

**מדינת ישראל**  
**משרד החינוך**

א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים  
ב. בגרות לנבחנים אקסטרנניים  
מועד הבחינה: חורף תשע"ה, 2015  
מספר השאלה: 316,035806  
דף נוסחאות ל-5 יחידות לימוד  
נספח:

**מתמטיקה**  
**5 יחידות לימוד – שאלהון ראשון**

**הוראות לנבחן**

							א. <u>משך הבחינה</u> : שלוש שעות וחצי.
							ב. <u>מבנה השאלה ופתח הרעכלה</u> : בשאלון זה שלושה פרקים.
פרק ראשון	—	20×2	—	algebra והסתברות	—	פרק ראשון	alggebra והסתברות
פרק שני	—	20×1	—	גאומטריה וטראיגונומטריה	—	פרק שני	גאומטריה וטראיגונומטריה
פרק שלישי	—	20×2	—	במיוחד	—	פרק שלישי	חשבון דיפרנציאלי וrintגרלי
<u>סה"כ</u>	<u>100</u>					<u>סה"כ</u>	<u>40</u> נקודות

חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התוכנות במחשבון הניתן לתוכנות.  
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התוכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.  
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.  
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.  
הסביר את בל פועלותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
חוسر פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.  
(3) לטיווח יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשגיחים.  
שימוש בטיווח אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

**הנחהiot בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.**

**ב ה צ ל ח !**

**המשך מעבר לדף ◀**

## השאלות

**שים לב!** הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.  
חומר פירוט עlol לגורם לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

### פרק ראשון — אלגברת והסתברות (40 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – 20 נקודות).

**שים לב!** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. צבעים ותיקים וצבעים מותלדים צריכים לצבוע מספר מסוים של דלתות.  
צבע אחד ותיק ור' 2 צבעים מותלדים יסימנו את הצבעה בזמן הארוך ב- 25% מהזמן שבו יסימנו את הצבעה 2 צבעים ותיקים וצבע אחד מותלד.  
לכל צבע ותיק אותו קצב עבודה בלתי משתנה, ולכל צבע מותלד אותו קצב עבודה בלתי משתנה. (צבע ותיק עובד מהר יותר מצבע מותלד).  
א. מצא את היחס בין הזמן שצבע מותלד יסיים לבצע את צביעת הדלתות לבין הזמן שצבע ותיק יסיים לבצע את צביעת הדלתות.  
ב. מצא כמה צבעים מותלדים צריכים לעבוד עם צבע אחד ותיק, כדי שהם יסימנו את צביעת הדלתות בזמן אותו הזמן שבו יסימנו את הצבעה 2 צבעים ותיקים וצבע אחד מותלד.

◀ **המשך בעמוד 3**

$$a_1 = 4$$

$$a_n + a_{n+1} = 4n + 2$$

.2. סדרה מוגדרת לכל  $n \in \mathbb{N}$  על ידי הכלל:

א. אם בסדרה יש 100 איברים, מצא את הסכום של שני האיברים העומדים במקומות

האמצעיים בסדרה.

ב. הוכח כי איברי הסדרה העומדים במקומות איזוגיים מהווים סדרה חשבונית,

וגם איברי הסדרה העומדים במקומות זוגיים מהווים סדרה חשבונית.

אם בסדרה יש 101 איברים, מצא:

ג. את האיבר העומד באמצע הסדרה.

ד. את הסכום של כל איברי הסדרה.

.3. בישוב גדול  $\frac{1}{3}$  מהתושבים הם נשים, והשאר הם גברים.

מ בין התושבים בוחרים באקראי שתי קבוצות:

קבוצה של 4 אנשים (נשים / גברים) לראיון ברדיո

� קבוצה של 4 אנשים (נשים / גברים) לראיון בטלוויזיה.

א. מהי ההסתברות שכל קבוצה יש בדיק 2 גברים?

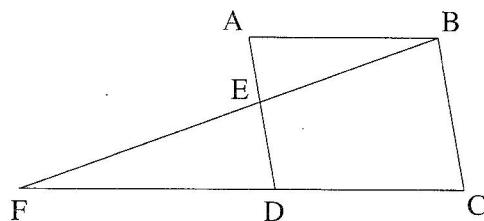
ב. ידוע כי קבוצה שנבחרה לראיון ברדיו היו לפחות 2 גברים.

מהי ההסתברות שהיו בקבוצה זו בדיק 2 גברים?

## פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה במשורט (20 נקודות)

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

**שים לב!** אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.



.4. במקבילית ABCD הנקודה E נמצאת על  
הצלע . AD

המשך חותך את המשך CD בנקודה F  
(ראה ציור).

