

מדינת ישראל

משרד החינוך

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים

ב. בגרות לנבחנים אקסטראניים

מועד הבדיקה: קיץ תשע"ז, 2016

מספר השאלה: 317, 035807

מספר: דפי נוסחאות ל-5 יחידות לימוד

מתמטיקה

5 יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלה ופתחה הערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב,

מספרים מוכרים

$$66\frac{2}{3} - 33\frac{1}{3} \times 2 = 33\frac{1}{3}$$

פרק שני – גדרה ודינמיקה,

$$33\frac{1}{3} - 33\frac{1}{3} \times 1 = 33\frac{1}{3}$$

$$\text{סה"כ} = 100 \text{ נקודות}$$

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.

שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר

הчисובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפיירות ובצורה ברורה ומסודרת.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

(3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.

שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיה, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה למרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3} 66$ נקודות)

עונה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רף שני התשובות הראשונות שבמחברתך.

. 1. נתון טרפז $(AB \parallel DC) ABCD$.

המשכי השוקיים BC ו- AD נפגשים בראשית הצירים.

השוק BC מונחת על החלק החיווי של ציר ה- x .

הקדקודים A ו- D נמצאים בربיע השליישי.

הבסיס AB מונח על הישר $0 = 3x - 4y - 15$.

גובה הטרפז הוא 6.

היעזר בסרטוט סקיצה של הטרפז במערכת צירים, ועונה על סעיפים א ו- ב.

א. מצא את משוואת הבסיס DC .

נתון כי הקדקודים A ו- C נמצאים על מעגל שמרכזו בקדקוד B .

ב. (1) מצא את רדיוס המעגל.

(2) מצא את השיעורים של הקדקוד D .

.2. בפירמידה ABCDE שבבסיסה ריבוע

נתון: $\vec{AD} \perp \vec{DE}$,

הוקטור \vec{AE} יוצר זוויות שווות

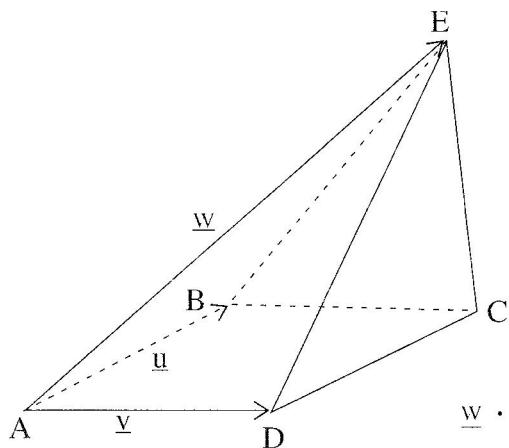
עם הוקטורים \vec{AD} ו- \vec{AB} ,

אורך צלע הבסיס הוא 5.

נסמן: $\vec{AB} = \underline{u}$, $\vec{AD} = \underline{v}$

$$\vec{AE} = \underline{w}$$

(ראה ציור).



א. מצא את הערך של המכפלה הסקלרית $\underline{v} \cdot \underline{w}$
ושל המכפלה הסקלרית $\underline{u} \cdot \underline{w}$.

הנקודה H נמצאת על המקצע EC כך ש-

$$\text{נתון: } |\vec{AH}| = 2\sqrt{17}$$

ב. מצא את אורך המקצע AE.

ג. (1) הראה כי המשולש EDC הוא ישר-זווית, ומצא את שטחו.

(2) מצא את נפח הפירמידה המשולשת AEDC.

המשך בעמוד 4

.3 נתון: $z^2 - 2R \operatorname{cis}\theta \cdot z - 3R^2 \operatorname{cis}(2\theta) = 0$
 z הוא מספר מרוכב, $R > 0$, $0 < \theta < 90^\circ$

פתרונות המשווהה הנتوונה הם z_1 ו- z_2 .

z_1 נמצא בربיע הראשון.

א. הבע באמצעות θ ו- R את z_1 ואת z_2 .

נתון כי משווהת הישר העובר דרך z_1 ו- z_2 היא $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$.
 ב. מצא את θ .

המספר המרוכב z מקיים: $z_3 = \bar{z}_1$.

ג. (1) סרטט במישור גאוס את המספרים z_1 , z_2 , z_3 .

(2) נתון כי שטח המשולש $z_1 Oz_3$ הוא $225\sqrt{3}$ (O – ראשית הצירים)

מצא את הערך המוחלט של z_2 .

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות

(33 $\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אחת מהתוצאות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמבחןך.

$$.4 \quad \text{נתונה הפונקציה } f(x) = -3x^2 \cdot e^{x^3}.$$

- א. (1) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגן.
בתשובהך דיקק עד שתיש ספירות אחרי הנקודה העשויית.

- (2) מצא את נקודות החיתוך של הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).

- (3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

- (4) נתון כי הפונקציה $(x)g$ מקיימת $|f(x)| = g(x)$.

הוסף סקיצה של גרף הפונקציה $(x)g$ לסקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

- ב. חשב את השטח הסגור בין הגрафים של שתי הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ ובין הישר $x = -1$.
הפונקציות $h(a)$ ו- $t(a)$ מקיימות:

$$a \geq -1, \quad h(a) = \int_{-1}^a f(x) dx, \quad t(a) = \int_{-1}^a g(x) dx$$

- מצא את השיעורים של נקודת הפגישה בין הגرافים של הפונקציות $h(a)$ ו- $t(a)$.

- 6 -

$$\text{נתונה הפונקציה } f(x) = \frac{x^2}{2} - \ell \ln x. \quad .5$$

א. (1) מצא את תחום ההגדרה של $f(x)$.

(2) מצא את נקודות החיתוך של הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).

(3) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה),

וקבע את סוגן.

ב. (1) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של פונקציית הנגזרת $(x^1 f')$ (אם יש כאלה),

וקבע את סוגן.

(2) מצא את השיעורים של נקודת הפיתול של הפונקציה $f(x)$.

ג. (1) סרטט在同一 מערכת צירים סקיצה של הפונקציה $f(x)$,

וסקיצה של פונקציית הנגזרת $(x^1 f')$.

(2) בربיע הראשון הגרפים של הפונקציות $f(x)$ ו- $(x^1 f')$ נפגשים בנקודה אחת.

באיזה תחום ערכים נמצא שיעור ה- x של נקודה זו?

ד. הפונקציה $(x^1 g)$ מקיימת: $g'(x) = f(x)$.

נתון: $a = g(e)$, $b = g(\sqrt{e})$, $c = g(1)$.

הבע באמצעות a , b , c את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$,

על ידי ציר ה- x ועל ידי הישרים $x = 1$ ו- $x = e$.

בצלחה!