קווי מקסימום בהתארכות שני מקורות (ויתר) שווי-מופע $\sin \theta_n = \frac{X_n}{L_n} = n \frac{\lambda}{d}$
$\frac{dN}{dt} = -\lambda N$	דעיכה של מקור רדיואקטיבי λ – קבוע הדעיכה	קווי מינימום בהתארכות שני מקורות שווי-מופע $\sin \theta_n = \frac{X_n}{L_n} = (n - \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{d}$
$N = N_0 e^{-\lambda t}$	פעילות של מקור רדיואקטיבי	נוסחת יאנג $\frac{\Delta X}{L} = \frac{\lambda}{d}$
$R = \lambda N$		קווי מקסימום בהתארכות בסריג עקיפה $\sin \theta_n = n \frac{\lambda}{d} = n N^* \lambda$
$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$	זמן מחצית החיים	קווי צומת בעקיפה בסדק יחיד $\sin \theta_n = \frac{X_n}{L_n} = n \frac{\lambda}{w}$
אנרגייה של פוטון $E(eV) = \frac{12400}{\lambda(\text{\AA})} = \frac{1240}{\lambda(\text{nm})}$		

פעילותות מעבדה

הקירוב של טילור מסדר שני:

$$x_{n+1} \approx x_n + v_n \Delta t + \frac{1}{2} a_n \Delta t^2$$

$$v_{n+1} \approx v_n + \frac{1}{2} (a_n + a_{n+1}) \Delta t$$

הקירוב הסטנדרטי של אוילר:

$$x_{n+1} \approx x_n + v_n \Delta t$$

$$v_{n+1} \approx v_n + a_n \Delta t$$

קבועים בסיסיים

(ערכי הקבועים רשומים בדיקן נמוך מהדיקן הניסיוני הידוע, ומשמשים לבחינת בגרות).

ערך	יחידות	סימון	שם הקבוע
$1.38 \cdot 10^{-23}$	$J \cdot K^{-1}$	k	קבוע בולצמן
$6.67 \cdot 10^{-11}$	$N \cdot m^2 \cdot kg^{-2}$	G	קבוע הגרביטציה
$9 \cdot 10^9$	$N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$	k	המקדם בחוק קולון
$3 \cdot 10^8$	$m \cdot s^{-1}$	c	מהירות האור בריך
$1.257 \cdot 10^{-6}$	$H \cdot m^{-1}$	μ_0	פרמייאביליות הריך
$8.85 \cdot 10^{-12}$	$F \cdot m^{-1}$	ϵ_0	דיאלקטריות הריך
$1.60 \cdot 10^{-19}$	C	e	טען האלקטרון
$6.63 \cdot 10^{-34}$	$J \cdot s$	h	קבוע פלאנק
$4.14 \cdot 10^{-15}$	$eV \cdot s$		
$9.11 \cdot 10^{-31}$	kg	m_e	מסת אלקטרון
$1.67 \cdot 10^{-27}$	kg	m_p	מסת פרוטון
$1.67 \cdot 10^{-27}$	kg	m_n	מסת נויטרון
$6.02 \cdot 10^{23}$	mol^{-1}	N_A	קבוע אבוגדרו

פירוש קיצורי היחידות

יחידה	סימן
فرد	F
אמפר	A
אום	Ω
וולט	V
טסלה	T
הנרי	H
הרץ	Hz
パスカル	Pa

יחידה	סימן
גיאול	J
אלקטرون וולט	eV
מיליון אלקטרון וולט	MeV
ווט	W
מול	mol
מעלות צלזיות	$^{\circ}\text{C}$
מעלות קלוין	K
קורלון	C

יחידה	סימן
מטר	m
אנגסטרם	\AA
קילוגרם	kg
גרם	gr
יחידת מסה אטומית	u
שניה	s
שעה	h
ניוטון	N

קשרים בין יחידות

אנרגיה

$$1\text{eV} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{J}$$

אורך

$$1\text{\AA} = 10^{-10} \text{m}$$

$$1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$$

לחץ

$$1 \text{ atm} = 1.01 \cdot 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

מסה

$$1\text{u} = 931.494 \frac{\text{MeV}}{\text{c}^2} = 1.66 \cdot 10^{-27} \text{kg}$$

מעבר ממעלות קלוין למעלות צלזיות

$$t_{\text{C}} = T_{\text{K}} - 273$$

תנוע

$$1 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}} = 1.87 \cdot 10^{-21} \frac{\text{MeV}}{\text{c}}$$

נוסחאות מתמטיות

$\frac{4}{3}\pi R^3$	נפח כדור	$2\pi R$	היקף מעגל
$\sin \theta \approx \operatorname{tg} \theta$	לזויות קטנות	πR^2	שטח עיגול
$\sin \theta \approx \theta$	לזויות קטנות ברדיאנים	$4\pi R^2$	שטח פניו כדור

נתונים הקשורים בשמש ובירח

זמן מחזור (יממות)	רדיויס מסלול ממוצע (m)	רדיויס (m)	מסה (kg)	
-----	-----	$6.96 \cdot 10^8$	$1.99 \cdot 10^{30}$	שמש
27.3	$3.84 \cdot 10^8$	$1.74 \cdot 10^6$	$7.35 \cdot 10^{22}$	ירח

נתונים הקשורים בכוכבי הלכת

כוכב לכת	מסה (10^{24} kg)	רדיויס (10^6 m)	רדיויס מסלול ממוצע (10^6 km)	זמן מחזור (שנים)
כוכב חמה (Mercury)	0.330	2.44	57.9	0.2408
נוגה (Venus)	4.869	6.05	108.2	0.6152
ארץ (Earth)	5.974	6.38	149.6	1.00
מאדים (Mars)	0.642	3.4	227.9	1.881
צדק (Jupiter)	1899.1	71.4	778.3	11.86
שבתאי (Saturn)	568.6	60.0	1427.0	29.46
אורונוס (Uranus)	86.98	26.1	2871.0	84.01
♆ נפטון (Neptun)	103	24.3	4497.1	164.8

המסות של חלקיקים ואטומים אחדים

החלקיק	hma ב- c^2	hma ב- c^2	החלקיק
אלקטرون	0.000549	0.511	מיון H ⁻¹
פרוטון	1.007276	938.272	דוויטריום H ²
נויטרון	1.008665	939.566	הליום ⁴ He
			לייטיום ⁷ Li
			פחמן ¹² C
			12.00000
			1.007825
			2.014101
			4.00260
			7.01601