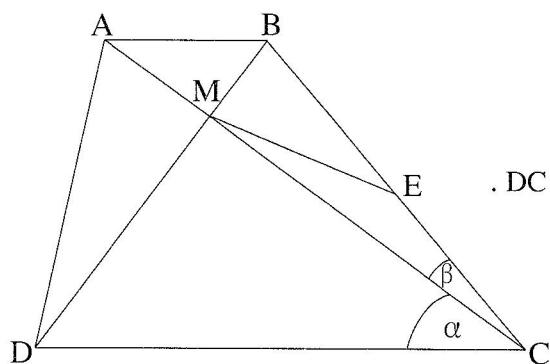
נתון: שטח המשולש ABE הוא 27 סמ"ר.

שטח המשולש DFE הוא 48 סמ"ר.

א. מצא את שטח המשולש BED .

ב. נתון גם כי המרובע BCDE הוא בר חסימה במעגל.

$$\text{מציא את היחס } \frac{AB}{EF} .$$



.5. אלכסוני הטרפז ABCD מאונכים זה לזה  
ונפגשים בנקודה M .

E היא אמצע השוק BC (ראה ציור) .

נתון: DC = a ,  $\angle ACB = \beta$  ,  $\angle ACD = \alpha$

א. הבע באמצעות a ,  $\alpha$  ו-  $\beta$

את האורך של ME .

נתון:  $a = 6.6$  ס"מ ,  $\frac{\tan \beta}{\tan \alpha} = \frac{1}{3}$

ב. מציא את האורך של AB .

נתון גם:  $BM = 1.3$  ס"מ .

ג. מציא את הזווית DCB .

### **פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי וaintegralי של פולינומים, של פונקציות שורש, של פונקציות רצינליות ושל פונקציות טריגונומטריות (40 נקודות)**

ענה על שתיים מהשאלות 6-8 (לכל שאלה – 20 נקודות).

**שים לב!** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

6. נתונות שתי פונקציות:

$$f(x) = 0.5 \sin(2x) + \cos x$$

$$g(x) = \sin(2x)$$

בתחום  $0 \leq x \leq 2\pi$ .

בתחום הנתון

הגרפים של הפונקציות

נפגשים בשתי נקודות, A ו- B,

הנמצאות על ציר ה- x , כמפורט בציור.

א. דרך נקודה על ציר ה- x , הנמצאת בין הנקודות A ו- B , מעבירים אנך לציר ה- x .

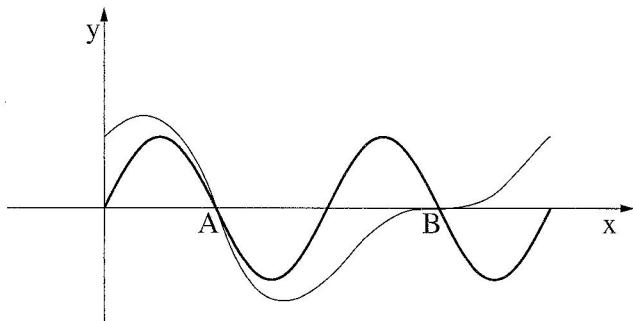
האנך חותך את הגרפים של הפונקציות  $f(x)$  ו-  $g(x)$  בנקודות M ו- N .

מצא את האורך המקסימלי של הקטע MN .

ב. דרך נקודה על ציר ה- x , הנמצאת בתחום  $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$  , מעבירים אנך לציר ה- x .

האנך חותך את הגרפים של הפונקציות  $f(x)$  ו-  $g(x)$  בנקודות K ו- L .

מצא את האורך המקסימלי של הקטע KL .



$$f(x) = \sqrt{\frac{x}{1+x^2}} \quad .7.$$

$$g(x) = \frac{1}{\sqrt{3x^2 + 2}}$$

א. מצא עבור כל אחות מהפונקציות:

(1) את תחום ההגדרה.

(2) את האסימפטוטות המאונכות לצירים (אם יש כאלה).

(3) את השיעורים של נקודות הקיצון (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.

ב. סרטט במערכת צירים אחות סקיצה של גраф הפונקציה  $f(x)$

וסקיצה של גраф הפונקציה  $(x)g$ , אם ידוע כי הפונקציות נחתכות בנקודה אחת בלבד.

ג. נתונה הפונקציה  $h(x) = g(x) - k$  ,  $k > 0$  .

עבור אילו ערכים של  $k$  אין לפונקציה  $h(x)$  נקודות חייתן עם הפונקציה  $f(x)$ ? נמק.

$$\int_0^3 \frac{f'(x)}{2 \cdot \sqrt{f(x)}} dx = 3 \quad .8.$$

נתון כי הפונקציה  $f(x)$  ופונקציית הנגזרת שלה  $f'(x)$  מקיימות נתון גם:  $f(0) = 1$  ,  $f'(x) = kx + 2$  .  $k$  הוא פרמטר.

א. מצא את הערך המספרי של  $f(3)$  , ומצא את הפונקציה  $f(x)$  (בלי פרמטרים).

ב. הפונקציה  $g(x) = \sqrt{f(x)}$  מקיימת

$$. g(x) = |x+1| \quad (1)$$

ב. סרטט במערכת צירים אחות סקיצה של גраф הפונקציה  $g(x)$

וסקיצה של גраф הפונקציה  $f(x)$

## בצלחה!