

סוג הבחינה: בגרות
מועד הבחינה: חורף תשע"ז, 2017
מספר השאלה: 315,035805
דף נסחאות ל-4 יחידות לימוד
נספח:

מדינת ישראל
משרד החינוך

מתמטיקה

4. יחידות לימוד – שאלהון שני הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעה ושלושה רביעים.

ב. מבנה השאלה ופתחת הערכה: בשאלון זה שני פרקים:

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

פרק שני – גידלה ודעיכה, חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי
של פונקציות טריוגונומטריות,

פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות

ופונקציות חזקה

$1 \frac{1}{3} \times 1 = 33 \frac{1}{3}$ נקודות

$2 \frac{2}{3} \times 2 = 33 \frac{1}{3}$ נקודות

סה"כ – 100 נקודות

ג. חומר עוז מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitinן לתכנון.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.

(2) דפי נסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברות את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוררת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.

חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

(3) לטיוויה יש להשתמש במחברות הבחינה.
שימוש בטיוויה אחרית עלול לגרום לפסילת הבחינה.

התנחיות בשאלון זה מנוטחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהתאם לה

/המשך לדף/

השאלות

שיט לבן: השיבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפיירות ובצורה ברורה.
חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפיטילת הבחינה.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב (33 נקודות)

ענה על אתם מהשאלות 1-1.

שיט לבן: אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

סדרות

1. נתונה סדרה המקיימת את הכלל: $a_{n+1} = a_n - 2n + 3$

$$\text{מגדירים סדרה חדשה המקיימת: } b_n = a_n + n^2$$

א. הוכיח שהסדרה b_n היא סדרה חשבונית.

$$\text{נתון: } a_3 = 2$$

ב. הביע את b_n באמצעות n .

ג. בסדרה b_n יש 31 איברים. חשב את סכום האיברים העומדים במקומות האיזוגיים בסדרה זו.

טריגונומטריה במרחב

2. נתונה פירמידה ישרה $SABCD$

שבבסיסה, $ABCD$, הוא ריבוע (ראה ציור).

נתון: גובה הפירמידה, SO , גדול פי 1.25 מן האורך

של אלכסון הבסיס של הפירמידה.

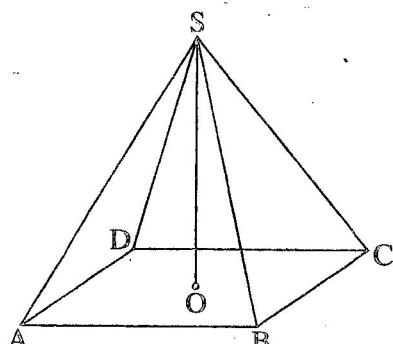
א. נפח הפירמידה הוא 360 סמ"ק.

חשב את האורך של אלכסון הבסיס.

ב. חשב את הזווית שבין מקצוע צדי

לבין מישור הבסיס של הפירמידה.

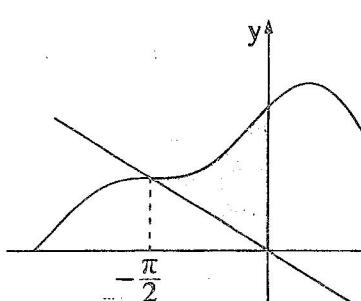
ג. חשב את זווית הבסיס של פאה צדית של הפירמידה.



**פרק שני – גאומטריה, חישובים דיפרנציאלי ואינטגרלי
של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעורכיות ולוגריתמיות
ופונקציות חזקה (66 נקודות)**

ענה על שתיים מהשאלות 3-5 (לכל שאלה – 3 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

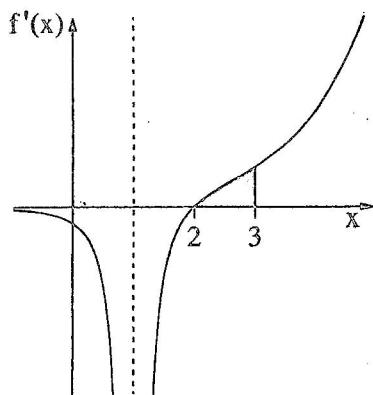


3. נתונה הפונקציה $f(x) = a \cos x + \frac{1}{2} \sin 2x + 1$.
בתחום $\pi \leq x \leq -\pi$ הוא פרמטר.

דרך ראשית הצלרים מעבירים ישר
שהחותן את גרף הפונקציה
בנקודה שבה $x = -\frac{\pi}{2}$ (ראה ציור).

A. השטח האפור שצמוד (השטח שנמצא ברביע השני
ומוגבל על ידי הישר, על ידי גורף הפונקציה (x) ועל ידי ציר ה- y), שווה ל- $\frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}$.
מצאו את a .

- B. מצאו את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון הפנימיות של הפונקציה, וקבעו את סוגן.
(אפשר להסתמך על הגרף כדי לקבוע את סוגן).
C. כמה משיקים המקבילים לציר ה- x יש לגרף הפונקציה בתחום הנתון? נמק.



בציר שלפניך מזג גוף של פונקציית הנגזרת $(x')^f$.

$$\text{של הפונקציה } f(x) = \frac{e^{x-2}}{x-2} \text{ הוא פרמטר.}$$

היעזר בנתונים מן הצייר וענה על הסעיפים א-ד.

א. גוזר את הפונקציה $(x)f$ ומחשב את c .

הצב $1 = c$ וענה על הסעיפים ב-ד.

ב. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $(x)f$.

ג. מצא את השיעורים של נקודת הקיצון של הפונקציה $(x)f$, וקבע את סוגה.

ד. חשב את השטח המוגבל על ידי הגוף של פונקציית הנגזרת $(x')^f$.

ועל ידי ציר ה- x בתחום $3 \leq x \leq 2$ (השטח האפור בציור). תוכל להשאיר e בתשובהך.

5. נתונה הפונקציה $ax = (\ln x)^2 - 2\ln x$.

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.

ב. מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.

ג. מצא את השיעורים של נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $(x)f$ עם ציר ה- x .

ד. סדרט סקיצה של גרף הפונקציה.

ה. מצא את התוחום שבו גם $(x)f$ חיובית וגם $(x')^f$ חיובית.

ו. $(x)g$ היא פונקציה המקיים $(x)f = (x)g$ בתחום $0 < x$.

מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של $(x)g$, וקבע את סוגן.

בהתאם לך?

רכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך